

## Strålningspåverkan på oisolerade eller undertaksisolerade stålkonstruktioner vid brand

Thor, Jörgen

1972

#### Link to publication

Citation for published version (APA):

Thor, J. (1972). Strålningspåverkan på oisolerade eller undertaksisolerade stålkonstruktioner vid brand. (Bulletin of Division of Structural Mechanics and Concrete Construction, Bulletin 29; Vol. Bulletin 29). Lund Institute of Technology.

Total number of authors:

Unless other specific re-use rights are stated the following general rights apply:
Copyright and moral rights for the publications made accessible in the public portal are retained by the authors and/or other copyright owners and it is a condition of accessing publications that users recognise and abide by the legal requirements associated with these rights.

• Users may download and print one copy of any publication from the public portal for the purpose of private study

- or research.
- You may not further distribute the material or use it for any profit-making activity or commercial gain
   You may freely distribute the URL identifying the publication in the public portal

Read more about Creative commons licenses: https://creativecommons.org/licenses/

If you believe that this document breaches copyright please contact us providing details, and we will remove access to the work immediately and investigate your claim.

LUND INSTITUTE OF TECHNOLOGY . LUND . SWEDEN . 1972 DIVISION OF STRUCTURAL MECHANICS AND CONCRETE CONSTRUCTION BULLETIN 29

JÖRGEN THOR

STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ OISOLERADE ELLER UNDERTAKSISOLERADE STÅLKONSTRUKTIONER VID BRAND

# INNEHÅLLSFÖRTECKNING

	BET	ECKNINGAR	Sid		
1	INL	EDNING	1		
2	VÄR	MESTRÅLNINGENS TEMPERATURBEROENDE	4		
	21	Strålning från en absolut svart kropp	4		
	22	Grå strålning	5		
3	VÄRMEÖVERFÖRING GENOM STRÅLNING MELLAN TVÅ "GRÅ" OÄNDLIGT STORA PARALLELLA YTOR 7				
	31	Ytor åtskilda av ett icke absorberande mediu	um 7		
	32	Ytor åtskilda av ett absorberande medium	8		
4		ålningspåverkan på brandutsatta Olerade stålpelare	12		
	41	Pelare placerade i brandrum	12		
	42	Pelare placerade utanför fasad	16		
5	BEG	REPPET VINKELKOEFFICIENT	24		
	51	Allmänt	24		
	52	Vinkelkoefficienten vid två parallella ytor där den ena ytan har oändlig utsträckning i en riktning	26		
	53	Vinkelkoefficienten vid två vinkelräta ytor där den ena ytan har oändlig ut- sträckning i en riktning	27		
6	BALI FLAI	ålningspåverkan på brandutsatta bjälklags- kar av stål under förutsättning av att mmorna befinner sig helt under balkarna er att balkakna är avskilda från branden			
	MED	UNDERTAK	29		
	61	Vinkelkoefficienten	29		

	62 Nettostrålningsutbytet mellan flammor	
	eller undertak och vissa delar av	
	bjälklagsbalkar	32
	63 Nettostrålningsutbytet mellan flammor	
	eller undertak och hela bjälklagsbalkar	38
	64 Jämförelse mellan vid försök bestämda och	
	beräknade emissionstal och temperaturförlopp	42
7	STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ BRANDUTSATTA BJÄLKLAGSBAL	
	KAR AV STÅL UNDER FÖRUTSÄTTNING AV ATT FLAMMOR-	
	NA NÅR UPP TILL BJÄLKLAGET	46
	71 Beräkning av värmeövergångstalets strål-	
	ningsandel	46
	72 Jämförelse mellan vid försök uppmätta och	
	beräknade ståltemperaturförlopp	50
8	strålningspåverkan på brandutsatta bjälklags-	
	BALKAR AV STÅL UNDER FÖRUTSÄTTNING AV ATT	
	endast underflänsens undertta är direkt	
	EXPONERAD FÖR BRAND	54
	81 Allmänt	54
	82 Beräkning av underflänsens temperatur med	
	approximativt beaktande av effekten av	
	borttransporterad värme	55
9	SAMMANFATTANDE REKOMMENDATIONER	58
	TI LLKÄNN AGI VAN DE	60
	REFERENSER .	61

Sid

### BETECKNINGAR

δi

```
Α
 {\tt A}_{\tt i}
             = medelmantelyta av brandisolering
             = balkbredd
 В
             = centrumavstånd mellan balkar
 C
             ≖ total emission per tids- och ytenhet från en
 Ε
               godtycklig kropp
             = total emission per tids- och ytenhet från en
 Es
               absolut svart kropp
             = vinkelkoefficient
 F
 {\mathcal F}
             = vinkelkoefficient som beaktar upprepad reflektion
             * mot branden exponerad yta av en stålprofil
 Fs
             = förhållandetal enligt ekv (32:2)
 G
             ≖ balkhöjd
 Η
             = emitterad strålning med viss våglängd per tids-
 J
               och ytenhet från en godtycklig kropp
             = emitterad strålning med viss våglängd per tids-
 Js
               och ytenhet från en absolut svart kropp
             = konstanter
 K_1, K_2, K_s
             ≖ från yta i emitterad strålning som reflekteras från yta k
             = absolut temperatur
 T
Vs

    stålprofilsvolym

              absorptionstal
а
               stålets specifika värme
               livtjocklek av stålprofil
ď
               reflektionstal
f
               emitterad strålningsenergi per tidsenhet
q
              avstånd mellan två ytor
r
              transmissionstal
S
              tid
t
              tidsintervall
Δt
               koordinataxlar, koordinater
x,y,z
              värmeövergångstal
α
               värmeövergångstalets konvektionsandel
\alpha_{\mathbf{k}}
αs
               värmeövergångstalets strålningsandel
               volymvikt för stål
Ys
              brandisoleringstjocklek
```

= emissionstal € = emissionstal för stålprofil = emissionstal för flammor resulterande emissionstal = koordinataxel, koordinat η **v** န = ståltemperatur ∆లీక ≖ ståltemperaturökning ϑ<sub>t</sub> = flammors temperatur = våglängd λ  $\boldsymbol{\lambda}_{\mathtt{i}}$  värmeledningstal för brandisolering = koordinataxel, koordinat = vinkel mellan en ytas normal och sammanbindningslinjen till en annan yta

## 1. INLEDVING

En brandcells gastemperaturförlopp vid brand kan beräknas ur värmebalanssamband då storleken av brandcellens brandbelastning och öppningsfaktor samt de termiska egenskaperna för brandcellens omslutande konstruktioner är kända. I {1} finns systematiskt redovisade med dator beräknade gastemperaturförlopp för olika brandceller vid varierande brandbelastning och öppningsfaktor. Dessa gastemperaturförlopp kan användas för beräkning av temperaturförloppet i en brandpåverkad stålkonstruktion varefter en bedömning av konstruktionens bärförmåga kan göras med ledning av stålmaterialets hållfasthets- och deformationsegenskaper vid förhöjda temperaturer.

Med utgångspunkt från brandcellens gastemperaturförlopp beräknas en stålkonstruktions temperaturförlopp relativt enkelt med en värmebalansekvation. Om brandisoleringens värmekapacitet försummas, vilket är en approximation på säkra sidan, kan värmebalansekvationen för en isolerad stålkonstruktion skrivas

$$\Delta \theta_{s} = \frac{1}{\frac{\delta_{i}}{\lambda_{i}} + \frac{1}{\alpha}} \cdot \frac{A_{i}}{V_{s} \gamma_{s} c_{ps}} (\theta_{t} - \theta_{s}) \Delta t$$
 (1:1)

För en oisolerad eller endast med undertak isolerad stålkonstruktion kan värmebalansekvationen skrivas

$$\Delta \theta_{S} = \boldsymbol{\alpha} \cdot \frac{F_{S}}{V_{S} Y_{S} c_{DS}} (\theta_{t} - \theta_{S}) \Delta t$$
 (1:2)

där Δθ = stålprofilens temperaturökning under ett tidsintervall

Δt av branden (°C)

 $\Delta t = tidsintervall (h)$ 

 $A_i$  = isoleringens medelmantelyta per längdenhet av bärverket  $(m^2/m)$ 

 $F_s$  = mot branden exponerad yta av stålprofilen per längdenhet av profilen (m<sup>2</sup>/m)

 $\delta i$  = isoleringsmaterialets tjocklek (m)

 $V_s = \text{stålprofilens volym per längdenhet av profilen } (m^3/m)$ 

 $\gamma_s$  = stålmaterialets volymvikt (kg/m<sup>3</sup>)

 $c_{ps}$  stålmaterialets specifika värme (kcal/kg $^{o}$ C)

- $\vartheta_{\rm S}$  = stålprofilens temperatur vid tiden t (°C)
- α = värmeövergångstal i gränsskiktet mellan brandgas och
  isolering vid isolerad konstruktion respektive mellan
  brandgas eller luft och stålkonstruktion vid cisolerad
  eller undertaksskyddad konstruktion (kcal/m² °Ch)
- $\lambda_i$  = isoleringens värmeledningstal (kcal/m<sup>2</sup> °Ch)

Värdet på värmeövergångstalet  $\alpha$  är starkt temperaturberoende och vid för brand aktuella temperaturer kan faktorn  $1/\alpha$  i ekv (1:1) försummas i jämförelse med faktorn  $\delta_i/\lambda_i$ .

För en isolerad stålkonstruktion saknar således värmeövergångstalet  $\alpha$  praktisk betydelse för konstruktionens uppvärmning vid brand. För en oisolerad eller endast med undertak skyddad stålkonstruktion har däremot värdet på  $\alpha$  mycket stor betydelse för konstruktionens uppvärmning vid brandpåverkan. Som framgår av ekv (1:2) är temperaturökningen  $\Delta^{\vartheta}_{\mathbf{S}}$  under tidsintervallet  $\Delta^{\mathbf{t}}$  direkt proportionell mot värdet på  $\alpha$ .

Värmeövergångstalet  $\alpha$  kan enligt nedanstående samband anses sammansatt av en konvektionsandel  $\alpha_k$  och en strålningsandel  $\alpha_s$ .

$$\alpha = \alpha_k + \alpha_s \tag{1:3}$$

Deltermerna  $\alpha_k$  och  $\alpha_s$  är båda beroende av temperaturen. Temperaturberoendet för  $\alpha_s$  är dock betydligt större än för  $\alpha_k$  och vid för brand aktuella temperaturer är  $\alpha_s$  den helt dominerande termen. Detta förhållande gör att man med i brandsammanhang tillräcklig noggrannhet kan sätta  $\alpha_k$  i ekv (1:3) konstant. För ytor som är direkt utsatta för brand rekommenderas i {2} värdet 25 kcal/m² °Ch på  $\alpha_k$ .

Ekv (1:3) kan således skrivas  

$$\alpha = 25 + \alpha_s$$
 (1:3)

För ytor som ej är direkt exponerade för brand, exempelvis vid bjälklagsbalkar skyddade med undertak, föreslås värdet 7,5 kcal/m $^2$  °Ch på  $\alpha_k$ . (Se bl { 1}) Detta ger

$$\alpha = 7.5 + \alpha_{s} \tag{1:5}$$

Värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_{_{\rm S}}$  är beroende av flammornas eller undertakets och stålkonstruktionens temperatur, flammornas eller undertakets och stålkonstruktionens skemissionstal samt flammornas eller undertakets och stålytornas storlek och orientering i förhållande till varandra. I efterföljande avsnitt diskuteras dessa faktorers inverkan på storleken av  $\alpha_{_{\rm S}}.$ 

## 2 VÄRMESTRÅLNINGENS TEMPERATURBEROENDE

## 21 Strålning från en absolut svart kropp

Om en kropp utsätts för strålning gäller att en del f av denna strålning reflekteras, en del s transmitteras och en del a absorberas. Därvid gäller att

$$f + s + a = 1$$
 (21:1)

En kropp där a = 1, dvs en kropp där all infallande strålning absorberas benämns en absolut svart kropp. Den absorberade strålningen omvandlas till värme. Om temperaturjämvikt råder i kroppen måste kroppen därför utsända, emittera, lika mycket strålning som den absorberar. Därav följer att en absolut svart kropp är den kropp som även har den största emissionsförmågan.

En svart kropps strålningsintensitet, definierad som emitterad energi per tids- och ytenhet,  $J_{\rm g}$ , är ojämnt fördelad över olika våglängder av strålningsspektrumet. Enligt Plancks lag är strålningsintensiteten beroende förutom av våglängden av kroppens absoluta temperatur. En absolut svart kropps strålningsintensitet  $J_{\rm g}$  vid väglängden  $\lambda$  och absoluta temperaturen T kan skrivas

$$J_{s}(\lambda, T) = \frac{K_{1}}{\lambda^{5}(e^{K_{2}/\lambda T} - 1)}$$
 (21:2)

där  $K_1$  och  $K_2$  är konstanter med värdena 0,321 ·  $10^{-15}$  kcal  $m^2/h$  respektive 1,438  $m^0K$ .

Den absolut svarta kroppens totala emission vid temperaturen T,  $E_s(T)$  fås genom summering av strålningsintensiteten enligt ekv (21:2) över alla våglängder, dvs

$$E_{s}(T) = \int_{0}^{\infty} J_{s}(\lambda, T) d\lambda = \int_{0}^{\infty} \frac{K_{1}^{d} \lambda}{\lambda^{5} (e^{K_{2}/\lambda T_{-1}})} = K_{s}(\frac{T}{100})^{4}$$
 (21:3)

där  $K_s = 4,96 \text{ kcal/m}^2 h(^{\circ}K)^4$  är den svarta kroppens s k strål-ningstal.

## 22 Grå strålning

Förhållandet mellan en godtycklig kropps strålningsintensitet J vid våglängden  $\lambda$  och en svart kropps strålningsintensitet  $J_s$  vid samma våglängd kan skrivas

$$\epsilon_{\lambda} = \frac{J}{J_{S}} \tag{22:1}$$

Genom integration av ekv (22:1) över alla våglängder fås emissionsfaktorn eller emissionstalet  $\epsilon$ 

$$\epsilon = \frac{E(T)}{E_{s}(T)}$$
 (22:2)

som anger förhållandet mellan en godtycklig kropps och en absolut svart kropps emission. Emission för en godtycklig kropp E(T) kan då skrivas

$$E(T) = \epsilon \cdot K_s \left(\frac{T}{100}\right)^4 = \epsilon \cdot 4,96 \left(\frac{T}{100}\right)^4$$
 (22:3)

Med en s k grå strålare menas en strålare vars strålningsintensitet vid olika våglängder är fördelad på samma sätt över våglängdspektrumet som strålningsintensiteten för en absolut svart kropp.
Intensiteten vid varje våglängd och därmed den totala emissionen är i jämförelse med den svarta kroppens endast förminskad med faktorn e. Vissa strålningslagar, bl a avseende strålningens riktningsberoende, vilka exakt endast gäller för absolut svarta strålare, kan även tillämpas på grå strålare. Blanka metallytor kan ej betraktas som grå strålare, vilket däremot bl a oxidbelagda eller målade metallytor kan { 3 }. Stålkonstruktioner kan därför i strålningsavseende anses grå.

Emissionstalet 6 för olika material varierar vanligen med temperaturen. Litteraturuppgifter på emissionstalets storlek för olika material visar dock att det för stålkonstruktioner med i brandsammanhang tillräcklig noggrannhet vanligen torde vara tillfyllest att använda värdet 0,8 på emissionstalet oberoende av temperaturen. I {4} anges sålunda att emissionstalets storlek för oxiderat gjutjärn varierar mellan 0,64-0,78 inom temperaturområdet 200-600°C. För oxiderat stål anges inom motsvarande temperaturområde det konstanta värdet 0,79. Vidare framgår i {5} att emissionstalets storlek för oxiderat stål

kan förutsättas vara 0,74 vid 100°C och 0,79 mellan 200-600°C. I {6} anges att emissionstalets storlek för svartoxiderad kopparplåt och starkt rostad järnplåt är 0,80 inom temperaturområdet 0-100°C. I {3} framgår att emissionstalets storlek för valshud kan förutsättas vara 0,77 vid 25°C samt för gjuthud 0,80 vid 100°C. För rostat järn anges värdet 0,61 vid 25°C samt för starkt rostat järn värdet 0,85 vid 20°C. Emissionstalets storlek för rent metalliska ytor är däremot avsevärt mindre än ovanstående värden.

