



# LUND UNIVERSITY

## Självinställande startoptimering

Jensen, Lars

1977

*Document Version:*  
Förlagets slutgiltiga version

[Link to publication](#)

*Citation for published version (APA):*  
Jensen, L. (1977). *Självinställande startoptimering*. (Technical Reports TFRT-7126). Department of Automatic Control, Lund Institute of Technology (LTH).

*Total number of authors:*

1

### General rights

Unless other specific re-use rights are stated the following general rights apply:  
Copyright and moral rights for the publications made accessible in the public portal are retained by the authors and/or other copyright owners and it is a condition of accessing publications that users recognise and abide by the legal requirements associated with these rights.

- Users may download and print one copy of any publication from the public portal for the purpose of private study or research.
- You may not further distribute the material or use it for any profit-making activity or commercial gain
- You may freely distribute the URL identifying the publication in the public portal

Read more about Creative commons licenses: <https://creativecommons.org/licenses/>

### Take down policy

If you believe that this document breaches copyright please contact us providing details, and we will remove access to the work immediately and investigate your claim.

LUND UNIVERSITY

PO Box 117  
221 00 Lund  
+46 46-222 00 00

## SJÄLVINSTÄLLANDE STARTOPTIMERING

Lars Jensen

---

Denna rapport avser anslag 740622-5 från Statens råd för Byggnadsforskning till institutionerna för Bygg-  
nadskonstruktionslära och Reglerteknik vid Lunds Tek-  
niska Högskola, Lund.

Dokumentutgivare  
Lund Institute of Technology  
Dept of Automatic Control  
Handläggare  
Lars Jensen  
Författare  
Lars Jensen

Dokumentnamn  
REPORT  
Utgivningsdatum  
NOV 74 1977

Dokumentbeteckning  
LUTFD2/(TFR-7126)/1-16/(1977)

Ärendebeteckning  
BFR-740622

10T4

Dokumenttitel och undertitel

Självinställande startoptimering  
(Selfadjusting Start-Optimization)

Referat (sammandrag)

A heating system should only be run when needed. A simple solution is to start and stop the plant according to the time of day. The time from the start to time when the desired temperature is reached varies depending on other factors. Another solution is to use a static or a dynamic model depending on these factors. The problem is to choose the model parameters. In this work a computer is used to tune the model parameters in a simple dynamic model.

Referat skrivet av  
Author

Förslag till ytterligare nyckelord

Selfadjusting start-optimization

Klassifikationssystem och -klass(er)

50T0

Indexterminer (ange källa)

52T0

DOUMENTDATABLAAD enligt SIS 62 10 12  
SIS-  
DB 1

Omfång 16 pages	Övriga bibliografiska uppgifter 56T2	
Språk Swedish		
Sekretessuppgifter 60T0	ISSN 60T4	ISBN 60T6
Dokumentet kan erhållas från Department of Automatic Control Lund Institute of Technology Box 725, S-220 07 LUND 7, Sweden	Mottagarens uppgifter 62T4	
Pris 66T0		

Innehållsförteckning.

	sid
1. Inledning	1
2. Teori	2
3. Praktik	4
4. Dataprogram	5
5. Process	8
6. Fullskaléexperiment	9
7. Referenser	16

Inledning.

Det finns många sätt att spara energi och ett av dessa är såkallad optimal startreglering. Detta kan tillämpas på anläggningar som ej är kontinuerligt i drift. Besparingen sker genom att endast hålla den önskade temperaturen när byggnaden eller lokalen användes. Anläggning startas så att den uppnår den önskade temperaturen, i rätt tid och inte tidigare.

Idag finns det utrustning som utnyttjar information om ute-temperatur, innetemperatur och önskad temperatur för att beräkna starttidpunkter.

Nackdelen med dessa utrustningar är att en del reglerparametrar måste väljas och justeras om. Vidare så gäller dessa inställningar endast för ett visst driftsfall. Detta medför att starttiden ej alltid blir den önskade. Vidare så är det ytterst tidskrävande att justera in en starttidsregulator eftersom varje starttidsförsök kan ta åtskilliga timmar upp till ett helt dygn..

Ett alternativ är en självinställande startoptimeringsutrustning, som med ledning av utfallet tidigare starter modifierar sina interna parametrar så att rätt starttid beräknas. Detta kan ske på flera olika sätt och ett sätt presenteras i nästa avsnitt.

## 2. Teori.

Ett sätt att konstruera en självinställande startoptimerare är att antaga att processen som kan beskrivas med ett första ordningens system med en tidsfördröjning. Överföringsfunktioner kan skrivas som

$$G(s) = \frac{Ke^{-sT_D}}{1 + sT} \quad (2.1)$$

Parametrarna, som skall självinställas, är förstärkningen K, tidskonstanten T och tidsfördröjningen  $T_D$ .

En första ordningsmodell med en tidsfördröjning har valts till processmodell och detta är den enklaste approximationen av processer med högt ordningstal. Avsikten med den antagna processmodellen är att modellen skall beskriva den dominerande dynamiken. Felet mellan modell och verklighet är störst i området kring tidsfördröjningen, men detta tidsområde är oftast litet i jämförelse med den dominerande dynamiken. Den snabba icke dominerande dynamiken beskriver oftast själva uppvärmnings-systemets dynamik.

I de flesta startförloppen utgör själva förlloppet endast en liten del jämfört med den dominerande dynamiken.

Ett enkelt exempel, samvisar att felet mellan modell och process blir konstant, består av att jämföra en första ordningens modell med en andra ordningens modell. Den dominerade tidskonstant har satts till en tidsenhet och lilla tidskonstanten har satts till 0.1, 0.2 och 0.5 tidsenheter. Skillnaden har beräknats för 1, 2, 5 och 10 tidsenheter. Resultatet återfinns i TAB 2.1.

TAB 2.1

t	$e^{-t}$	a = 2	a = 5	a = 10
1	0.6321	0.2325	0.0902	0.0408
2	0.8647	0.1170	0.0338	0.0150
5	0.9933	0.0066	0.0016	0.0007
10	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000

I direkt tid så erhålls följande pulsöverföringsfunktioner.

$$y(t+1) = a y(t) + b u(t - k) \quad (2.2)$$

Här antas att  $k = T_D/T_S$  dvs tidsfördröjning  $T_D$  är en multipel av samplingsintervallet  $T_S$ . Sambandet mellan den kontinuerliga modellens och den diskreta modellens parametrar är följande:

$$a = e^{-T_S/T} \quad (2.3)$$

$$b/(1-a) = K \quad (2.4)$$

$$k = T_D/T_S \quad (2.5)$$

För ett givet värde på  $k$  så kan parametrarna  $a$  och  $b$  bestämmas från mätdata med minsta kvadratmetoden. Bokstaven  $S$  ersätter summa från 0 till  $t$  och tidsargumentet förenklas.  $y(t-i)$  blir istället  $y_i$ . De skattade parametrarna  $\hat{a}$  och  $\hat{b}$  kan beräknas enkelt som:

$$\begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Sy_0^2 & Sy_0 u_{-k} \\ Sy_0 u_{-k} & Su_{-k}^2 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} Sy_1 y_0 \\ Sy_1 u_{-k} \end{bmatrix} \quad (2.6)$$

Parametern  $k$  bestäms som den parameter  $k$  som ger den minsta förlusten eller den bästa anpassningen.

3. Praktik.

Modellanpassningen bör endast ske under startförlöppet, när insignalen till processen är maximal. Detta medför att modellanpassningen kan förenklas genom att sätta  $u(t)=1$  under startförlöppet för alla aktuella  $t$ . Tidsfördröjningen kan uppdateras genom att observera utfallet och använda ett enkelt filter.

$$T_D = T_D + k_1 T_M \quad 0 < k_1 < 1 \quad (3.1)$$

Här är  $T_M$  den beräknade feltiden.

Eftersom modellen förutsätter att processen är av första ordningen så bör modellanpassningen ej påbörjas förrän att  $T_D$  tidsenheter har förlöpit, eftersom processvaret kommer med detsamma.

Information från tidigare modellanpassningar ligger i summorna  $Sy_0^2$ ,  $Sy_{0-k}^2$ ,  $Sy_{-k}^2$ ,  $Sy_1 y_0$  och  $Sy_1 u_{-k}$ .