- VÄRMEÖVERFÖRING GENOM STRÅLNING MELLAN TVÅ "GRÅ" OÄNDLIGT STORA PARALLELLA YTOR
- 31 Ytor åtskilda av ett icke absorberande medium

Om två oändligt stora parallella ytor  $A_1$  och  $A_2$  är åtskilda av ett icke absorberande medium kommer all strålning från yta  $A_1$  att träffa yta  $A_2$ . Omvänt gäller att all strålning från yta  $A_2$  kommer att träffa yta  $A_1$ . Om yta  $A_1$  med absoluta temperaturen  $T_1$  har emissionstalet  $\epsilon_1$  emitterar denna yta per tidsenhet i enlighet

med ekv (22:3) energin  $\epsilon_1\cdot 4,96(\frac{T_1}{100})^4\cdot A_1$ . Absorptionstalet för en grå strålare är lika stort som emissionstalet. Om emissionstalet för yta  $A_2$  är  $\epsilon_2$  kommer denna yta således att absorbera delen  $\epsilon_2$  av den från yta  $A_1$  emitterade strålningsenergin, dvs yta

 $A_2$  absorberar energin  $\epsilon_2 \cdot \epsilon_1 \cdot 4,96(\frac{\tau_1}{100}) \cdot A_1$ . Under förutsättning av att ingen transmission sker kan den från yta  $A_1$  emitterade energi som yta  $A_2$  reflekterar tillbaka till yta  $A_1$  skrivas

 $(1-\epsilon_2)\epsilon_1\cdot 4,96(\frac{\tau_1}{100})^4\cdot A_1$ . Av denna energi absorberar i sin tur yta  $A_1$  delen  $\epsilon_1$  och reflekterar delen  $(1-\epsilon_1)$  osv. Den från yta  $A_1$  emitterade energin  $q_{1\rightarrow 2}$  som absorberas av yta  $A_2$ , med beaktande av den upprepade reflektionen och absorptionen, kan tecknas

$$q_{1 \to 2} = \epsilon_{2} \cdot \epsilon_{1} \cdot 4,96 \left(\frac{T_{1}}{100}\right)^{4} \cdot A_{1} + \epsilon_{1} \cdot \epsilon_{2} \cdot 4,96 \left(\frac{T_{1}}{100}\right)^{4} \cdot A_{1} \cdot A_{1} \cdot A_{2} \cdot A_{3} \cdot A_{4} \cdot A_{5} \cdot A_{5}$$

Uttrycket till höger om likhetstecknet utgör summan av en oändlig geometrisk serie. Utförs summeringen erhålls

$$q_{1 \to 2} = A_1 \cdot 4,96 \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 \cdot \frac{\epsilon_1 \epsilon_2}{1 - (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)} = A_1 \cdot 4,96 \left(\frac{T_1}{100}\right)^4.$$

$$\cdot \frac{1}{1/\epsilon_1 + 1/\epsilon_2 - 1} \tag{31:2}$$

Den från yta  $A_2$  med temperaturen  $T_2$  emitterade energin  $q_{2\rightarrow 1}$  som absorberas av yta  $A_1$ , med hänsyn tagen till den upprepade reflektionen och absorptionen kan analogt skrivas

$$q_{2 \to 1} = A_2 \cdot 4,96 \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \cdot \frac{\epsilon_1 \epsilon_2}{1 - (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)} = A_2 \cdot 4,96 \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \cdot \frac{1}{1/\epsilon_1 + 1/\epsilon_2 - 1}$$
(31:3)

Nettostrålningsutbytet mellan yta  $A_1$  och yta  $A_2$  fås som skillnaden mellan  $q_{1\rightarrow 2}$  och  $q_{2\rightarrow 1}$ . Då yta  $A_2$  är lika stor som yta  $A_1$  kan nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet mellan de bägge ytorna  $q_{12}/A_1$  skrivas

$$\frac{q_{12}}{A_1} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_1 \epsilon_2}{1 - (1 - \epsilon_1)(1 - \epsilon_2)} \left[ \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 \right] = \frac{4,96}{1/\epsilon_1 + 1/\epsilon_2 - 1} \cdot \left[ \left( \frac{T_2}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_1}{100} \right)^4 \right]$$
(31:4)

32 Ytor åtskilda av ett absorberande medium

Ekv (31:4) som ger nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet mellan två parallella oändligt stora ytor förutsätter att ytorna är åtskilda av ett icke absorberande medium. Luft samt många andra gaser kan betraktas som icke absorberande. Vattenånga och koldioxid däremot emitterar och absorberar strålning. Dessa gaser bildas också vid förbränning, varför det är av intresse att studera hur strålningsutbytet mellan två ytor påverkas av en absorberande gasmassa mellan ytorna.

Om en sådan gasmassas absorptionstal förutsätts vara a gäller, att delen a av den mot gasmassan infallande strålningen absorberas. Om reflektionen samtidigt försummas, vilket enligt {3} är en förutsättning som approximativt kan anses gälla, kommer delen (1-a) att transmitteras.

Studeras strålningsutbytet mellan de parallella oändligt stora ytorna  $A_1$  och  $A_2$  med hänsyn tagen till den upprepade reflektionen mellan dessa ytor och den upprepade transmissionen och absorptionen

i en mellanliggande absorberande gasmassa fås nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet  $q_{12}/A_1$  mellan ytorna  $A_1$  och  $A_2$ 

$$\frac{q_{12}}{A_1} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_1 \epsilon_2 (1-a)}{1-(1-a)^2 (1-\epsilon_1)(1-\epsilon_2)} \left[ \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 - \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 \right]$$
(32:1)

där  $T_1$ ,  $T_2$  = absoluta temperaturen för yta  $A_1$  respektive yta  $A_2$   $e_1$ ,  $e_2$  = emissionstalet för yta  $A_1$  respektive yta  $A_2$ a = absorptionstalet för gasmassan
mellan yta  $A_1$  och yta  $A_2$ 

En jämförelse mellan ekv (31:4) och (32:1) visar att nettostrålningsutbytet mellan två parallella ytor minskar om en absorberande
gas införs i mellanrummet mellan ytorna. Om absorptionstalet
är 1 framgår av ekv (32:1) att inget strålningsutbyte sker mellan
de båda parallella ytorna. Om absorptionstalet är 0 övergår ekv (32:1) i ekv (31:4).

En absorberande gasmassa mellan två parallella ytor  $A_1$  och  $A_2$  minskar således nettostrålningsutbytet mellan dessa ytor men i gengäld sker, eftersom den absorberande gasmassan även emitterar strålning, ett direkt strålningsutbyte också mellan gasmassan och vardera av ytorna  $A_1$  och  $A_2$ . Om gasmassans emissionstal förutsätts vara lika stort som dess absorptionstal och gasmassans temperatur förutsätts vara lika med yta  $A_1$ :s temperatur blir totala strålningen på yta  $A_2$ , inklusive strålningen från gasmassan, större än när ingen absorberande gasmassa finns mellan de parallella ytorna.

Förhållandet G mellan strålningsutbytet mellan de parallella ytorna beräknat under förutsättning av en absorberande och därmed emitterande gasmassa mellan ytorna och strålningsutbytet beräknat under förutsättning av ett icke absorberande medium mellan ytorna framgår av ekv (32:2). För fallet med en absorberande gasmassa har därmed förutsatts att gasmassans temperatur är lika med yta A<sub>1</sub>:s temperatur samt att gasmassans emissionstal är lika stort som dess absorptionstal a. Vidare har förutsatts att yta A<sub>1</sub>:s och yta A<sub>2</sub>:s emissionstal är lika stora.

$$G = \frac{1 - (1 - \epsilon_2)^2}{\epsilon_2} \left[ \frac{\epsilon_2 (1 - a)}{1 - (1 - a)(1 - \epsilon_2)^2} + \frac{a}{1 - (1 - a)(1 - \epsilon_2)} \right]$$
(32:2)

där a = gasmassans absorptionstal

e<sub>2</sub>= yta A<sub>2</sub>:s och yta A<sub>1</sub>:s emissionstal

Yta  $A_1$  kan exempelvis motsvara flammorna vid en brand och yta  $A_2$  en stålkonstruktion, varvid mellanliggande gasmassa består av i huvudsak koldioxid, vattenånga och luft. Förutsättningen att gasmassan har samma temperatur som flammorna (yta  $A_1$ ) och att flammorna och stålkonstruktionen (yta  $A_2$ ) har samma emissionstal kan i varje fall approximativt anses vara uppfylld vid brand. I fig 32:1 visas sambandet mellan G, a och  $\epsilon_2$  enligt ekv (32:2).

Strålningen från koldioxid och vattenånga är beroende av gasernas koncentration och gasskiktens tjocklek. Med ledning av bl a uppgifter i {7} förefaller det troligt att förhållandet mellan gasstrålningen och strålningen från en svart kropp med samma temperatur som gasmassan ej överstiger värdet 0,2 vid de gaskoncentrationer som kan bli aktuella vid en brand med i huvudsak träbränsle. Gasmassans emissionstal är således mindre än 0,2. Detta värde kan jämföras med emissionstalet för lysande flammor som med ledning av uppgifter i {7} och {8} kan bedömas ligga mellan 0,6 och 0,9. Fig 32:1 visar att närvaron av en absorberande och därmed emitterande gasmassa mellan flammor och en stålkonstruktion torde ha relativt liten betydelse för strålningsutbytet mellan flammorna och stålkonstruktionen vid ovan angivna storleksordning på gasmassans respektive flammornas emissionstal.

Vidare emitterar gaser strålning endast inom vissa begränsade våglängdsintervaller. Detta medför att emissionen för en gasmassa inte
alltid är lika stor som dess absorption. I {7} framgår att emissionen för koldioxid oftast är mindre än absorptionen. Hur mycket
mindre emissionen är beror bl a på förhållandet mellan gastemperatur och omgivande strålningsytors temperaturer. Är en gasmassas
emission mindre än dess absorption innebär närvaron av en sådan
gasmassa mellan två ytor att totala strålningsutbytet mellan
ytorna kan bli mindre än om ytorna är åtskilda av ett icke absorberande och emitterande medium.

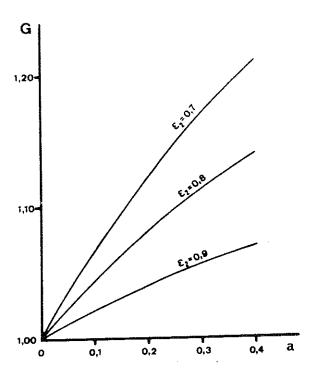


Fig 32:1 Sambandet mellan G,a och <sup>e</sup> enligt ekv (32:2)

Det är svårt att med någon större noggrannhet bedöma absorptionsoch emissionstalets storlek för de gasblandningar som bildas vid
brand. Emissionstalet kan dock enligt ovan bedömas vara avsevärt mindre än emissionstalet för lysande flammor, vilket resulterar i att gasmassans inverkan på strålningsutbytet blir relativt
liten. Som nämnts kan också närvaron av en gasmassa i många fall
innebära en minskning av det totala strålningsutbytet. Ovan nämnda
förhållanden gör det motiverat att helt bortse från närvaron av en
absorberande och emitterande gasmassa vid en teoretisk bedömning
av strålningspåverkan på brandutsatta stålkonstruktioner.

När man har anledning förmoda att en gasmassas strålning skulle innebära ett ej försumbart tillskott i strålningsutbytet mellan flammor och stålkonstruktion, kan detta tillskott approximativt beaktas genom att man väljer ett i jämförelse med normalfallet högre värde på flammornas emissionstal.

- 4 STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ BRANDUTSATTA OISOLERADE STÅLPELARE
- 41 Pelare placerade i brandrum

I avsnitt 3 förutsattes att de strålande ytorna var parallella och oändligt stora. Under denna förutsättning träffar all strålning från den ena ytan den andra ytan och omvänt, varvid nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet mellan ytorna kan beräknas
med ledning av ekv (31:4).

För två parallella lika stora ytor som ej har oändlig utsträckning men som befinner sig nära varandra i förhållande till sin
utsträckning gäller ekv (31:4) approximativt eftersom den övervägande delen av strålningen från den ena ytan träffar den andra
ytan och omvänt. Ju närmare varandra ytorna befinner sig i förhållande till sin utsträckning ju noggrannare ger ekv (31:4)
nettostrålningsutbytet mellan ytorna.

Ekv (31:4) kan därför användas för beräkning av strålningen mellan flammor och pelare som enligt fig 41:1 antas vara helt omslutna av flammor. Nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet  $q/F_{\rm S}$  mellan flammor och pelare kan således tecknas

$$q/F_{s} = \frac{4.96}{1/\epsilon_{t} + 1/\epsilon_{s} - 1} \left[ \left( \frac{T_{t}}{100} \right)^{4} - \left( \frac{T_{s}}{100} \right)^{4} \right]$$
 (41:1)

Där q = nettostrålningsutbytet per tidsenhet

 $F_s$  = den mot branden exponerade ytan av stålpelaren per längdenhet av pelaren (m<sup>2</sup>/m). Se fig (41:1)

 $\epsilon_{+}$  = flammornas emissionstal

 $\epsilon_{_{\rm S}}$  = stålpelarens emissionstal

 $T_{t}^{s}$  = flammornas absoluta temperatur ( ${}^{o}K$ )

 $T_s = \text{stålpelarens absoluta temperatur } (\circ K)$ 

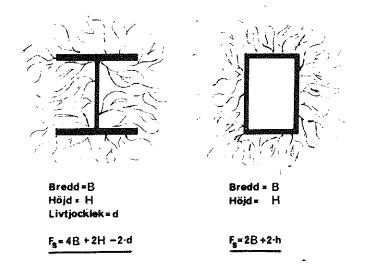


Fig 41:1 Beräkning av mot branden exponerad yta  $F_s$  för i brandrum placerad pelare.

Ekv (41:1) kan skrivas i formen

$$\frac{\mathbf{q}}{\mathbf{F}_{\mathbf{S}}} = \alpha_{\mathbf{S}} (\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{t}} - \boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{S}}) \tag{41:2}$$

där  $\vartheta_{t}$  = flammornas temperatur (°C)  $\vartheta_{s}$  = stålpelarens temperatur (°C)  $\alpha_{s}$  = värmeövergångstalet genom strålning (kcal/m<sup>2o</sup>Ch)

Ekv (41:2) i kombination med ekv (41:1) ger

$$\alpha_{s} = \frac{4,96 \epsilon_{r}}{(\theta_{t} - \theta_{s})} \left[ \left( \frac{\theta_{t} + 273}{100} \right)^{4} - \left( \frac{\theta_{s} + 273}{100} \right)^{4} \right]$$

$$(41:3)$$

där  $\epsilon_r$  = resulterande emissionstal bestämt genom sambandet

$$\epsilon_{\mathbf{r}} = \frac{1}{1/\epsilon_{\mathbf{t}} + 1/\epsilon_{\mathbf{S}} - 1} \tag{41:4}$$

Ekv (41:3) och (41:4) överensstämmer med i {9} angivna samband för beräkning av värmeövergångstalets strålningsandel vid brandutsatta stålkonstruktioner. Om emissionstalet för stålpelaren  $\epsilon_{\rm g}$  förutsätts vara 0,8 (jfr avsnitt 22) och emissionstalet för flammorna  $\epsilon_{\rm t}$  samtidigt förutsätts vara 0,85 (jfr avsnitt 32) ger

ekv (41:4) ett resulterande emissionstal  $\epsilon_{\rm r}$  av 0,7. Detta värde rekommenderas också i {9} vid beräkning av temperaturen för i brandrum placerade pelare.