För att den självinställande starttidsregulatorn endast skall ta hänsyn till de senaste starterna så reduceras alla summorna med en faktor  $k_2$  mindre än ett. De reducerade summorna uppdateras därefter med de mätdata som erhålls under startförlöppet och för  $Sy_0^2$  görs följande

vid varje start

$$S\bar{y}_0^2 = k_2 S\bar{y}_0^2 \quad (3.2)$$

i varje steg under startförlöppet

$$S\bar{y}_0^2 = S\bar{y}_0^2 + y_0^2(t) \quad (3.3)$$

4. Datorprogram.

C  
C  
C  
C      TASK STOPT  
C  
C  
C      COMPUTES OPTIMAL START CONTROL WITH A GIVEN PERIOD AND SETPOINT  
C  
C  
C      RUNS IN PARTITION PIPUS  
C  
C  
C      DEFAULT PRIORITY 150  
C  
C  
C      AUTHOR LARS JENSEN 1977-02-04  
C  
C  
C      USER INDATA IS MARKED WITH \*  
C  
C      Y        NEW PROCESS INPUT  
C  
C      YD      OLD PROCESS INPUT  
C  
C      \*     YSET    SETPOINT  
C  
C      \*     RK      SCALE FACTOR INPUT  
C  
C      \*     RL      SCALE CONSTANT INPUT  
C  
C      \*     TP      START PERIOD  
C  
C      TL      TIME LEFT  
C  
C      TC      TIME CORRECTION TOTAL  
C  
C      TCA     TIME CORRECTION ACTUAL  
C  
C      TS      NEEDED START TIME  
C  
C      \*     TN      TIME NOT USED FOR IDENTIFICATION  
C  
C      TI      TIME USED FOR IDENTIFICATION  
C  
C      MODEL    Y=PA\*YD+PB  
C  
C      PA      MODEL PARAMETER  
C  
C      PB      MODEL PARAMETER  
C  
C      G        GAIN     G=PB/(1-PA)  
C  
C      \*     FF1     FORGETTINGFACTOR IDENTIFICATION  
C  
C      \*     FF2     RELAXATIONFACTOR TIME CORRECTION  
C  
C      SS      START/STOP FLAG                    SS=1 ON                    SS=0 OFF

```

DIMENSION FLAI(16)
COMMON /I0COM/ ICOM(184),Y,YSET,G,PA,TP,TL,TS,PB,
* DET,A11,A12,A22,B1,B2,TC,RK,RL,SS,YD,TCA,RES(16)
EQUIVALENCE (ICOM(27),LOWRD),(ICOM(132),IEV1),
* (ICOM(133),IEV2),(ICOM(137),FLAI(1)),
* (FLAI(11),FF1),(FLAI(12),FF2),
* (FLAI(13),TI),(FLAI(14),TN)

C
C
C      WAIT FOR IEV1
C
C      CALL WAITER(IEV1)

C
C
C      GET INPUT
C
C      Y=RK*FLAI(1)+RL

C
C
C      UPDATE TIME LEFT
C
C      TL=TL-1

C
C
C      TEST IF STOP
C
C      IF (TL.GT.0.0) GOTO 10

C
C
C      STOP AND COMPUTE TCA
C
C      TCA=ALOG((G-YSET)/(G-Y))/ALOG(PA)

C
C
C      UPDATE TC
C
C      TC=TC+FF2*TCA
C      LOWRD=0
C      TL=TP
C      SS=0

C
C
C      REDUCE A11,A12,A22,B1 AND B2
C
C      A11=FF1*A11
C      A12=FF1*A12
C      A22=FF1*A22
C      B1=FF1*B1
C      B2=FF1*B2

C
C
C      TEST IF ON
C
10     IF (SS.GT.0.5) G010 20

C
C
C      OFF AND COMPUTE GAIN
C
C      G=PB/(1-PA)

C
C
C      COMPUTE START TIME
C
C      TS=ALOG((G-YSET)/(G-Y))/ALOG(PA)+TC

```

```
C  
C  
C TEST IF START  
C  
C IF (TS.LT.TL) GOTO 30  
C  
C  
C START  
C  
C LWRD=-1  
T1=TS-TN  
SS=1  
GOTO 30  
C  
C  
C ON AND IDENTIFY PA AND PB  
C  
C TEST IF TIME  
C  
20 IF (T1.LT.TL) GOTO 30  
C  
C  
C YES  
C  
A11=A11+YD*YD  
A12=A12+YD  
A22=A22+1  
B1=B1+Y*YD  
B2=B2+Y  
DET=A11*A22-A12*A12  
PA=(A22*B1-A12*B2)/DET  
PB=(A11*B2-A12*B1)/DET  
YD=Y  
C  
C  
C SEND RELAYMESSAGE  
C  
CALL RELAYS(LWRD)  
C  
C  
C DECLAR AND EXIT  
C  
CALL DECLAR  
CALL EXIT  
END
```