Staltemperaturförloppet för en brandpåverkad oisolerad stålpelare kan beräknas med ekv. (1:2). I denna ekvation ingående värmeövergångstal  $\alpha$  fås ur ekv (1:4). Värmeövergångstalets strålningsdel  $\alpha$  i ekv (1:4) beräknas med ekv (41:3) varvid  $\epsilon_{\rm r}$  i denna ekvation förutsätts vara 0,7 enligt ovan.

Några i litteraturen redovisade temperaturförlopp uppmätta vid brandprovningar med oisolerade stålpelare {10}, {11} jämförs i fig 41:2, fig 41:3 och fig 41:4 med motsvarande, med ledning av ovan nämnda samband teoretiskt bestämda temperaturförlopp. Jämförelsen styrker att värdet 0,7 på det resulterande emissionstalet är lämpligt att använda vid beräkning av temperatur-tidförloppet för brandutsatta i brandrum placerade stålpelare. Av fig 41:4 framgår visserligen att en beräkning av ståltemperaturförloppet med ett ervärde av 0,5 i detta fall ger bättre överensstämmelse med motsvarande uppmätta förlopp än en beräkning med det rekommenderade värdet 0,7. Detta kan förklaras av att en oljeeldad ugn troligen använts vid detta försök vilket resulterat i ett lägre emissionstal för flammorna än vad som vanligen gäller vid naturliga bränder.

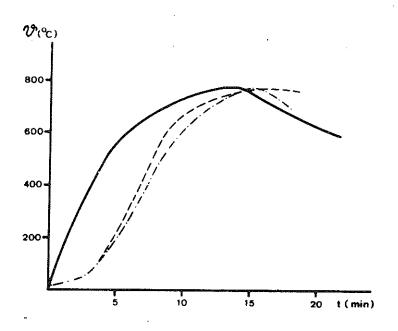


Fig 41:2

Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och
uppmätt temperaturtidförlopp (%-t) för
brandpåverkad oisolerad stålpelare

I {10} redovisat
uppmätt temperaturtidförlopp
för brandrummet
(medeltemperaturer)
I {10} redovisat
uppmätt temperaturtidförlopp
för stålpelaren
(medeltemperaturer)
Beräknat temperaturtidförlopp för
stålpelaren

Brandrummets storlek var 7,7x3,7x2,9 m och brandbelastningen 30 kg trä per m golvyta. Halva ytan av den ena 7,7x2,9 m väggen var öppen. Pelaren hade I-tvärsnitt med tvärsnittsmått ca 20x20 cm samt en vikt av 52 kg/m. Pelarens  $F_s/V_s$ -förhållande var ca 180.

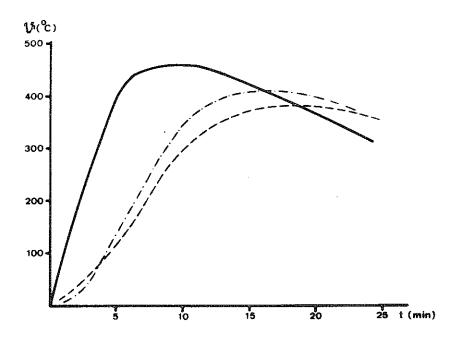


Fig 41:3 Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och uppmätt temperaturtidförlopp  $(\vartheta-t)$  för brandpåverkad oisolerad stålpelare

- I {10} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för brandrummet (medeltemperaturer)
- ----- I {10} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för stålpelaren (medeltemperaturer)
- -.-.-. Beräknat temperaturtidförlopp för stålpelaren

Samma förutsättningar som vid försöket redovisat i fig 41:2 gäller med undantag av brandbelastningen som var 15 kg trä per m² golvyta.

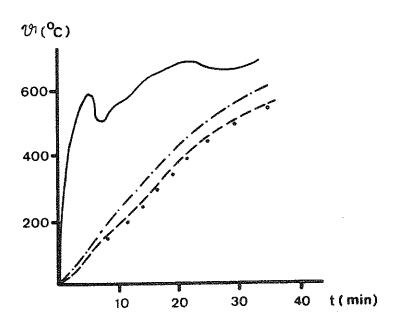


Fig 41:4 Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och uppmätt temperaturtidförlopp  $(^9-t)$  för brandpåverkad oisolerad stålpelare

- I {11} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för brandrummet
- o I {11} redovisade uppmätta temperaturer för stålpelaren
- -.-. Beräknat temperaturtidförlopp för stålpelaren med e<sub>r</sub> i ekv (41:3) lika med 0,7
- Beräknat temperaturtidförlopp för stålpelaren med ε<sub>r</sub> i ekv (41:3) lika med 0,5

Pelaren utgjordes av en rörprofil med ytterdiametern 21,9 cm och godstjockleken 1,8 cm, vilket innebär ett  $F_s/V_s$ -förhållande av ca 56.

## 42 Pelare placerade utanför fasad

Ekv (41:3) som med  $\mathfrak{e}_{\mathbf{r}}$  lika med 0,7 kan användas för beräkning av strålningsutbytet mellan flammor och i brandrum placerade pelare förutsätter att all strålning från flammorna runt en pelare träffar pelaren och omvänt. Detta är ej fallet vid en utanför en fasad belägen pelare vid brand inne i byggnaden. Strålningsutbytet mellan flammor och pelare är i hög grad beroende av bl a pelarens avstånd från fasaden och dess avstånd i sidled från fönsteröppningar i fasaden. Vidare är temperaturökningen i en pelare belägen utanför

en byggnads fasad beroende av ytterluftstemperaturen omkring pelaren. Den svalare ytterluften kan avsevärt dämpa temperatur- ökningen i pelaren. Utförda brandförsök har visat {10}, { 12} att temperaturen i en utanför en fasad belägen oisolerad stålpelare vid brand inne i byggnaden kan hållas på en mycket begränsad nivå vid lämplig placering av pelaren.

Genom att kunskapsunderlaget beträffande temperaturfördelningen omkring en utanför en fasad belägen pelare vid brand inne i byggnaden i dag är mycket bristfälligt omöjliggörs en generell teoretisk behandling av strålningspåverkan i sådana fall. Detta blir möjligt först när systematiska kartläggningar har genomförts av hur temperaturfälten omkring en utanför enfasad belägen pelare varierar med tiden för brand inne i byggnaden vid olika brandbelastningar och ventilationsförhållanden för brandrummet.

Trots att det i dag torde vara omöjligt att genomföra någon noggramnare teoretisk bedömning av strålningsutbytet mellan flammor och pelare belägna utanför en fasad vore det värdefullt att åtminstone approximativt kunna bedöma temperaturen vid brand för sådana pelare. En möjlighet synes därvid vara att använda samma ekvationer som vid beräkningen av temperaturen i en i ett brandrum placerad pelare men i stället för värdet 0,7 på det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{r}$  använda ett betydligt lägre värde som därvid approximativt inkluderar den temperaturbegränsande inverkan som en placering utanför en fasad medför. I  $\{9\}$  rekommenderas också värdet 0,3 på det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{r}$  vid beräkning av temperaturstegringen i utanför en fasad belägna pelare vid brand inne i byggnaden.

För att närmare studera möjligheten att på ovan beskrivet sätt approximativt bedöma temperaturen i en utanför en fasad placerad pelare har två i litteraturen {10} redovisade brandförsök med oisolerade stålpelare placerade utanför en fasad använts för jämförelse mellan teoretiskt beräknade och motsvarande uppmätta temperaturförlopp. Vid beräkningen av värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_{\rm s}$  har därvid ekv (41:3) använts med värdet 0,3 på det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{\rm r}$ . Som brandutsatt yta  $F_{\rm s}$  har betraktats pelarens hela mantelyta per längdenhet pelare. I fig 42:1 och fig 42:2 redovisas uppmätta och beräknade temperaturförlopp

för de två pelarna. Pelarna var placerade omedelbart utanför en fönsteröppning. Av figurerna framgår att temperaturen i pelarnas övre delar var avsevärt högre än i deras nedre. Liknande resultat har även framkommit vid andra brandförsök med utvändiga pelare { 12 }. Förklaringen till denna ojämna temperaturfördelning i pelarna är, att den svala ytterluften strömmar in genom fönsteröppningarnas nedre delar medan de varma brandgaserna strömmar ut deras övre. Vid de teoretiska beräkningarna förutsattes pelarna över hela längden vara utsatta för sämma värmepåverkan representerad genom vid respektive försök uppmätt temperaturtidförlopp inne i brandrummet. Beräknade ståltemperaturer är avsevärt högre än de i pelarna maximalt uppmätta temperaturerna. Detta kan delvisförklaras av att den ojämna temperaturfördelningen i pelarnas längsled resulterar i en värmetransport i pelarna genom ledning som gör att temperaturen i pelarnas varmaste delar blir lägre än om denna värmetransport ej skedde.

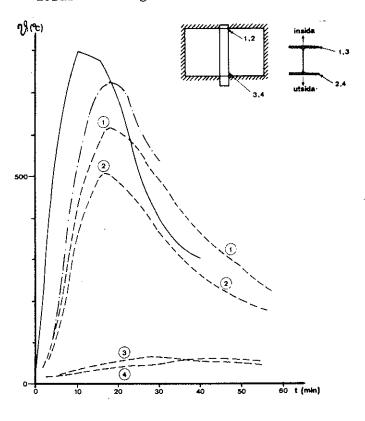


Fig 42:1
Uppmätta och teoretiskt bestämda
temperaturtidförlopp (3-t) för
utanför fasaden placerad oisolerad stålpelare vid brand inne i
byggnaden

- I {10} redovisat
   uppmätt temperatur tidförlopp för brand rummet
- I {10} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp för pelaren med mätställen enligt figur
- temperaturtidförlopp
  för pelaren. Som
  brandutsatt yta Fs
  har förutsatts hela
  stålpelarens mantelyta per längdenhet
  pelare. Resulterande
  emissionstal fr
  förutsatts vara 0,3.

Brandrummets storlek var 7,7x3,7x2,9 m och brandbelastningen 30 kg trä per m² golvyta. Halva ytan av den ena 7,7x2,9 m väggen var öppen. I figuren visad öppning var 3,05 m bred och 1,83 m hög. Pelaren som hade I-tvärsnitt med tvärsnittsmått ca 20x20 cm samt en vikt av 52 kg/m var placerad omedelbart utanför öppningen.

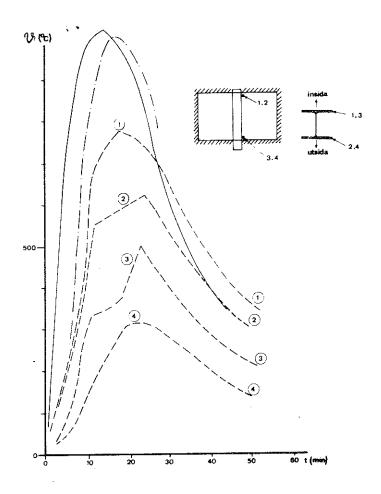


Fig 42:2 Uppmätta och teoretiskt bestämda temperaturtidförlopp (%-t) för utanför fasaden placerad oisolerad stålpelare vid brand inne i byggnaden

- I {10} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för brandrummet
- \_\_\_\_ I {10} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp för pelaren med mätställen enligt figur
- Teoretiskt bestämt temperaturtidförlopp för pelaren. Som brandutsatt yta F har förutsatts hela stålpelarens mantelyta per längdenhet pelare. Resulterande emissionstal & har förutsatts vara 0,3.

Samma förutsättningar gäller som vid försöket redovisat i fig 42:1 med undantag av att öppningsarean endast motsvarade en fjärdedel av den ena 7,7x2,9 m väggens area.

Såsom tidigare nämnts har vid beräkningen av ståltemperaturen pelarens hela mantelyta per längdenhet pelare förutsatts som brandutsatt yta i enlighet med fall a) i fig 42:3. Det är dock osannolikt att hela pelarens mantelyta utsätts för direkt strålningspåverkan från flammorna. En beräkning av ståltemperaturförloppen har därför även gjorts med en antagen brandutsatt yta lika med den mot brandrummet vända pelarflänsen plus ytan av de bägge livsidorna allt räknat per längdenhet pelare i enlighet med fall b) i fig 42:3

Värdet på det resulterande emissionstalet har som tidigare förutsatts vara 0,3. En jämförelse mellan uppmätta och beräknade temperaturtidförlopp redovisas i fig 42:4 och fig 42:5.

Vid jämförelse mellan figurerna 41:1, 41:2 och 41,4, 41:5 framgår att ståltemperaturförloppen beräknade under förutsättning av en mindre brandutsatt yta enligt fig 42:3 alternativ b ger bättre överensstämmelse med i pelarnas varmaste delar uppmätta temperaturförlopp. Det förefaller således rimligt att en grov uppskattning av maximal temperatur i en brandpåverkad omedelbart utanför en fönsteröppning placerad pelare baseras på temperaturförloppet inne i brandrummet samt på ett resulterande emissionstal  $\epsilon_r$  lika med 0,3 och en brandutsatt yta  $F_s$  enligt alternativ b i fig 42:3.

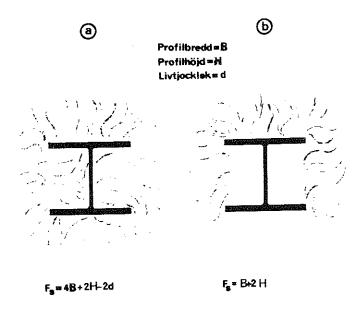
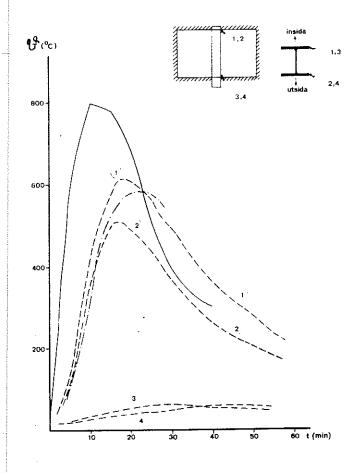


Fig 42:3 Alternativa beräkningar av brandutsatt yta F<sub>s</sub> vid utvändiga oisolerade stålpelare



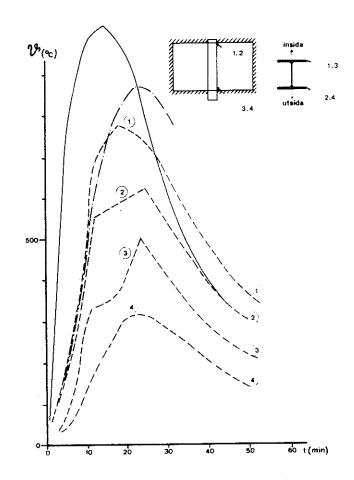


Fig 42:4

Uppmätta och teoretiskt bestämda temperaturtidförlopp ( $\vartheta$ -t) för utanför fasaden placerad oisolerad stålpelare vid brand inne i byggnaden

- I {10} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för brandrummet
- ---- I {10} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp för pelaren med mätställen enligt figur
- -.-- Teoretiskt bestämt temperaturtidförlopp för pelaren. Brandutsatt yta F<sub>S</sub> har beräknats enligt fig 42:3 alternativ b. Resulterande emissionstal <sup>6</sup> har förutsatts vara 0,3

Övriga förutsättningar överensstämmer med de i fig 42:1 angivna.