### 5. Process.

För att kunna testa den självinställande starttidsregulatorn så valdes en liten klimatprocess, med en tidskonstant på omkring 3 minuter. Denna korta tidskonstant är avsevärt mindre än de normala tidskonstanterna som förekommer i samband med starttidsreglering av hela hus eller enskilda lokaler. Den dominerande tidskonstanten är oftast i storleksordning timmar. Den lilla snabba klimatprocessen valdes för att kunna utföra ett stort antal starter under en viss given tid. Samplingsintervallet kan istället väljas till några sekunder. Processen bestod av en elektrisk luftvärmare effekt 200 W en hushållsfläkt, en luftkanal och en temperaturgivare. (Se FIG. 5.1.) Luftflödet justerades in så att luften kunde värmas upp omkring  $15-20^{\circ}\text{C}$ . Lufttemperaturen före elvärmaren låg omkring  $20^{\circ}\text{C}$ . Hushållsfläkten gick kontinuerligt. En processdator mätte temperaturen och kunde styra till eller frånslag av elvärmaren.

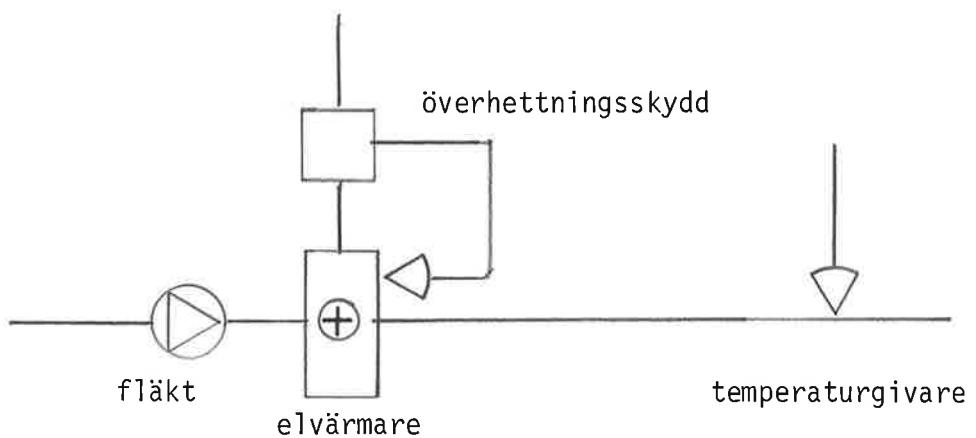


FIG.5.1 Experimentuppställning.

6. Fullskaleexperiment.

Två försöksserier skall redovisas här och även om resultat ej är det bästa så är avsikten att visa att en självinställande starttidsregulator av denna typ är en möjlig lösning.

Experiment EX203.

Samplingsintervallet är 10 s. Identifiering påbörjas 60 sek efter start och  $k_2 = 0.75$ . Någon tidsfördröjning adapterades ej. Både den önskade temperaturen och intervallet mellan de olika starterna varierades. I FIG. 6.1-3 återges den uppvärmda luftens temperatur efter elvärmare tillsammans med den önskade temperaturen. Önskad starttid är omedelbart för nästa eventuella språng i den önskade temperaturen. När starttiden gått ut så kopplades elvärmaren ifrån. Detta gjordes för att inte påverka nästa starttidsförsök. Av försöken framgår det att lufttemperaturen aldrig når upp till den önskade temperaturen och orsaken beror på att någon tidsfördröjning ej adapteras.

### Experiment EX204.

Samplingsintervall är 30 s. Identifieringen skedde på samma sätt som i experiment EX203. Tidsfördröjningen skattades med formeln (3.1) med  $k_1 = 0.5$ . Den önskade temperaturen sattes till tre olika värden, nämligen 30, 33 och  $35^{\circ}\text{C}$ . Intervallen mellan de olika startförsöken varierades också. Resultatet återges i FIG. 6.4. I TAB. 6.1 återges temperaturfelet vid starttid punkten för de tre olika temperaturnivåerna. Dessutom anges hur stor temperaturändringen är mellan två samplingstidpunkter i närheten av den önskade temperaturnivån. Av värdena i TAB. 6.1 så framgår det felet ofta är av samma storleksordning som temperaturändringen och samplingsintervall. Starttiden är alltid en multipel av samplingsintervallet. Start sker endast i en samplingstidpunkt, varför startförsöket kan missa med ovan nämnda temperaturfel.