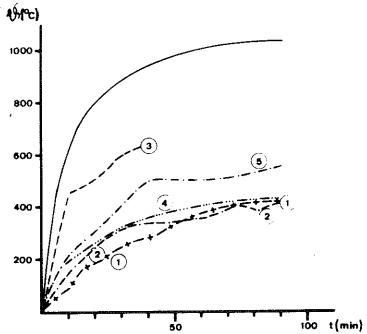
Fig 42:5

Uppmätta och teoretiskt bestämda temperaturtidförlopp  $(^9-t)$  för utanför fasaden placerad oisolerad stålpelare vid brand inne i byggnaden

- I {10} redovisat uppmätt temperaturtidförlopp för brandrummet
- ---- I {10} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp för pelaren med mätställen enligt figur
- ---- Teoretiskt bestämt temperaturtidförlopp för pelaren.

  Brandutsatt yta F<sub>s</sub> har beräknats enligt fig 42:3 alternativ b. Resulterande emissionstal <sup>6</sup> har förutsatts vara 0,3

Övriga förutsättningar överensstämmer med de i fig 42:2 angivna. För utvändiga pelare belägna på större avstånd från fönsteröppningar samt för pelare försedda med någon form av strålningsskydd ger ovan nämnda förutsättningar beräknade temperaturer, som i regel avsevärt överstiger uppmätta temperaturer. man vid en brandteknisk dimensionering ta vara på de möjligheter till temperaturbegränsning som en lämplig placering eller ett lämpligt strålningsskydd kan erbjuda torde man med dagens begränsade kunskapsunderlag, bl a avseende temperaturtidfälten omkring utvändiga pelare vid brand inne i byggnaden, bli hänvisad till en dimensionering i huvudsak baserad på direkta jämförelser med försöksresultat från brandprovningar. I fig 42:6 ges en sammanställning av vissa försöksresultat redovisade i { 12} . Där belyses inverkan på ståltemperaturförloppet av ett strålningsskydd på den mot brandrummet vända pelarflänsen samt inverkan av pelaravståndet från fasaden. Samtliga i figuren visade temperaturförlopp ligger avsevärt under de som erhålls vid en teoretisk beräkning av motsvarande temperaturförlopp med ett resulterande emissionstal  $\epsilon_{r}$  av 0,3 och med en brandutsatt yta  $F_{s}$ enligt alternativ b i fig 42:3. Strålningsskyddets storlek och pelarens avstånd från fasaden vid de olika försöken framgår av tabell 42:1.



I {12} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp (θ-t) för stålpelare placerad utanför en fasad vid brand inne i byggnaden. Heldragen kurva representerar brandrummets temperatur och motsvarar standardbrandkurvan enligt DIN 4102. Övriga kurvor representerar vid respektive försök uppmätta maximala ståltemperaturer som funktion av tiden. Pelarna var placerade framför en fönsteröppning och i fyra av försöken (1) - 4) försedda med ett strålningsskydd på den fläns som vette mot brandrummet. Strålningsskyddets storlek samt pelaravstånd från

fasad framgår av tabell 42:1.

Fig 42:6

Tabell 42:1 Försöksdata vid brandprovning av utvändiga stålpelare [12]

Försök	Utformning	Profil	Avstånd från fasad (cm)	Strålningsskyo typ	!	utkragning = a (cm)
1	a	IPB 240	23	vermiculit- platta	2,5	10
2	Analysis and	IPB 240	23	vermiculite- platta	2,5	8
3	and the state of t	IPB 240	23	vermiculite- platta	2,5	0
4	I	IPB 240	73	vermiculite <b>-</b> platta	2,5	0
5	American Control	IPB 240	73	-	Bas	_

## 5 BEGREPPET VINKELKOEFFICIENT

## 51 Allmänt

Vid två parallella oändligt stora ytor träffar all strålning från den ena ytan den andra ytan och omvänt. Genom ekv (31:4) kan nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet mellan ytorna beräknas. Denna ekvation kan även läggas till grund för beräkning av strålningspåverkan på i brandrum placerade pelare (avsnitt 41). Genom modifiering av värdena på resulterande emissionstal e och brandutsatt yta F kan ekvationen även användas för en grov uppskattning av maximal ståltemperatur i en utanför fasad placerad pelare (avsnitt 42). I andra fall av strålningspåverkan mellan två ytor kan det däremot förekomma att endast en viss del av den från respektive yta totalt emitterade strålningen träffar den andra ytan, och att sådana förutsättningar föreligger att det matematiskt går att bestämma hur stor denna del är, med ledning av den s k vinkelkoefficienten.

Vinkelkoefficienten  $F_{12}$  är ett tal mindre än 1 som anger hur stor del av från en yta  $(A_1)$  totalt emitterad strålning som träffar en i omgivningen belägen annan yta  $(A_2)$ .

Strålningen  $\mathrm{dq}_{1\to2}$  från en liten yta  $\mathrm{dA}_1$  mot en annan liten yta  $\mathrm{dA}_2$  är proportionell mot den del av yta  $\mathrm{dA}_1$  som "ses" från yta  $\mathrm{dA}_2$  dvs  $\mathrm{dA}_1$  ·  $\mathrm{cos}\phi_1$  samt proportionell mot den del av yta  $\mathrm{dA}_2$  som "ses" från yta  $\mathrm{dA}_1$  dvs  $\mathrm{dA}_2$  ·  $\mathrm{cos}\phi_2$  ·  $\phi_1$  och  $\phi_2$  är vinkeln mellan respektive ytas normal och sammanbindningslinjen mellan ytorna (se fig 51:1). Vidare är strålningen  $\mathrm{dq}_{1\to2}$  omvänt proportionell mot kvadraten på ytornas avstånd r från varandra. Om proportionalitetskonstanten sätts lika med E kan strålningen  $\mathrm{dq}_{1\to2}$  tecknas

$$dq_{1\rightarrow 2} = \frac{E \cdot dA_1 \cos\varphi_1 \cdot dA_2 \cos\varphi_2}{r^2}$$
 (51:1)

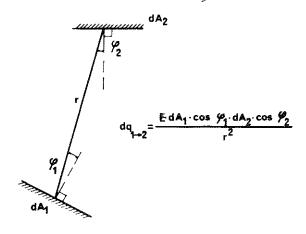


Fig 51:1 Avstånds- och riktningsberoendet för strålningen dq $_{1\rightarrow2}$  mellan ytorna dA $_1$  och dA $_2$ 

Den totalt emitterade strålningen dq från yta  $dA_1$  fås genom att integrera uttrycket (51:1) över hela halvsfären över yta  $dA_1$ . Detta ger

$$dq = \pi \cdot E dA_{1}$$
 (51:2)

Förhållandet mellan  $\mathrm{dq}_{1\to2}$  och dq anger hur stor del av den från yta  $\mathrm{dA}_1$  emitterade strålningen som träffar yta  $\mathrm{dA}_2$  och är således enligt definitionen ovan lika med vinkelkoefficienten för strålning från yta  $\mathrm{dA}_1$  mot yta  $\mathrm{dA}_2$ . Om denna vinkelkoefficient betecknas  $\mathrm{dF}_{12}$  fås

$$dF_{12} = \frac{\cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 \cdot dA_2}{\pi \cdot r^2}$$
 (51:3)

På analogt sätt fås vinkelkoefficienten d $F_{21}$  för strålning från yta d $A_2$  mot yta d $A_1$ .

$$dF_{21} = \frac{\cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 \cdot dA_1}{\pi \cdot r^2}$$
(51:4)

Ekv (51:3) och (51:4) ger

$$dF_{12} \cdot dA_1 = dF_{21} \cdot dA_2$$
 (51:5)

Generellt gäller att den del av totala strålningen från en yta som träffar en annan yta multiplicerat med den första ytans storlek är lika med den del av totala strålningen från den andra ytan som träffar den första ytan multiplicerat med storleken av den andra ytan. Vinkelkoefficienten vid två parallella ytor
där den ena ytan har oändlig utsträckning i en riktning

Vinkelkoefficienten dF<sub>12</sub> för strålning från yta dA<sub>1</sub> mot
yta dA<sub>2</sub> enligt fig 52:1 kan enligt ekv (51:3) tecknas

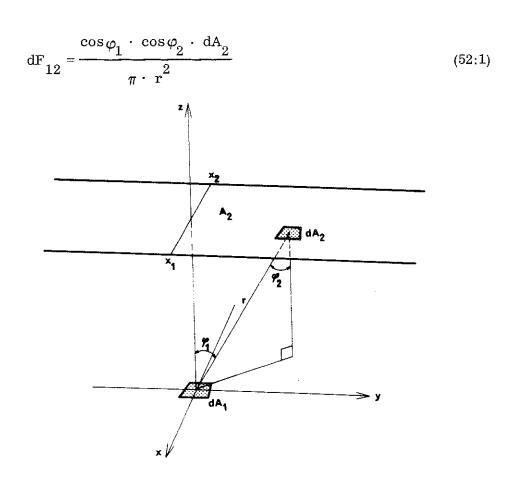


Fig 52:1 Koordinatsystemets orientering för beräkning av vinkelkoefficienten för strålning mellan yta  $\mathrm{dA}_1$  och yta  $\mathrm{dA}_2$ 

Vinkelkoefficienten  $F_{12}$  från yta  $dA_1$  mot yta  $A_2$  fås genom att integrera ekv (52:1) över hela ytan  $A_2$ , dvs

$$F_{12} = \frac{1}{\pi} \int_{A_2} \frac{\cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 dA_2}{r^2}$$
(52:2)

Vidare gäller med beteckningar enligt fig 52:1

$$r^2 = z^2 + x^2 + y^2 \tag{52:3}$$

$$\cos \varphi_1 = z/r \tag{52:4}$$

$$\cos \varphi_2 = z/r \tag{52.5}$$

Dessa värden insatta i ekv (52:2) ger

$$F_{12} = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{x_2}^{x_1} \frac{z^2 \cdot dx \cdot dy}{(z^2 + x^2 + y^2)^2}$$
 (52:6)

Utförs integrationen erhålles

$$F_{12} = \frac{1}{2} \left[ \frac{x_1/z}{\sqrt{1 + (x_1/z)^2}} - \frac{x_2/z}{\sqrt{1 + (x_2/z)^2}} \right]$$
 (52:7)

Vinkelkoefficienten vid två vinkelräta ytor där den ena ytan har oändlig utsträckning i en riktning

> Vinkelkoefficienten dF<sub>12</sub> för strålning från yta dA<sub>1</sub> mot yta dA<sub>2</sub> enligt fig 53:1 kan enligt ekv (51:3) tecknas

$$dF_{12} = \frac{\cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 \cdot dA_2}{\pi \cdot r^2}$$
 (53:1)

Vinkelkoefficienten  $F_{12}$  från yta  $dA_1$  mot yta  $A_2$  fås genom att integrera ekv (53:1) över hela ytan  $A_2$ , dvs

$$F_{12} = \frac{1}{\pi} \int_{A_2} \frac{\cos \varphi_1 \cdot \cos \varphi_2 \cdot dA_2}{r^2}$$
 (53:2)

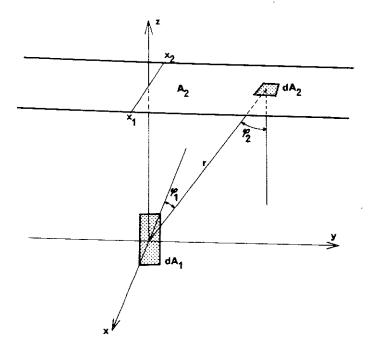


Fig 53:1 Koordinatsystemets orientering för beräkning av vinkelkoefficienten för strålning mellan yta dA och yta  $\rm A_2$  när ytornas plan är vinkelräta

Vidare gäller med beteckningar enligt fig 53:1

$$\mathbf{r}^2 = \mathbf{z}^2 + \mathbf{x}^2 + \mathbf{y}^2 \tag{53:3}$$

$$\cos \varphi_1 = x/r \tag{53:4}$$

$$\cos \varphi_2 = z/r \tag{53.5}$$

Dessa värden insatta i ekv (53:2) ger

$$F_{12} = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{x_2}^{x_1} \frac{z \cdot x \, dx \cdot dy}{(z^2 + x^2 + y^2)^2}$$
 (53:6)

Utförs integrationen erhålles

$$F_{12} = \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{\sqrt{1 + (x_2/z)^2}} - \frac{1}{\sqrt{1 + (x_1/z)^2}} \right]$$
 (53:7)

6 STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ BRANDUTSATTA BJÄLKLAGSBALKAR
AV STÅL UNDER FÖRUTSÄTTNING AV ATT FLAMMORNA BEFINNER
SIG HELT UNDER BALKARNA ELLER ATT BALKARNA ÄR AVSKILDA
FRÅN BRANDEN MED UNDERTAK

### 61 Vinkelkoefficienten

Vid tillräckligt höga rumshöjder eller om bjälklagsbalkarna skyddas av undertak befinner sig den värmeavgivande ytan, flammornas respektive undertakets översida helt under balkarna (se fig 61:1).

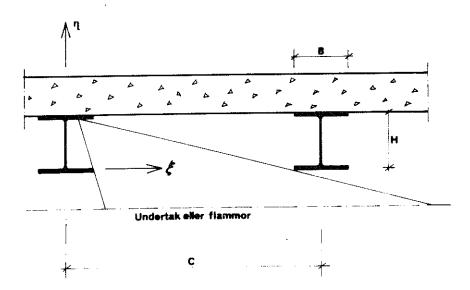


Fig 61:1 Orientering av koordinatsystemet 5 för beräkning av vinkelkoefficienten för strålning vid bjälklagsbalkar där flammor eller undertak befinner sig helt under balkarna

Vinkelkoefficienten för strålning från en liten yta d ${\rm A_{f\ddot{o}}}$  på överflänsens underyta mot flammor eller undertak betecknas d ${\rm F_{f\ddot{o}}}$ . Om den per yt- och tidsenhet av balken totalt emitterade strålningen betecknas E, och den från yta d ${\rm A_{f\ddot{o}}}$  emitterade strålningen per tidsenhet som träffar flammor eller undertak betecknas d ${\rm q_{f\ddot{o}}}$  gäller

$$dq_{f\ddot{o}} = E \cdot dA_{f\ddot{o}} \cdot dF_{f\ddot{o}}$$
 (61:1)

Motsvarande gäller för den strålning  $\mathrm{dq}_1$ , som per tidsenhet träffar flammor eller undertak från en liten yta  $\mathrm{dA}_1$  på livet med vinkelkoefficienten  $\mathrm{dF}_1$  för strålning från yta  $\mathrm{dA}_1$  mot flammor eller undertak.

$$dq_1 = E \cdot dA_1 \cdot dF_1 \tag{61:2}$$

Av figur 61:1 framgår att någon strålning från underflänsens överyta  $\mathrm{dq}_{\mathrm{fu}}$  ej sker mot flammor eller undertak, dvs

$$dq_{fu} = 0 (61:3)$$

Genom att integrera ekv (61:1) över halva överflänsens bredd, ekv (61:2) över livhöjden samt ekv (61:3) över halva underflänsens bredd samt summera dessa tre resultat erhålls den strålning per tidsenhet q, från halva överflänsens underyta plus ena livsidan plus halva underflänsens överyta, som träffar flammor eller undertak.

$$q = \int E dA_{f\ddot{o}} dF_{f\ddot{o}} + \int E dA_{1} dF_{1} + \int O$$
 (61:4)

Den från samma ytor per tidsenhet totalt emitterade strål-ningen  $\mathbf{q}_{\text{tot}}$  kan tecknas

$$q_{tot} = E(B/2 + H + B/2)$$
 (61:5)

där E = per tids- och ytenhet totalt emitterad strålning

B = balkbredd

H = balkhöjd

Ekv (61:5) gäller under förutsättning av att balkdelarnas godstjocklekar försummas i förhållande till balkbredd B och balkhöjd H.