Samplingsintervallet borde ha varit mindre, vilket hade lett till mindre temperaturavvikelse. Ett långt samplingsintervall medför också att antalet mätpunkter som ingår i identifieringen blir litet. Modellanpassningen kan därför bli känsligare för brus.

\* Resultatet från fullskaleexperimenten kan sammanfattas med följande punkter:

- litet samplingsintervall
- ingen identifiering under startförlöppet
- varje startförlöpp bör omfatta ett tiotal samplings-tidpunkter
- äldre mätdata bör ej ingå i modellanpassningen
- mätdata från varje startförsök bör viktas lika

TAB. 6.1

startförsök nr	temperaturfel		
	nivå 30	nivå 33	nivå 35
1	4,32	- 0,52	0,16
2	2,94	- 0,60	0,26
3	1,51	- 0,27	0,43
4	- 0,81	- 0,26	0,05
5	- 0,97	- 0,84	- 0,32
6	0,60	0,08	- 0,21
7	0,09	0,19	- 0,14
8	0,74	1,24	0,66
9	- 0,19	1,40	0,54
10	- 0,09	0,83	0,33
11	0,04	0,99	0,29
12	- 1,13	- 0,58	- 0,43
13	- 0,07	- 0,15	- 0,09
14	0,15	0,03	0,08
temperaturändring	1,2	0,7	0,3