Förhållandet mellan q och  $\mathbf{q}_{\text{tot}}$  representerar vinkelkoefficienten  $\mathbf{F}_{\text{bf}}$  för strålning från halva överflänsens underyta, ena livsidan samt halva underflänsens överyta mot flammor eller undertak

$$F_{bf} = \frac{\int dF_{f\ddot{0}} \cdot dA_{f\ddot{0}} + \int dF_{1} \cdot dA_{1} + \int 0}{B/2 + H + B/2}$$
(61:6)

Med ledning av ekv (52:7) och beteckningar enligt fig 61:1 kan d $F_{
m f\ddot{o}}$  tecknas

$$dF_{f\ddot{0}} = \frac{1}{2} \left[ \frac{(C - B/2 - \xi)/H}{\sqrt{1 + \left[ (C - B/2 - \xi)/H \right]^2}} - \frac{(B/2 - \xi)/H}{\sqrt{1 + \left[ (B/2 - \xi)/H \right]^2}} \right] (61:7)$$

Vinkelkoefficienten dF<sub>1</sub> kan tecknas på motsvarande sätt med · ledning av ekv (53:7)

$$dF_{1} = \frac{1}{2} \left[ \frac{1}{\sqrt{1 + \left[ (B/2)/\eta \right]^{2}}} - \frac{1}{\sqrt{1 + \left[ (C - B/2)/\eta \right]^{2}}} \right]$$
 (61:8)

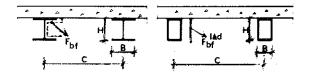
Ekv (61:7) med integrationsgränserna 0 och B/2 för  $\xi$  och ekv (61:8) med integrationsgränserna 0 och H för  $\eta$  insatta i ekv (61:6) ger

$$F_{bf} = \frac{1 + (C/H) - (B/H) - \sqrt{1 + (C/H - B/H)^2}}{2 + 2B/H}$$
(61:9)

För bjälklagsbalkar med lådtvärsnitt, i stället för som ovan med I-tvärsnitt, ger analoga beräkningar vinkelkoefficienten  $F_{bf}^{låd}$  för strålning från lådbalkens livsidor mot flammor eller undertak

$$F_{bf}^{låd} = \frac{1 + (C/H) - (B/H) - \sqrt{1 + (C/H - B/H)^2}}{2}$$
(61:10)

I fig 61:2 redovisas  $F_{\rm bf}$  och  $F_{\rm bf}^{\rm låd}$  enligt ekv (61:9) respektive ekv (61:10) som funktion av balkarnas breddhöjdförhållande B/H vid olika värden på förhål andet C/H mellan balkarnas centrumavstånd och höjd.



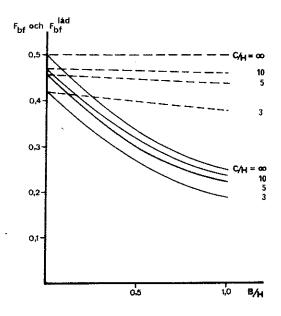


Fig 61:2

Vinkelkoefficienten F (heldragna linjer) för strålning från överflänsens underyta, livet och underflänsens överyta av balk med I-tvärsnitt mot flammor eller undertak samt vinkelkoefficienten F låd (streckade linjer) för strålning från livet av balk med lådtvärsnitt till flammor eller undertak. I båda fallen förutsätts att flammor eller undertak befinner sig helt under balkarna

Nettostrålningsutbytet mellan flammor eller undertak och vissa delar av bjälklagsbalkar

Ett bjälklagssystem enligt fig 62:1 studeras. På balkarnas översida vilar ett betongbjälklag. Det förutsätts att flammorna antingen befinner sig helt under balkarna eller att balkarna är avskilda från branden med undertak.

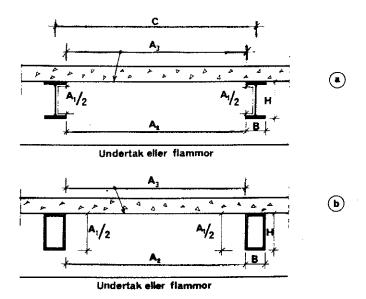


Fig 62:1
Bjälklagsbalkar där flammor eller undertak befinner sig under balkarna

Av den totala strålning som emitteras från yta  $A_1$  träffar en del, bestämd genom vinkelkoefficienten  $F_{11}$ , andra delar av  $A_1$ . Av resterande del av strålningen från yta  $A_1$  träffar en del yta  $A_2$  och en del yta  $A_3$ . Dessa strålningsdelars storlek uttrycks genom vinkelkoefficienterna  $F_{12}$  respektive  $F_{13}$ .

Strålningsdelarna från yta  $A_2$  och yta  $A_3$  mot ytorna  $A_1$ ,  $A_2$  och  $A_3$  uttrycks genom vinkelkoefficienterna  $F_{21}$ ,  $F_{22}$ ,  $F_{23}$  respektive  $F_{31}$ ,  $F_{32}$ ,  $F_{33}$ . Eftersom summan av samtliga vinkelkoefficienter för en yta måste vara lika med 1 gäller

$$F_{11} + F_{12} + F_{13} = 1$$

$$F_{21} + F_{22} + F_{23} = 1$$

$$F_{31} + F_{32} + F_{33} = 1$$
(62:1)

Av symmetriskäl gäller vidare

$$F_{31} = F_{21}$$

$$F_{32} = F_{23}$$

$$F_{13} = F_{12}$$
(62:2)

Dessutom gäller för yta  $\mathbb{A}_2$  och yta  $\mathbb{A}_3$  att ingen del av dessa ytor kan "ses" från någon annan del av samma yta, vilket innebär att

$$F_{22} = F_{33} = 0 ag{62:3}$$

Av ekv (63:1), (62:2) och (62:3) följer

$$\mathbf{F}_{11} = 1 - 2\mathbf{F}_{12} \tag{62:4}$$

samt eftersom  $A_1F_{12} = A_2F_{21}$  (jfr ekv. (51:5)

$$F_{32} = F_{23} = 1 - F_{21} = 1 - \frac{A_1}{A_2} \cdot F_{12}$$
 (62:5)

Samtliga vinkelkoefficienter kan således uttryckas i vinkel-koefficienten  $F_{12}$  vilken är identisk med vinkelkoefficienten  $F_{bf}$  respektive  $F_{bf}^{låd}$  i fig 61:2.

Totala strålningsutbytet mellan flammor eller undertak, dvs yta  $A_2$ , och balkar, dvs yta  $A_1$  inkluderar upprepad reflektion av strålningen i bjälklagsytan, dvs yta  $A_3$ . Enligt  $\{4\}$  kan nettostrålningsutbytet  $q_{12}$  per tidsenhet mellan yta  $A_1$  och  $A_2$  inklusive reflektionen skrivas i formen

$$q_{12} = A_1 \gamma_{12} \cdot 4,96 \left[ (T_2/100)^4 - (T_1/100)^4 \right]$$
 (62:6)

 $T_1$  och  $T_2$  är yta  $A_1$ :s respektive yta  $A_2$ :s absoluta temperatur. För att kunna beräkna nettostrålningsutbytet måste således faktorn  $A_1$   $\mathcal{F}_{12}$  bestämmas. Denna faktor anger hur stor del av den från yta  $A_1$  emitterade strålningen som absorberas av yta  $A_1$  inklusive upprepad reflektion mellan alla ytor som ingår i strålmingssystemet. Med  $_1R_1$ ,  $_1R_2$ ,  $_1R_3$  menas den del av från yta  $A_1$  emitterad strålning, som inklusive upprepad reflektion inom systemet, reflekteras från yta  $A_1$ ,  $A_2$  respektive yta  $A_3$ . Om yta  $A_2$  och yta  $A_3$  antas ha temperaturen  $0^{\circ}K$  sker i enlighet med ekv (22:3) ingen emission från dessa ytor. Om dessutom yta  $A_1$  antas ha den temperatur vid vilken en absolut svart kropp har emissionen 1 blir den totala strålningen från yta  $A_1$  inklusive reflektionen  $\epsilon_1$  +  $_1R_1$ , där  $\epsilon_1$  är lika med yta  $A_1$ :s emissionstal.

Av den mot yta  $A_2$  med emissionstalet  $\epsilon_2$  infallande strålningen inklusive reflektionen inom systemet absorberas delen  $\epsilon_2$ . Delen  $(1-\epsilon_2)$  reflekteras. Eftersom yta  $A_2$ :s temperatur antagits vara  $0^{\circ}$ K är nettostrålningen från denna yta lika med  $A_2 \cdot {}_1^R {}_2$ . Absorptionen av strålning mot yta  $A_2$  blir då  $A_2 \cdot {}_1^R {}_2 \cdot \epsilon_2 / (1-\epsilon_2)$ . Denna absorption är under ovan angivna förutsättningar ett resultat av emissionen från enbart yta  $A_1$ . Således gäller

$$A_1 \mathcal{Z}_{12} = {}_{1}R_2 \cdot A_2 \cdot \frac{\epsilon_2}{1 - \epsilon_2}$$

$$(62:7)$$

eller allmänt för en godtycklig yta n

$$A_{1} \boldsymbol{\beta}_{1 n} = {}_{1} R_{n} \cdot A_{n} \cdot \frac{\epsilon_{n}}{1 - \epsilon_{n}}$$
(62:8)

Om  $_1R_2$  kan bestämmas kan vid kända värden på yta  $A_2$ :s emissionstal  $\epsilon_2$ , faktorn  $A_1\mathcal{F}_{12}$  beräknas med ekv (62:7). Därmed kan nettostrålningsutbytet per tidsenhet  $q_{12}$  mellan flammor eller undertak och bjälklagsbalkarnas yta  $A_1$  beräknas med ekv (62:6). Storheten  $_1R_2$  kan bestämmas ur ett ekvationssystem, som innehåller lika många ekvationer som ytor inom strålningssystemet. Varje sådan ekvation uppställs med ledning av samband för strålningsbalansen för respektive yta. För ett system av tre ytor  $A_1$ ,  $A_2$  och  $A_3$  enligt fig 62:1 gäller.

$$\left[A_{1}^{F}_{11}(\epsilon_{1}^{+}_{1}^{R}_{1})+A_{2}^{F}_{21}\cdot_{1}^{R}_{2}+A_{3}\cdot_{31}\cdot_{1}^{R}_{3}\right](1-\epsilon_{1})=A_{1}\cdot_{1}^{R}_{1}$$

$$\left[A_{1}F_{12}(\epsilon_{1}+{}_{1}R_{1})+A_{2}F_{22}\cdot{}_{1}R_{2}+A_{3}F_{32}\cdot{}_{1}R_{3}\right](1-\epsilon_{2})=A_{2}\cdot{}_{1}R_{2} \quad (62:9)$$

Löses  $_1$ R $_2$  ur ekv (62:9) och insätts i ekv (62:7) samtidigt som samtliga vinkelkoefficienter med ledning av ekvationerna (62:1)-(62:5) uttrycks i vinkelkoefficienten F $_{12}$  fås om emissionstalet

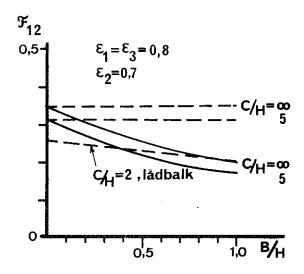
för balkar och bjälklag  $\epsilon_1$  och  $\epsilon_3$  förutsätts vara 0,8 samt (1- $\epsilon_2$ ) betecknas  $\rho_2$ 

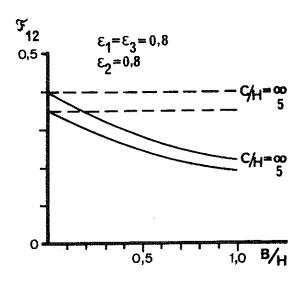
$$\mathcal{F}_{12} = \frac{4 \cdot \epsilon_{2} \cdot F_{12} \left(6 - \frac{A_{1}}{A_{2}} \cdot F_{12}\right)}{\rho_{2} \left[2(2 + F_{12}) \left(\frac{5}{\rho_{2}} - (1 - \frac{A_{1}}{A_{2}} F_{12})^{2}\right) - \frac{A_{1}}{A_{2}} F_{12} \left(5F_{12} + \frac{F_{12}}{\rho_{2}} + 2F_{12} \left(1 - \frac{A_{1}}{A_{2}} F_{12}\right)\right)\right]}$$

där  $F_{12}$  vid ett bjälklagssystem och med beteckningar enligt (62:10) fig 62:1 motsvarar vinkelkoefficienten  $F_{bf}$  respektive  $F_{bf}^{låd}$  i fig 61:2.

I fig 62:2 visas  $\mathcal{F}_{12}$  som funktion av balkarnas bredd-höjdförhållande B/H vid olika centrumavstånd i förhållande till balkhöjd C/H samt vid olika värden på flammornas eller undertakets emissionstal  $\epsilon_2$ . Emissionstalet för balkar och bjälklag,  $\epsilon_1$  respektive  $\epsilon_3$ , har därvid förutsatts vara lika med 0,8. Heldragna linjer gäller för balkar av I-profil, streckade linjer för balkar av lådprofil.

Med faktorn  $\mathcal{F}_{12}$  bestämd ur fig 62:2 kan nettostrålningsutbytet  $q_{12}/A_1$  per tids- och ytenhet mellan överflänsens underyta, livet och underflänsens underyta (vid lådprofiler endast livsidorna) och flammor eller undertak inklusive reflektion mellan alla ytor i strålningssystemet, beräknas ur ekv (62:6)





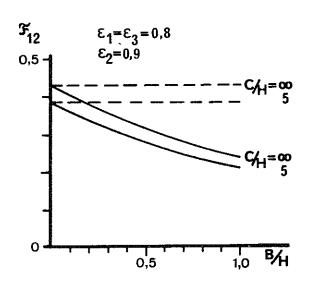


Fig 62:2

Faktorn  $\mathcal{F}_{12}$  (ekv 62:6) för strålning mellan flammor eller undertak och bjälklagsbalkar, inklusive upprepad reflektion inom hela strålnings-systemet, som funktion av balkarnas bredd-höjdförhållande B/H vid olika centrumavstånd i förhållande till balkhöjd C/H och vid olika värden på flammornas (undertakets) emissionstal  $\epsilon_2$ . Emissionstalet för balkar och bjälklag  $\epsilon_1$  respektive  $\epsilon_3$  har förutsatts vara 0,8

I-profiler ( $\mathcal{F}_{12}$ -uttrycket beräknat för strålning mellan överflänsens underyta, livet och underflänsens överyta och flammor eller undertak)

Lådprofiler ( $\mathcal{F}_{12}$ -uttrycket beräknat för strålning mellan livsidor och flammor eller undertak)

63 Nettostrålningsutbytet mellan flammor eller undertak och hela bjälklagsbalkar

Förutom strålningsutbytet mellan överflänsens underyta, livet, underflänsens överyta och flammor eller undertak, som studerats i föregående avsnitt, sker också ett strålningsutbyte mellan underflänsens undersida och flammor eller undertak. Storleken av detta strålningsutbyte är beroende bl a av underflänsens avstånd från flammorna eller undertaket. Ju mindre avståndet är ju större blir strålningsutbytet. Samma ekvation som använts för beräkning av strålningsutbytet vid pelare, ekv (41:1), kan dock användas oberoende av avståndet. Detta innebär visserligen att en viss överskattning av strålningsutbytet sker vid större avstånd mellan fläns och flammor eller undertak. Jämfört med hela balkens strålningsutbyte med flammorna eller undertaket torde dock i ordinära fall denna överskattning av strålningsutbytet mellan underfläns och flammor eller undertak bli ringa.

Nettostrålningsutbytet  $q_{42}/A_4$  per tids- och ytenhet mellan underflänsens undersida och flammorna eller undertaket kan således enligt ekv (41:1) skrivas

$$\frac{q_{42}}{A_4} = \frac{4,96}{1/\epsilon_4 + 1/\epsilon_2 - 1} \left( (T_2/100)^4 - (T_4/100)^4 \right)$$
 (63:1)

där  $\epsilon_2$ ,  $\epsilon_4$  = flammormas eller undertakets respektive underflänsens emissionstal

T<sub>2</sub>, T<sub>4</sub> = flammormas eller undertakets respektive underflänsens absoluta temperatur (°K)

 $A_{\Lambda}$  = underflänsens area per längdenhet av balken (m<sup>2</sup>)

 $q_{12}$  enligt ekv (62:6) och  $q_{42}$  enligt ekv (63:1) ger tillsammans totala strålningsutbytet per tidsenhet mellan balk och flammor eller undertak. Förutsätts att hela balken har samma temperatur  $T_s$ , dvs att  $T_1 = T_4 = T_s$ , samt att hela balken har samma emissionstal  $\varepsilon_s$ , dvs att  $\varepsilon_1 = \varepsilon_4 = \varepsilon_s$  fås, om flammornas eller undertakets temperatur och emissionstal betecknas  $T_t$  respektive  $\varepsilon_t$ , totala nettostrålningen  $q/F_s$  per tids- och ytenhet mellan balk och flammor

eller undertak

$$\frac{q}{F_{s}} = 4,96 \cdot \frac{\left[A_{4}/(1/\epsilon_{t}+1/\epsilon_{s}-1)+\mathcal{F}_{12}\cdot A_{1}\right]}{F_{s}} \left(\left(\frac{T_{t}}{100}\right)^{4}-\left(\frac{T_{s}}{100}\right)^{4}\right)$$
(63:2)

Ekv (63:2) kan skrivas i formen

$$\frac{q}{F_s} = \alpha_s \left(\vartheta_t - \vartheta_s\right) \tag{63:3}$$

där  $\alpha$  = värmeövergångstalet genom strålning (kcal/m² °Ch)  $\vartheta_{t}$  = flammornas eller undertakets temperatur (°C)  $\vartheta_{s}$  = balkens temperatur (°C)

Ekv (63:2) och (63:3) ger  $\alpha_s$ 

$$\alpha_{s} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_{r}}{(\theta_{t} - \theta_{s})} \left[ \left( \frac{\theta_{t} + 273}{100} \right)^{4} - \left( \frac{\theta_{s} + 273}{100} \right)^{4} \right]$$
(63:4)

där

$$\epsilon_{\mathbf{r}} = \left(\frac{\mathbf{A}_4}{1/\epsilon_{\mathbf{t}} + 1/\epsilon_{\mathbf{s}} - 1} + \mathbf{F}_{12} \cdot \mathbf{A}_1\right) / \mathbf{F}_{\mathbf{s}}$$
 (63:5)

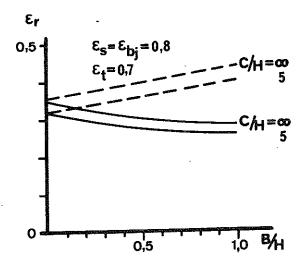
Uttrycket (63:4) för beräkning av  $\alpha_s$  för balkar överensstämmer med motsvarande uttryck för beräkning av  $\alpha_s$  för brandutsatta pelare enligt ekv (41:3). Uttrycket för det resulterande emissionstalet  $\epsilon_r$  enligt ekv (63:5) för balkar och enligt ekv (41:4) för pelare skiljer sig däremot från varandra.

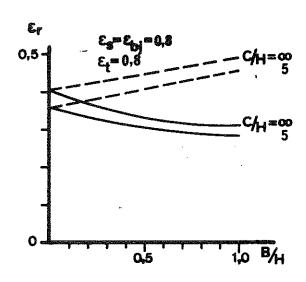
Fig 63:1 visar  $\epsilon_{\rm r}$  enligt ekv (63:5) som funktion av balkarnas breddhöjdförhållande B/H vid olika värden på förhållandet C/H mellan balkavstånd och balkhöjd samt vid olika värden på flammornas eller undertakets emissionstal,  $\epsilon_{\rm t}$ . Stålbalkarnas samt betongbjälklagets emissionstal förutsätts vara 0,8. Heldragna linjer gäller för balkarmed I-tvärsnitt, streckade linjer för balkarmed lådtvärsnitt.

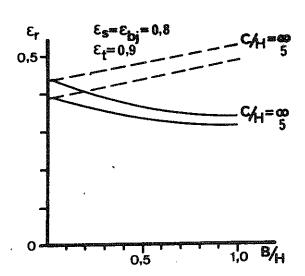
För i ett brandrum placerade pelare av profil HE 200 B fås ett resulterande emissionstal på 0,7 om emissionstalet för flammorna förutsätts vara 0,85 och för pelarna 0,8 (ekv(41:4)). För ett bjälklagssystem med motsvarande balkprofiler erhålls ur fig 63:1, under samma förutsättningar beträffande balkarnas och flammornas eller undertakets emissionstal, ett resulterande emissionstal av ca 0,3. För balkarna gäller att brandutsatt yta  $F_s$  är ca  $5.0,2 = 1 \text{ m}^2$ medan för pelamabrandutsatt yta  $F_s$  är ca 6.0,2 = 1,2 m<sup>2</sup>. Förhållandet mellan produkten av brandutsatt yta och resulterande emissionstal för balk och pelare blir ca 0,37. Detta visar att värmepåverkan genom strålning vid brand är betydligt mindre för bjälklagsbalkarna än för pelarna. Värdet 0,37 innebär dock inte att nettostrålningsutbytet mellan en balk av profil HE 200 B och flammor eller undertak är 37 % av nettostrålningsutbytet mellan en pelare av profil HE 200 B och flammor. På grund av olika värmepåverkan skiljer sig ståltemperaturen i de båda fallen, vilket också påverkar värdet på värmeövergångstalet  $\alpha_s$  (ekv (41:3) respektive ekv (63:4)).

I {8} rekommenderas värdet 0,5 för det resulterande emissionstalet vid beräkning av temperaturförloppet för i taknivå placerade brandpåverkade stålbalkar. Som framgår av fig 53:1 torde detta värde i flertalet fall ge beräknade ståltemperaturer som ligger på säkra sidan. Endast vid balkar av lådprofil med ett breddhöjdförhållande B/H som överstiger 1 kan värdet 0,5 på det resulterande emissionstalet innebära en underskattning av strålningsutbytet.

Vid beräkning av strålningsutbytet med ekv (63:4) och ekv (63:5) beaktas reflektion av strålning via bl a bjälklaget. Däremot beaktas inte något direkt strålningsutbyte mellan balkar och bjälklag. Förutsättningen för att ett direkt strålningsutbyte









Resulterande emissionstal e vid
brandutsatta bjälklagsbalkar av stål
när flammor eller undertak befinner
sig under balkarna.
e stålbalkarnas emissionstal.
e bjälklagets emissionstal.
e tflammornas eller undertakets emissionstal.
B/H=balkarnas bredd-höjdförhållande.
C/H=förhållandet mellan balkarnas
centrumavstånd och balkhöjd.

I-profiler Lådprofiler

ej ska ske mellan balk och bjälklag är att balk och bjälklag har samma temperatur. Denna förutsättning är säkerligen ej alltid uppfylld. Temperaturdifferensen mellan balk och bjälklag är dock avsevärt mindre än mellan balk och flammor samtidigt som den balkyta som kan utsättas för strålning från bjälklaget är mindre än den balkyta som utsätts för strålning från flammor eller undertak. I många fall torde också bjälklagets temperatur vara lägre än balkens, vilket innebär en värmeangivning från balken. Nämnda förhållande gör att det med i brandsammanhang tillräcklig noggrannhet bör vara acceptabelt att helt bortse från nettostrålningsutbytet mellan balk och bjälklag.

Från överflänsens överyta till bjälklaget sker en värmetransport genom ledning, som dämpar temperaturstegringen i överflänsen. Denna effekt har ej beaktats eftersom temperaturen har antagits vara lika i hela balken. Att överflänsen antar en lägre temperatur än balken i övrigt torde inte alls eller endast obetydligt påverka dessa övriga delars temperaturförlopp.

Jämförelse mellan vid försök bestämda och beräknade emissionstal och temperaturförlopp

I  $\{13\}$  redovisas en teoretisk och experimentell undersökning avseende brandmotstånd hos prefabricerade betongkassetter. Kassetterna uppvärmdes i en brandprovningsugn vars gastemperaturförlopp under försöken motsvarade den s k standardbrandkurvan. Temperaturen registrerades på ett flertal ställen i kassetterna. Teoretiska bestämningar av temperaturförloppet i betongkassetterna genomfördes och resultaten jämfördes med de uppmätta temperaturförloppen. Värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_{\rm S}$  beräknades därvid med hjälp av ekvationen

$$\alpha_{s} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_{r}}{\theta_{t} - \theta_{s}} \left[ \left( \frac{\theta_{t} + 273}{100} \right)^{4} - \left( \frac{\theta_{s} + 273}{100} \right)^{4} \right]$$
(64:1)

 $d\ddot{a}r \epsilon_{r} = resulterande emissionstal$ 

 $\vartheta_+$  = flammornas temperatur

 $\vartheta_{_{\mathbf{S}}}$  = betongkassetternas yttemperatur

Ekv (64:1) överensstämmer med ekv (41:3) och ekv (63:4).

Vid brandpåverkade betongkonstruktioner kan man ej, i motsats till vad fallet är för brandpåverkade stålkonstruktioner, räkna med en likformig temperaturfördelning i konstruktionen. Vid den teoretiska behandlingen i {13} uppdelades därför betongtvärsnittet i ett antal delelement i vilka temperaturförloppet beräknades.

Bästa möjliga överensstämmelse mellan uppmätta och beräknade temperaturer i betongtvärsnittet erhölls därvid om e i ekv (64:1) sattes lika med 0,6 för underytan av betongbalkarna (1) i fig 64:1) och lika med 0,2 för livsidorna (2) i fig 64:1).

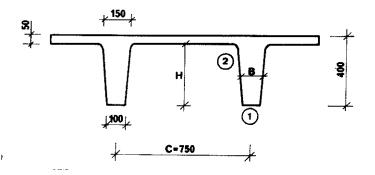


Fig 64:1 Dimensioner på i {13} redovisad brandprovad betongkassett

Om strålningspåverkan mellan flammorna och balkarnas undersidor beräknas under förutsättning av att flammorna och balkarnas undersidor befinner sig intill varandra, kan följande samband användas för beräkning av det resulterande emissionstalet  $\varepsilon_n$  (jmfr avsnitt 41)

$$\epsilon_{\mathbf{r}} = \frac{1}{1/\epsilon_{+} + 1/\epsilon_{s} - 1} \tag{64:2}$$

 $\begin{array}{l} \text{där } \varepsilon_{t} = \text{flammornas emissionstal} \\ \varepsilon_{s} = \text{betongytans emissionstal} \end{array}$ 

Ett rimligt värde på betongytornas emissionstal torde vara 0,8. Flammornas emissionstal måste då vara lika med 0,7 för att det resulterande emissionstalet vid balkundersidorna ska bli 0,6, vilket enligt ovan gav bästa överensstämmelsen mellan beräknade och uppmätta temperaturförlopp.

För beräkning av strålningen mellan flammor och livsidor (②i fig 64:1) kan ekv (62:6) användas. Faktorn  $\mathcal{F}_{12}$  i denna ekvation motsvarar  $\epsilon_{\mathbf{r}}$  i ekv (64:1). Av fig 64:1 framgår att C/H är ungefär 2 samt B/H ungefär 0,35. Ur fig 62:2 erhålls med dessa värden på B/H respektive C/H och med  $\epsilon_{1}$  lika med 0,8 (betongytornas emissionstal) och med  $\epsilon_{2}$  lika med 0,7 (flammornas emissionstal), värdet 0,24 på faktorn  $\mathcal{F}_{12}$ . Detta värde kan jämföras med det i {13} redovisade värdet på  $\epsilon_{\mathbf{r}}$  för balkarnas livsidor som var 0,2.

I fig 64:2, fig 64:3 och fig 64:4 jämförs teoretiskt bestämda temperaturtidförlopp för bjälklagsbalkar av stål isolerade med undertak av gips med i litteraturen redovisade uppmätta temperaturtidförlopp {14}. Ekv (63:4) har använts för beräkning av värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_{\rm s}$  varvid  $\epsilon_{\rm r}$  bestämts ur fig 63:1. Därvid har gipsundertakets emissionstal  $\epsilon_{\rm t}$  antagits vara 0,7 och betongbjälklagets och stålbalkarnas emissionstal  $\epsilon_{\rm bj}$  respektive  $\epsilon_{\rm s}$  0,8. Stålbalkarnas breddhöjdförhållande B/H är 0,5. Med dessa värden blir det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{\rm r}$  enligt fig 63:1 ca 0,27. Värmeövergångstalet konvektionsandel  $\alpha_{\rm k}$  har vid beräkningen av ståltemperaturförloppen förutsatts vara 7,5 kcal/m² OCh (jfr avsnitt 1).

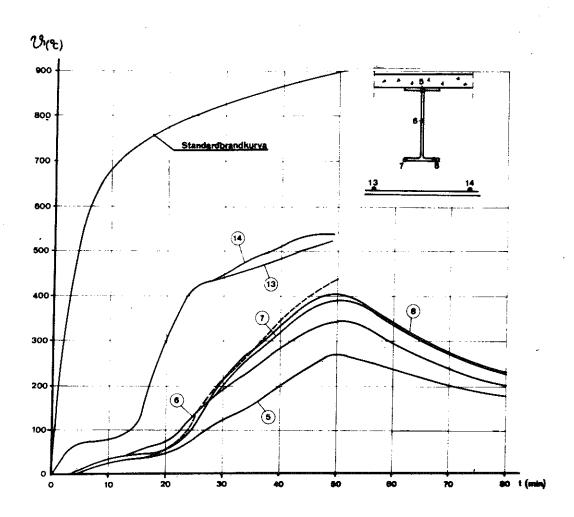


Fig 64:2

Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och i {14} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp (%-t) för undertaksisolerad bjälklagsbalk av stål av profil IPE 270

Uppmätta temperaturtidförlopp
Beräknat ståltemperaturförlopp

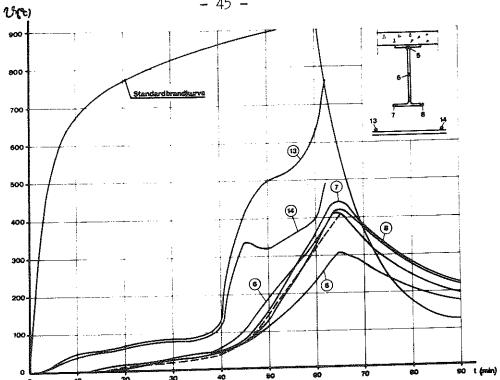


Fig 64:3

Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och i {14} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp (%-t) för undertaksisolerad bjälklagsbalk av stål av profil IPE 270

Uppmätta temperaturtidförlopp Beräknat ståltemperaturförlopp

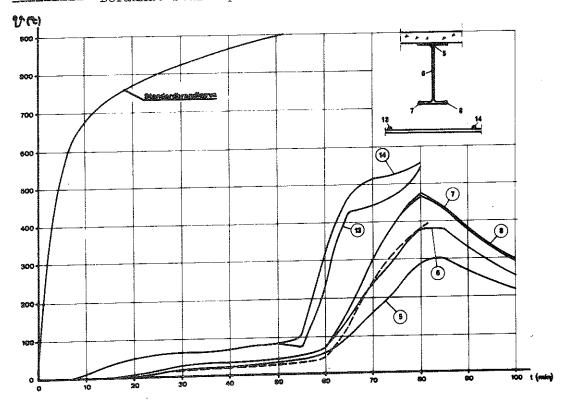


Fig 64:4

Jämförelse mellan teoretiskt bestämt och i {14} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp (%-t) för undertaksisolerad bjälklagsbalk av stål av profil IPE 270

 Uppmätta	temperaturtidförlopp
 Beräknat	ståltemperaturförlopp

- 7 STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ BRANDUTSATTA BJÄLKLAGSBALKAR AV STÅL UNDER FÖRUTSÄTTNING AV ATT FLAMMORNA NÅR UPP TILL BJÄLKLAGET
- 71 Beräkning av värmeövergångstalets strålningsandel

En bjälklagsbalk med I-tvärsnitt enligt fig 71:1 studeras.