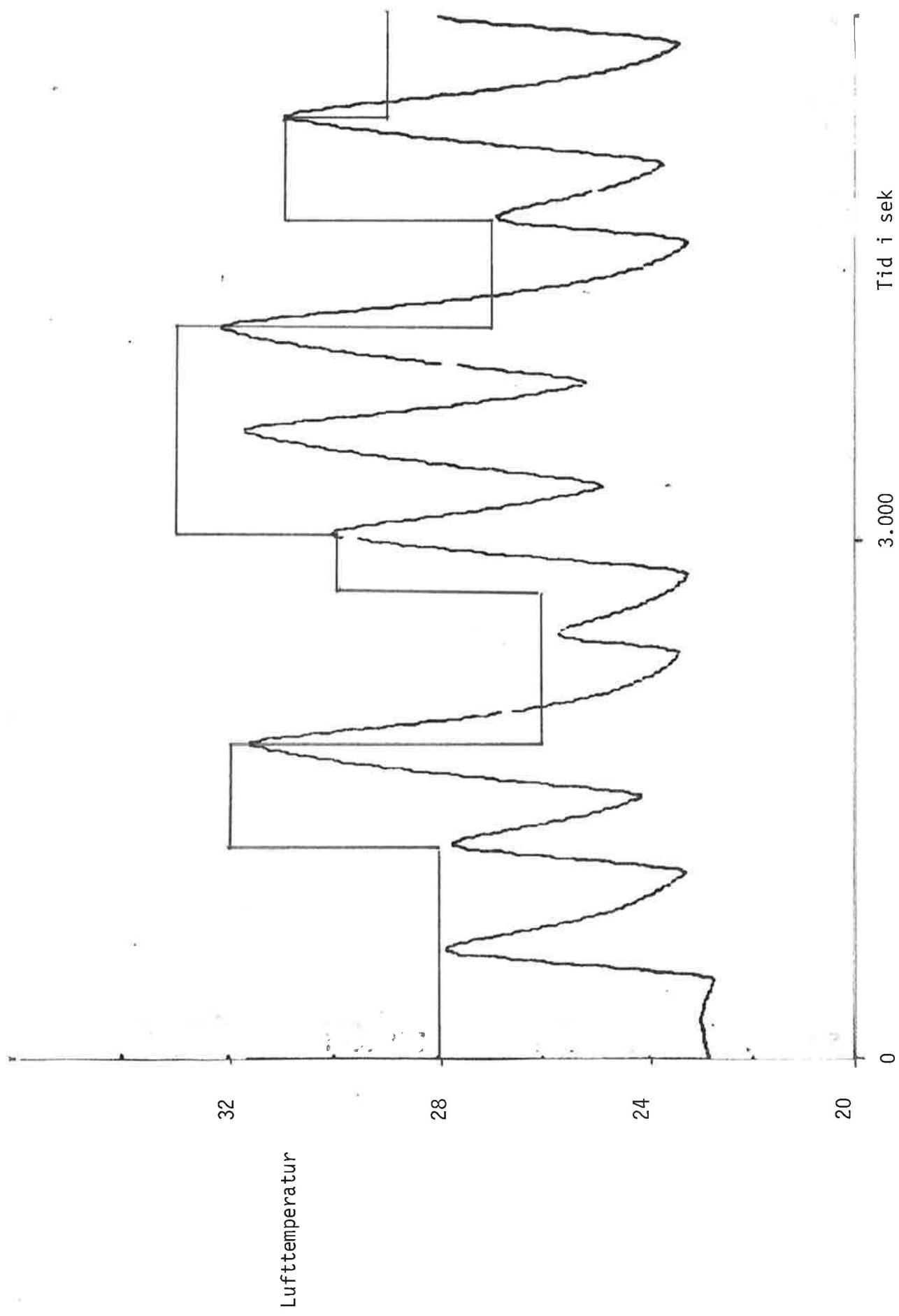


FIG. 6.1 Starttidsförsök EX203

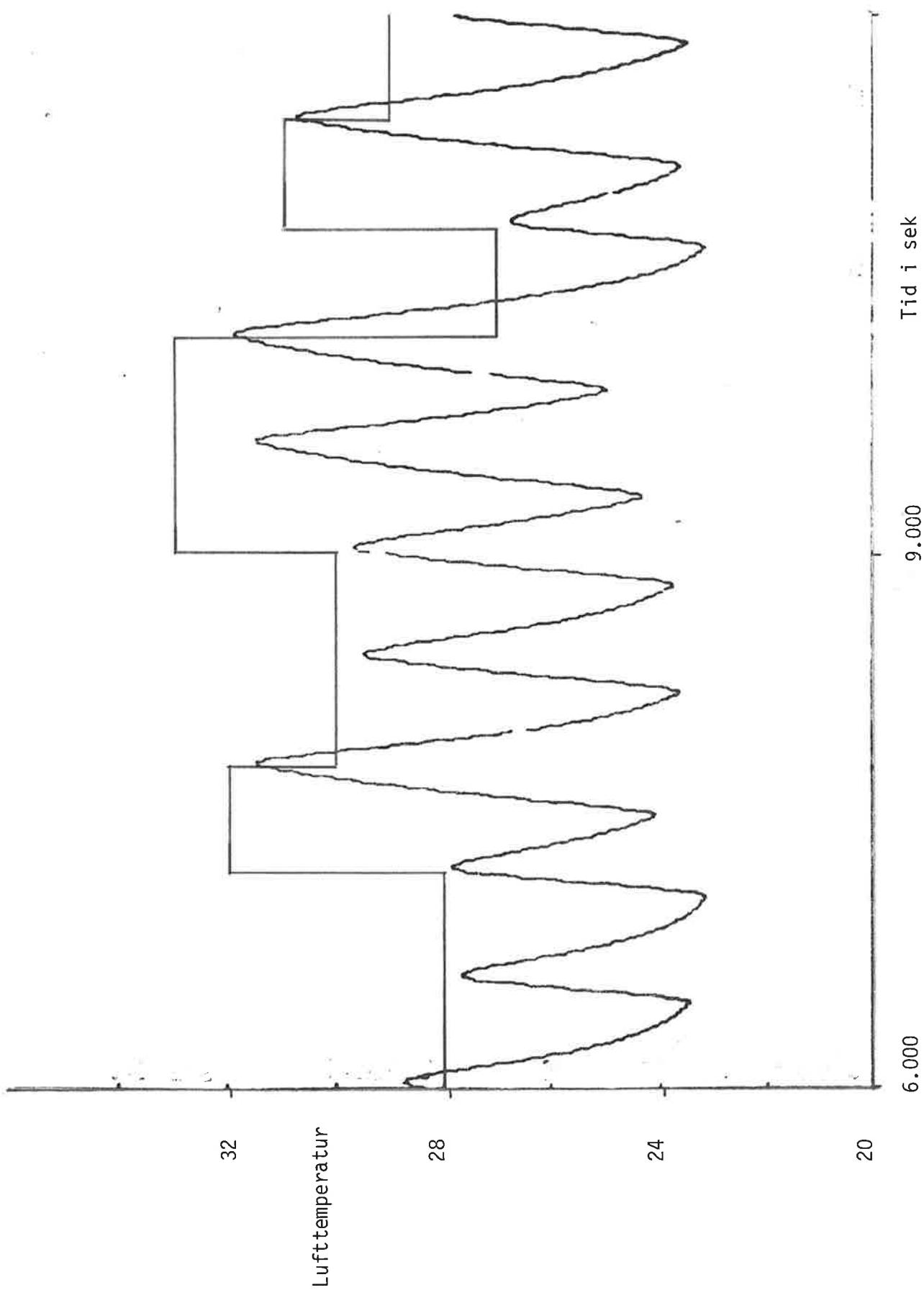