Som framgår av ekv (51:5) gäller

$$F_{12}^{A} = F_{21}^{A}$$
 (71:1)

där  $F_{12}$  = vinkelkoefficienten för strålning från yta  $A_1$  mot  $A_2$   $F_{21}$  = vinkelkoefficienten för strålning från yta  $A_2$  mot  $A_1$   $A_1 \approx B+H$   $A_2 \approx H$ 

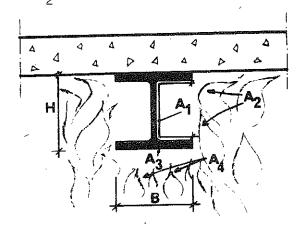


Fig 71:1
Brandutsatt bjälklagsbalk där flammorna omger balken

Vinkelkoefficienten  $F_{21}$  är ungefär lika med 1, eftersom praktiskt taget all strålning från yta  $A_2$  träffar yta  $A_1$ . Av den från yta  $A_1$  emitterade strålningen träffar en del, bestämd genom vinkelkoefficienten  $F_{11}$ , andra delar av yta  $A_1$ , samt resten, bestämd genom  $F_{12}$ , yta  $A_2$ . Härvid gäller

$$F_{11} + F_{12} = 1 \tag{71:2}$$

Strålningen  $q_{1\to 2}$  från yta  $A_1$ , med absoluta temperaturen  $T_1$  och emissionstalet  $\epsilon_1$  mot yta  $A_2$  med emissionstalet  $\epsilon_2$  kan

med hänsyn tagen till den upprepade reflektionen skrivas

$$q_{1 \to 2} = \frac{4,96 \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 \cdot A_1 \cdot \epsilon_1 \cdot \epsilon_2 \cdot F_{12}}{1 - (1 - \epsilon_1) \left[F_{11} + (1 - \epsilon_2)F_{12}\right]}$$
(71:3)

Strålningen  $q_{2\rightarrow 1}$  från yta  $A_2$ , med absoluta temperaturen  $T_2$ , mot yta  $A_1$  kan analogt skrivas

$$q_{2 \to 1} = \frac{4,96 \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 \cdot A_2 \cdot \epsilon_1 \cdot \epsilon_2 \cdot F_{21}}{1 - (1 - \epsilon_1) \left[F_{11} + (1 - \epsilon_2) F_{12}\right]}$$
(71:4)

Med ledning av ekv (71:1), ekv (71:2), ekv (71:3) och ekv (71:4) fås nettostrålningsutbytet per tids- och ytenhet  $q_{12}/A_1$  mellan de bägge ytorna

$$\frac{q_{12}}{A_1} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_1 \cdot \epsilon_2 \cdot (A_2/A_1)}{1 - (1 - \epsilon_1) \left[1 - (A_2/A_1) \epsilon_2\right]} \left[ \left(\frac{T_2}{100}\right)^4 - \left(\frac{T_1}{100}\right)^4 \right]$$
(71:5)

För strålningsutbytet  $q_{34}/A_3$  per tids- och ytenhet mellan underflänsens undersida och flammorna gäller approximativt

$$\frac{q_{34}}{A_3} = \frac{4,96}{1/\epsilon_3 + 1/\epsilon_4 - 1} \left[ \left( \frac{T_4}{100} \right)^4 - \left( \frac{T_3}{100} \right)^4 \right]$$
 (71:6)

där  $T_4$ ,  $T_3$  = flammornas respektive underflänsens absoluta temperatur  $\epsilon_4$ ,  $\epsilon_3$  = flammornas respektive underflänsens emissionstal

För det totala strålningsutbytet per tidsenhet q mellan flammor och bjälklagsbalk gäller

$$q = 2q_{12} + q_{34} \tag{71:7}$$

Under förutsättning av att hela balken har samma temperatur  $T_s$ , dvs att  $T_1 = T_3 = T_s$ , samt att hela balken har samma emissionstal  $\epsilon_s$ , dvs att  $\epsilon_1 = \epsilon_3 = \epsilon_s$  fås, om flammornas temperatur och emissionstal betecknas  $T_t$  respektive  $\epsilon_t$ , totala nettostrålningen per tids- och ytenhet  $q/F_s$  mellan balk och flammor

$$q/F_{s} = \frac{4,96 \cdot \left[\frac{A_{3}}{1/\epsilon_{t}+1/\epsilon_{s}-1} + \frac{2 \cdot \epsilon_{t} \epsilon_{s} A_{2}}{1-(1-\epsilon_{s})(1-\left[A_{2}/A_{1}\right]\epsilon_{t})}\right] \left(\left(\frac{T_{t}}{100}\right)^{4} - \left(\frac{T_{s}}{100}\right)^{4}\right)}{F_{s}}$$

$$(71:8)$$

där 
$$A_3 = B$$
 (B=balkbredden)  
 $A_1 = B + H$  (H=balkhöjden)  
 $F_5 = 2A_1 + B$ 

Ekv (71:8) kan skrivas i formen

$$q/F_{s} = \kappa_{s} (\theta_{t} - \theta_{s}) \tag{71:9}$$

där  $\alpha_s$  = värmeöverfångstalet genom strålning (kcal/m<sup>2</sup> °Ch)  $\vartheta_t$  = flammornas temperatur (°C)  $\vartheta_s$  = balkens temperatur (°C)

Ekv (71:8) och ekv (71:9) ger  $\alpha_s$ 

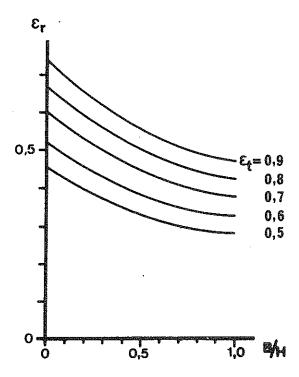
$$\boldsymbol{\alpha}_{\mathbf{S}} = \frac{4,96 \cdot \boldsymbol{\epsilon}_{\mathbf{r}}}{(\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{t}} - \boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{S}})} \cdot \left[ \left( \frac{\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{t}}^{+} 273}{100} \right)^{4} - \left( \frac{\boldsymbol{\vartheta}_{\mathbf{S}}^{+} 273}{100} \right)^{4} \right]$$
 (71:10)

med

$$\epsilon_{\mathbf{r}} = \left(\frac{A_3}{1/\epsilon_t + 1/\epsilon_s} + \frac{2 \cdot \epsilon_t \epsilon_s A_2}{1 - (1 - \epsilon_s)(1 - [A_2/A_1] \epsilon_t)}\right) / F_s$$
 (71:11)

Uttrycket (71:10) för beräkning av  $\alpha_{_{\rm S}}$  vid brandutsatta bjälklagsbalkar där flammorna omsluter balkarna överensstämmer med motsvarande uttryck för beräkning av  $\alpha_{_{\rm S}}$  vid bjälklagsbalkar där flammorna befinner sig under balkarna (ekv (63:4)) och uttrycket för beräkning av  $\alpha_{_{\rm S}}$  vid brandutsatta pelare (ekv(41:3)). Uttrycken för  $\varepsilon_{_{\rm T}}$  skiljer sig däremot från varandra i de olika fallen.

I fig 71:2 redovisas  $\epsilon_{\rm r}$  enligt ekv (71:11) som funktion av balkarnas breddhöjdförhållande B/H vid olika emissionstal  $\epsilon_{\rm t}$  för flammorna. Balkarnas emissionstal förutsätts vara 0,8.



Resulterande emissionstal e för brandutsatta bjälklagsbalkar av I-profil när flammorna når upp till bjälklaget.

 $\epsilon_{+}$ =flammornas emissionstal. Balkarnas emissionstal förutsätts vara 0,8. B/H=balkarnas breddhöjdförhållande

I  $\{9\}$  rekommenderas värdet 0,5 på  $\mathfrak{e}_r$  vid beräkning av värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_s$  för brandutsatta i taknivå placerade balkar. Av fig 71:2 framgår också att detta värde kan anses representativt för vanliga valsade I-profiler.

För en brandutsatt bjälklagsbalk av lådprofil, där flammorna omsluter balken enligt fig 71:3, antas att strålningspåverkan sker på såväl livsidor som underfläns under förutsättning av att

dessa ytor och flammorna befinner sig intill varandra. Det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{\rm r}$  kan i detta fall beräknas ur ekv (41:4). Om flammornas och balkens emissionstal förutsätts vara 0,85 respektive 0,8 ger ekv (41:4) ett resulterande emissionstal  $\epsilon_{\rm r}$  av 0,7. Samma värde erhålls ur fig 71:2 om B/H sätts lika med noll.

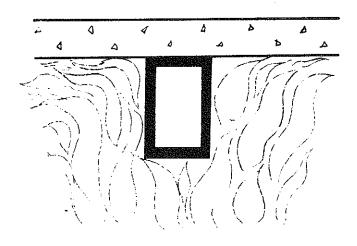


Fig 71:3 Brandutsatt bjälklagsbalk av lådprofil

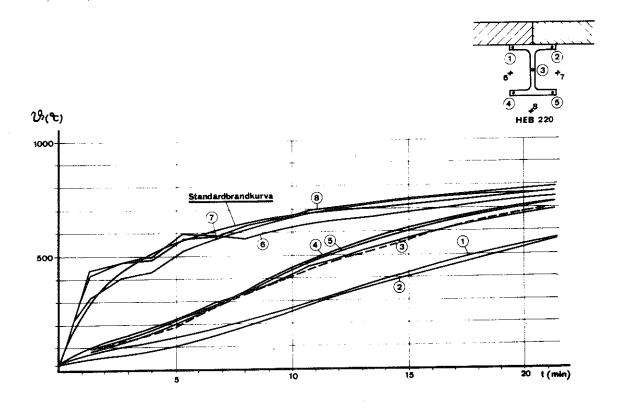
Vid härledningen av e enligt ekv (71:11) har förutsatts att temperaturen är lika i hela balken. Någon hänsyn har således ej tagits till den värmeledning som sker från överflänsens översida till bjälklaget och som dämpar temperaturökningen i överflänsen. Detta förhållande torde dock, vilket påpekats i avsnitt 63, inte alls eller endast obetydligt påverka temperaturförloppet i balkens övriga delar.

Jämförelse mellan vid försök uppmätta och beräknade ståltemperaturförlopp

72

I fig 72:1, fig 72:2, fig 72:3 och fig 72:4 jämförs teoretiskt bestämda temperaturförlopp för oisolerade stålbalkar av profil HE 220 B med i {15} redovisade uppmätta temperaturförlopp. För HE 220 B gäller att B/H är 1. Med ett emissionstal för flammorna  $\epsilon_{\rm t}$  av 0,85 och ett B/H-värde av 1 erhålls ur fig 71:2 ett resulterande emissionstal  $\epsilon_{\rm r}$  av 0,45. Detta värde på  $\epsilon_{\rm r}$  har använts

för beräkning av värmeövergångstalets strålningsandel  $\alpha_{_{\rm S}}$  enligt ekv (71:10).



Beräknat ståltemperaturförlopp

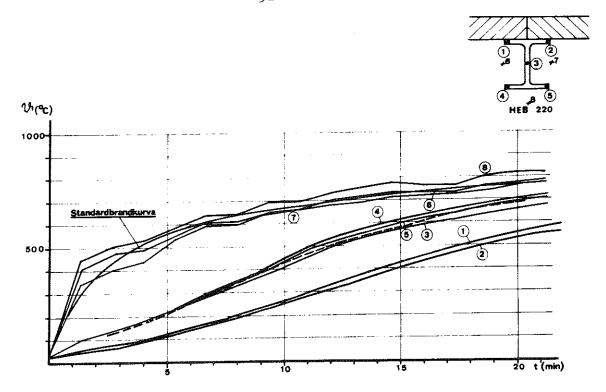
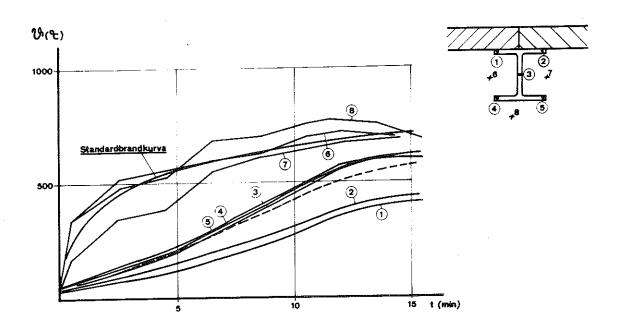


Fig 72:2

Jämförelse mellan beräknat temperaturtidförlopp (%-t) för oisolerad stålbalk HE 220 B och i {15} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp

I {15} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp

Beräknat ståltemperaturförlopp



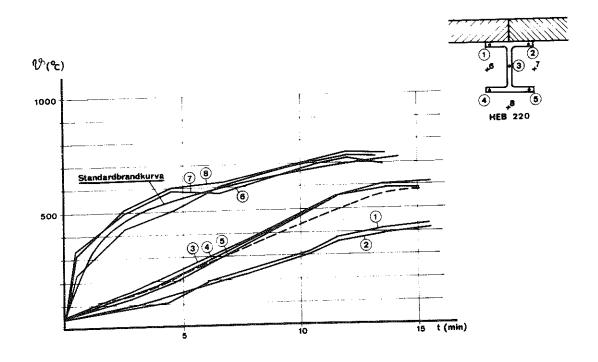


Fig 72:4

Jämförelse mellan beräknat temperaturtidförlopp (%-t) för oisolerad stålbalk HE 220 B och i {15} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp

I {15} redovisade uppmätta temperaturtidförlopp

Beräknat ståltemperaturförlopp

8 STRÅLNINGSPÅVERKAN PÅ BRANDUTSATTA BJÄLKLAGSBALKAR AV STÅL UNDER FÖRUTSÄTTNING AV ATT ENDAST UNDERFLÄNSENS UNDERYTA ÄR DIREKT EXPONERAD FÖR BRAND

### 81 Allmänt

För bjälklagsbalkar enligt fig 81:1, där endast underflänsen är utsatt för direkt brandpåverkan, kommer temperaturstegringen i balken att koncentreras till underflänsen. Strålningsutbytet mellan underflänsens undersida och flammorna kan approximativt beräknas som strålningsutbytet mellan två parallella oändligt stora ytor, varvid samma uttryck används för beräkning av det resulterande emissionstalet som för brandpåverkade pelare (ekv(41:4)). Med ett emissionstal på flammorna lika med 0,85 och med ett emissionstal på balken lika med 0,8 blir det resulterande emissionstalet e<sub>r</sub> 0,7, dvs samma värde som rekommenderats vid beräkning av temperaturförloppet i brandpåverkade i brandrum placerade pelare.

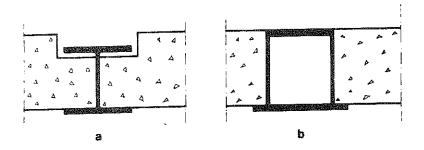


Fig 81:1
Brandutsatta bjälklagsbalkar där endast underflänsens undersida är direkt exponerad för brand

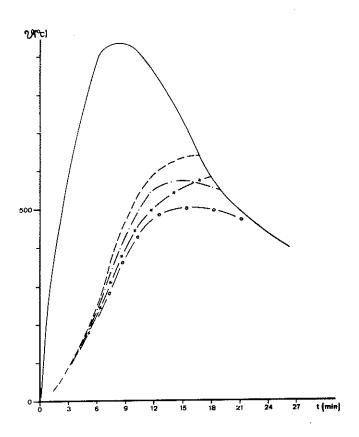
Samtidigt som en värmetillförsel till balken sker genom konvektion och strålning mellan flammor och underflänsens underyta sker en borttransport av värme från underflänsens överyta i fall a) i fig 81:1 genom värmeledning till bjälklaget och i fall b) huvudsakligen genom strålning till de svalare inre delarna av balken. Denna borttransport av värme från underflänsen dämpar temperaturstegringen i denna. Att vid beräkning av underflänsens temperatur ej ta hänsyn till denna effekt kan innebära en relativt kraftig överskattning av temperaturen i underflänsen. Å andra sidan innebär ett exakt beaktande av den värmeavledande effekten en

relativt komplicerad beräkning. Det vore därför önskvärt att på ett enklare sätt approximativt kunna ta hänsyn till effekten av borttransporterad värme.