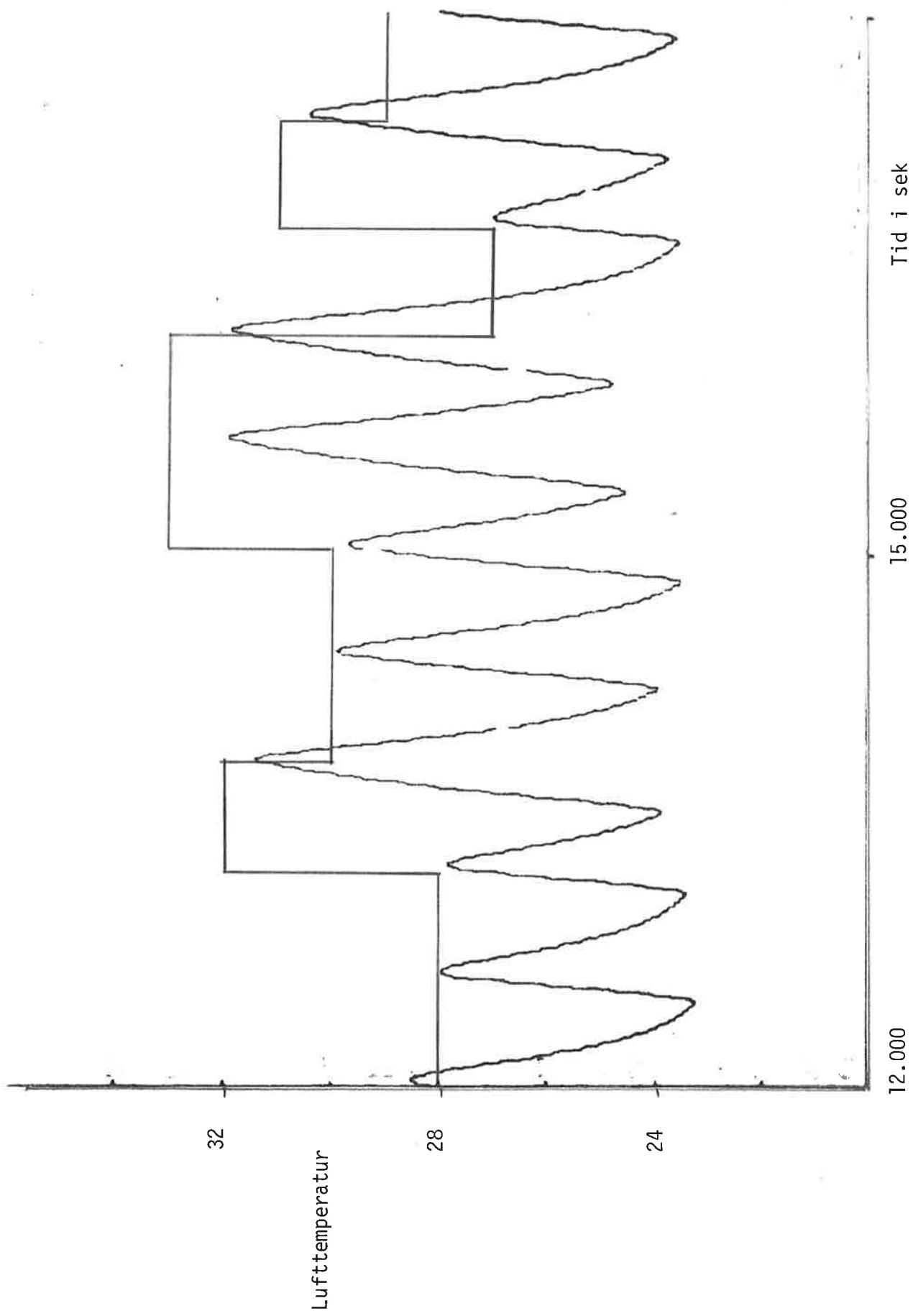


FIG. 6.2 Starttidsförsök EX203

FIG. 6.3  
Starttidsförsök EX203

15.