82 Beräkning av underflänsens temperatur med approximativt beaktande av effekten av borttransporterad värme

Ett sätt att approximativt ta hänsyn till effekten av borttransporterad värme från underflänsens överyta är att vid beräkningen av strålningsutbytet mellan underflänsens underyta och flammor räkna med ett lägre värde på det resulterande emissionstalet än det från rent strålningsgeometrisk synpunkt lämpligaste värdet 0,7. En beräkning av temperaturförloppet i en 20 mm tjock fläns har därför genomförts med det på försök valda värdet 0,5 på resulterande emissionstal. Beräkningen har genomförts för två olika fall av brandpåverkan med dels ett snabbt dels ett relativt långsamt temperaturförlopp. beräkning av borttransporterad värme har härvid ej gjorts eftersom denna värmetransport förutsätts inkluderad i det lägre värdet på det resulterande emissionstalet. De på detta sätt beräknade temperaturförloppen jämförs i fig 82:1 och 82:2 med mer noggrant bestämda temperaturförlopp. Dessa senare har beräknats med det från strålningsgeometrisk synpunkt riktigare värdet 0,7 på det resulterande emissionstalet, samtidigt som den från underflänsens överyta borttransporterade värmemängden beräknats och subtraherats från den genom strålning och konvektion till underflänsens underyta tillförda värmemängden. För bjälklagsbalk enligt fall a) i fig 81:1 har den borttransporterade värmen beräknats genom att bjälklaget ovanför underflänsen indelats i 1 cm tjocka horisontella strimlor. För varje strimla har en värmebalansekvation kunnat uppställas genom att skillnaden mellan den under ett tidssteg av branden tillförda och borttransporterade värmemängden måste åtgå till att uppvärma strimlan ett antal grader. Värmeledningstalet för betongbjälklaget har därvid förutsatts vara 1,0 kcal/m Och och produkten av volymvikt och specifikt värme 530 kcal/m<sup>3</sup> °C. Dessa värden kan enligt {16} anses representativa för betong för vid brand aktuella temperaturer. Vid beräkningen av temperaturfälten i betongbjälklaget har förutsatts endimensionell värmetransport, vilket är en approximation. Temperaturpåverkan i bjälklaget ovanför och vid sidan av balkflänsen är olika vilket innebär att en viss värmetransport även måste komma att ske i horisontell riktning i bjälklaget.

För en approximativ bedömning av från balken borttransporterad värmemängd torde det dock vara tillfyllest att förutsätta endimensionell värmeströmning i bjälklaget. Vid bjälklagsbalk enligt fall b) i fig 81:1 har den borttransporterade värmen approximativt bedömts genom att strålningen från översidan av underflänsen till de svalare delarna av balkens inre sidor beräknats under förutsättning av att dessa balksidors temperatur är konstant 50°C. I fig 82:1 och 82:2 har även inlagts de temperaturförlopp, som erhålls vid en beräkning utan hänsyn till borttransporterad värme och med ett resulterande emissionstal av 0,7.

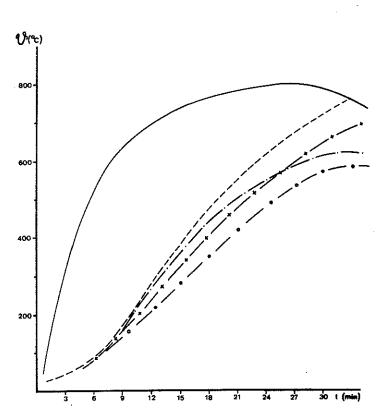


# Fig 82:1

Beräknade temperaturtidförlopp (%-t) för brandpåverkad bjälklagsbalk där endast underflänsens undersida utsätts för direkt brandpåverkan. Flänstjocklek 20 mm

- Brandrummets temperaturförlopp
- ---- Beräknad ståltemperatur utan hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissionstal har förutsatts vara 0,7
- -x-x- Beräknad ståltemperatur utan hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissionstal har förutsatts vara 0,5
- -o-o- För bjälklagsbalk typ a
  i fig 81:1 beräknad
  ståltemperatur med hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissionstal har
  förutsatts vara 0,7
- -.-. För bjälklagsbalk typ b
  i fig 81:1 beräknad
  ståltemperatur med hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissiionstal
  har förutsatts vara 0,7

Av kurvorna i fig 82:1 och fig 82:2 framgår att en beräkning av underflänsens temperatur, utan ett direkt beaktande av borttransporterad värme, men baserad på ett resulterande emissionstal lika med 0,5, ger beräknade maximala ståltemperaturer som överstiger de som fås vid en beräkning med beaktande av borttransporterad värme och baserad på det från strålningssynpunkt riktigare värdet 0,7 på resulterande emissionstalet. Detta förhållande tyder på att man vid bjälklagsbalkar för betongbjälklag där endast underflänsens underyta är direkt exponerad för brand enligt fig 81:1 kan använda värdet 0,5 på det resulterande emissionstalet för en approximativ och på säkra sidan liggande bedömning av maximal ståltemperatur.



# Fig 82:2

Beräknade temperaturtidförlopp (%-t) för brandpåverkad bjälk-lagsbalk där endast underflänsens underyta utsatts för direkt brandpåverkan. Flänstjocklek 20 mm

- Brandrummets temperaturförlopp
- ----- Beräknad ståltemperatur utan hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissionstal har förutsatts vara 0,7
- -x-x-x-Beräknad ståltemperatur utan hänsyn tagen till borttransporterad värme. Resulterande emissionstal har förutsatts vara 0,5
- -o-o-o-För bjälklagsbalk typ a
  i fig 81:1 beräknad ståltemperatur med hänsyn
  tagen till borttransporterad värme. Resulterande
  emissionstal har förutsatts vara 0,7
- -.-.-För bjälklagsbalk typ b
  i fig 81:1 beräknad ståltemperatur med hänsyn
  tagen till borttransporterad värme. Resulterande
  emissionstal har förutsatts vara 0,7

#### SAMMANFATTANDE REKOMMENDATIONER 9

En beräkning av ståltemperaturförloppet för en brandutsatt oisolerad eller endast med undertak isolerad stålkonstruktion kan enligt avsnitt 1 göras genom sambandet

$$\Delta \theta_{S} = \alpha \frac{F_{S}}{V_{S} Y_{S} c_{pS}} (\theta_{t} - \theta_{S}) \Delta t$$
 (9:1)

 $\Delta \vartheta_{_{\mathbf{S}}}$  = stålprofilens temperaturökning under ett tidsinter vall ∆t av branden (°C)

 $\wedge t = tidsintervall (h)$ 

F = mot branden exponerad yta av stålprofilen per längdenhet av profilen  $(m^2/m)$ 

= stålprofilens volym per längdenhet av profilen  $(m^3/m)$ 

 $\gamma_{\rm g}$  = stålmaterialets volymvikt (kg/m<sup>3</sup>)

 $c_{ps}^{-}$  = stålmaterialets specifika värme (kcal/kg  $^{\circ}$ C)  $\vartheta_{+}$  = flammornas temperatur vid tiden t ( $^{\circ}$ C) (vid = flammormas temperatur vid tiden t  $({}^{\circ}C)$  (vid undertaksskyddad konstruktion temperaturen på undertakets överyta)

 $\vartheta_{s}$  = stålprofilens temperatur vid tiden t ( $^{\circ}$ C)

= värmeövergångstal i gränsskiktet mellan brandgas eller luft och konstruktion (kcal/m<sup>20</sup>Ch)

Värmeövergångstalet  $\alpha$  kan anses sammansatt av en konvektionsandel  $\alpha_{\mathbf{k}}$  och en strålningsandel  $\alpha_{\mathbf{k}}$ 

$$\alpha = \alpha_{k} + \alpha_{s} \tag{9:2}$$

Med i brandsammanhang tillräcklig noggrannhet kan konvektionsandelen  $\alpha_k$  förutsättas vara konstant lika med 25 kcal/m $^2$  Och vid direkt brandpåverkade ytor och lika med 7.5 kcal/m<sup>2</sup> Och vid ytor som ej är direkt exponerade för brand, exempelvis vid bjälklagsbalkar skyddade genom undertak. För strålningsandelen lpha gäller

$$\alpha_{\mathbf{S}} = \frac{4,96 \cdot \epsilon_{\mathbf{r}}}{(\theta_{\mathbf{t}} - \theta_{\mathbf{S}})} \left[ \left( \frac{\theta_{\mathbf{t}} + 273}{100} \right)^4 - \left( \frac{\theta_{\mathbf{S}} + 273}{100} \right)^4 \right]$$
(9:3)

 $d\ddot{a}r \epsilon_n = resulterande emissionstal$ 

Det resulterande emissionstalet e varierar med flammornas eller undertakets och stålprofilens s k emissionstal samt med typ av stålkonstruktion. Där annat ej kan bedömas vara riktigare förutsätts flammornas emissionstal vara 0,85 och stålprofilens emissionstal 0,8.

För i brandrum placerade pelare (avsnitt 41) blir resulterande emissionstalet  $\epsilon_{\rm r}$  lika med 0,7 med ovanstående värden på emissionstalen för flammor respektive stålprofil. Som brandutsatt yta  $F_{\rm s}$  i ekv (9:1) räknas vid allsidig brandpåverkan pelarens mantelyta per längdenhet pelare.

För utanför fasad placerade pelare (avsnitt 42) rekommenderas värdet 0,3 för det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{r}$ . Som brandutsatt yta  $F_{s}$  i ekv (9:1) räknas ytan av den mot brandrummet vända flänsen plus de bägge livsidorna, allt räknat per längdenhet pelare

För bjälklagsbalkar där flammor eller undertak befinner sig helt under balkarna (avsnitt 6) erhålls ur fig 63:1 det resulterande emissionstalet  $\epsilon_r$  som funktion av balkens breddhöjdförhållande B/H vid olika förhållande C/H mellan balkarnas centrumavstånd och höjd och vid olika värden på flammornas eller undertakets emissionstal  $\epsilon_t$ . För flammornas emissionstal rekommenderas enligt ovan värdet 0,85. För undertakets emissionstal rekommenderas värdet 0,8 om närmare uppgifter härom saknas. Som framgår av fig 63:1 medför värdet 0,5 på det resulterande emissionstalet alltid en på säkra sidan liggande bedömning av ståltemperaturförloppet vid balkar med I-tvärsnitt samt vid balkar med lådtvärsnitt med normalt bredd till höjdförhållande. Som brandutsatt yta  $\mathbf{F}_s$  i ekv (9:1) räknas balkens mantelyta per längdenhet av balken minskad med den yta som täcks in av bjälklaget.

För bjälklagsbalkar där flammorna når upp till bjälklaget (avsnitt 7) erhålls ur fig 71:2 det resulterande emissionstalet  $\epsilon_{\mathbf{r}}$  för balkar av I-profil som funktion av balkarnas breddhöjdförhållande B/H och flammornas emissionstal  $\epsilon_{\mathbf{t}}$ . För  $\epsilon_{\mathbf{t}}$  rekommenderas enligt ovan värdet 0,85. Av fig 71:2 framgår ett värde lika med 0,5 på det resulterande emissionstalet kan anses representativt för vanliga valsade I-profiler. Vid bjälklagsbalk av lådprofil rekommenderas

värdet 0,7 på det resulterande emissionstalet  $\epsilon_r$ . Som brandutsatt yta  $F_s$  i ekv (9:1) räknas balkens mantelyta per längdenhet balk minskad med den yta som täcks in av bjälklaget.

För bjälklagsbalkar för betongbjälklag där endast underflänsens underyta är direkt exponerad för brand (avsnitt 8) rekommenderas värdet 0,5 på det resulterande emissionstalet. Med detta värde beaktas approximativt den borttransport av värme som sker från underflänsens överyta upp i betongbjälklaget. Som brandutsatt yta  $F_s$  i ekv (9:1) räknas ytan av underflänsens underyta per längdenhet av balken.

## TILLKÄNNAGIVANDE

Författaren vill framför ett varmt tack till professor Ove Petterson, chef för Institutionen för Byggnadsstatik vid Lunds Tekniska Högskola, för hans stöd, uppmuntran och värdefulla synpunkter i samband med detta arbetes tillkomst.

### REFERENSER

- Magnusson, S E och Thelandersson, S: Temperatur-Time
  Curves of Complete Process of Fire Development. Lund
  Institute of Technology. Division of Structural Mechanics
  and Concrete Construction, Bulletin 16, Lund 1970
- Pettersson, O: Principer för en kvalificerad brandteknisk dimensionering av stålbärverk. Konferenskompendium från stålbyggnadsdagen 1968. Stålbyggnadsinstitutet 1969
- Baehr, H D: Wärmestrahlung, ingår i Plank, R: Handbuch der Kältetechnik. Berlin 1959
- 4 Hottel, H C, Radiant heat transmission, ingår i Mc Adams, W H: Heat transmission. New York 1954
- 5 Kompendium i värme- och ugnsteknik. Allmän kurs, Institutionen för värme- och ugnsteknik, KTH, Stockholm 1969
- 6 Handboken Bygg, Band I, tredje upplagan. Stockholm 1961
- 7 Schack, A: Der industrielle Wärmeübergang für Praxis und Studium mit grundlegenden Zahlenbeispielen. Düsseldorf 1969
- Schack, A: Strahlung von leuchtenden Flammen. Zeitschrift für technische Physik Nr 10 1925
- 9 Magnusson, S E och Pettersson, O: Kvalificerad brandteknisk dimensionering av stålbärverk. Byggmästaren nr 9, 1969
- Butcher, E G och Chitty, T B och Ashton, L A: The temperature attained by steel in building fires. Fire research technical paper No 15. HM Stationery office, London 1966

- 11 Rudolphi, R och Knublauch, E: Berechnung der Feuerwiderstandsdauer von Stahlbauteilen - Normbrand und natürlicher Brand. Materialprüf 12 (1970) Nr 9
- Bongard, W: Brandversuche mit Aussenstützen aus Stahl.

  Der Stahlbau, heft 5, 1963
- Ödeen, K: Fire Resistance of Prestressed Concrete Double
  T Units. Acta Polytechnica Scandinavica. Civil Engineering and Building Construction. Series No 48. Stockholm
  1968
- Magnusson, S E och Pettersson, O: Brandteknisk dimensionering av isolerad stålkonstruktion i bärande eller avskiljande funktion. Väg- och vattenbyggaren nr 4, 1969
- Brandversuche an statisch bestimmt gelagerten Trägern mit und ohne Ummantelung. Dok C.E.C.M 3.1/71-1.

  Europäische Konvention der Stahlbauverbände, Unterkommission 3.1
- Ödeen, K: Teoretisk bestämning av temperaturförloppet i några av brand påverkade konstruktioner, Byggmästaren nr 4, 1963

## Några grundläggande verk rörande värmestrålning:

- a) Schack, A: Der industrielle Wärmeübergang für Praxis und Studium mit grundlegenden Zahlenbeispielen, Düsseldorf 1969
- b) Hottel, H C och Sarofim, A F: Radiative transfer. New York
- c) Gebhart, B: Heat transfer. New York 1961
- d) Bird, R B och Stewart, W E och Lightfoot, E: Transport phenomena. New York 1961
- e) Pepperhoff, W: Temperaturstrahlung. Darmstadt 1956
- f) Mc Adams, W H: Heat transmission. New York 1954