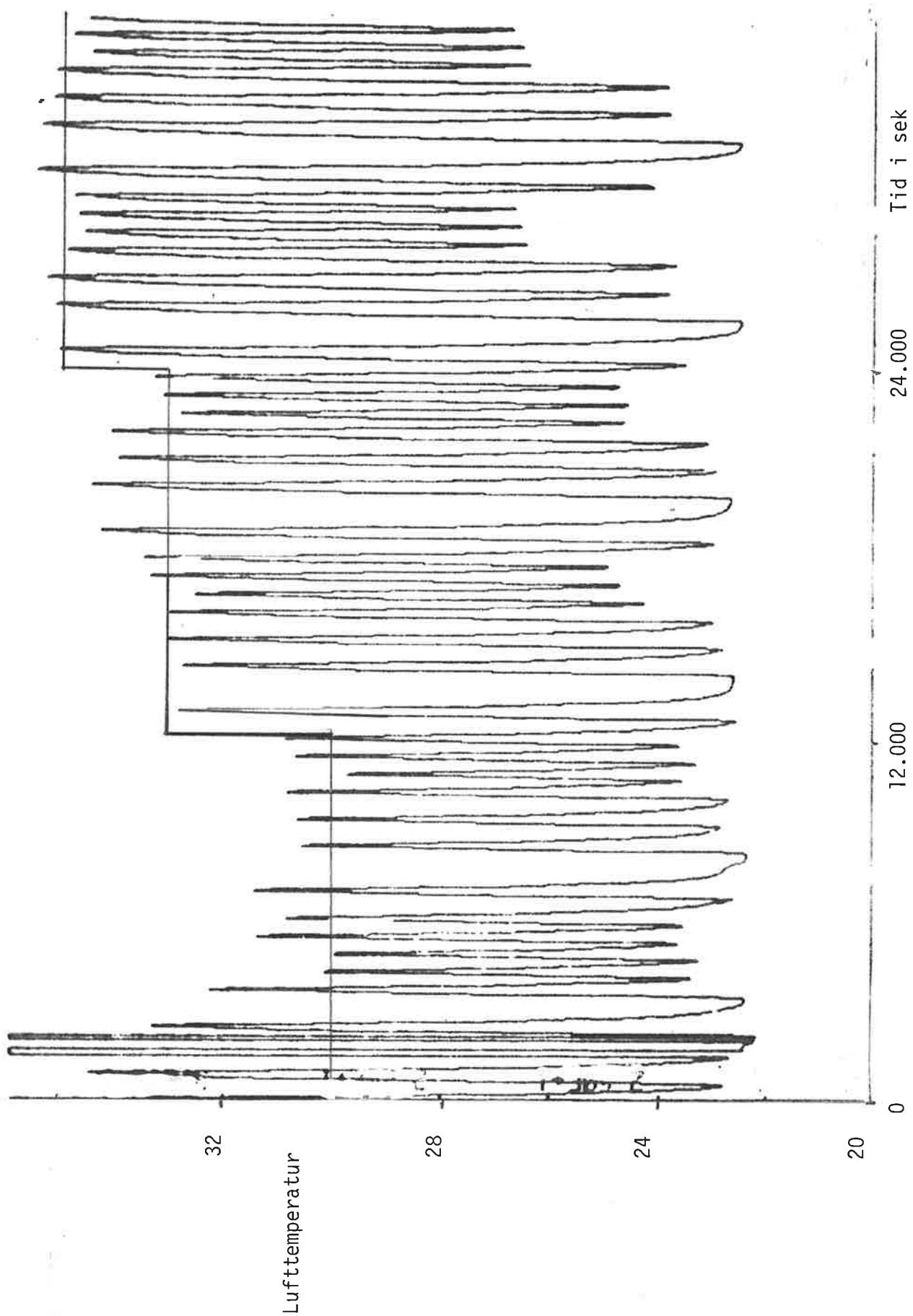


FIG. 6.4 Starttidsförsök EX204

7. Referenser.

Henderson, P.E. Energy Conservation  
DOE Construction 12