

## LUND UNIVERSITY

#### Systemteknik - Projektarbeten våren 1985

Johansson, Rolf

1985

Document Version: Förlagets slutgiltiga version

Link to publication

Citation for published version (APA): Johansson, R. (Red.) (1985). Systemteknik - Projektarbeten våren 1985. (Technical Reports TFRT-7288). Department of Automatic Control, Lund Institute of Technology (LTH).

Total number of authors:

#### **General rights**

Unless other specific re-use rights are stated the following general rights apply:

Copyright and moral rights for the publications made accessible in the public portal are retained by the authors and/or other copyright owners and it is a condition of accessing publications that users recognise and abide by the legal requirements associated with these rights. • Users may download and print one copy of any publication from the public portal for the purpose of private study

or research.

You may not further distribute the material or use it for any profit-making activity or commercial gain
 You may freely distribute the URL identifying the publication in the public portal

Read more about Creative commons licenses: https://creativecommons.org/licenses/

#### Take down policy

If you believe that this document breaches copyright please contact us providing details, and we will remove access to the work immediately and investigate your claim.

LUND UNIVERSITY

**PO Box 117** 221 00 Lund +46 46-222 00 00 CODEN: LUTFD2/(TFRT-7288)/1-199/(1985)

# SYSTEMTEKNIK Projektarbeten våren 1985

Rolf Johansson (Red.)

Institutionen för Reglerteknik Lunds Tekniska Högskola

Augusti 1985

| Construction and the second design of the second  | Document name  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| LUND INSTITUTE OF TECHNOLOGY   | Report   |  |  |  |  |  |  |  |
| DEPARTMENT OF AUTOMATIC CONTROL<br>Box 725   | Date of issue<br>August 1985   |  |  |  |  |  |  |  |
| S 220 07 Lund 7 Sweden   | Document number<br>CODEN:LUTFD2/TFRT-7288/1-199/1985   |  |  |  |  |  |  |  |
| Author(s)  | Supervisor<br>Rolf Johansson   |  |  |  |  |  |  |  |
| Dolf Johanneser (Di)   | Sponsoring organization  |  |  |  |  |  |  |  |
| Rolf Johansson (Ed.)   |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Title and subtitle   | *  |  |  |  |  |  |  |  |
| Systemteknik - Projektarbeten vt 1   | 985  |  |  |  |  |  |  |  |
| Abstract   | 0  |  |  |  |  |  |  |  |
| This volume contains the term pape<br>students taking the advanced cours<br>students have covered many differe<br>autopilots, control of extruders,<br>prediction, trajectory control of<br>arms, control of robot arm with ch<br>finally hypothermia control of a h | e of automatic control. The<br>nt subjects - Flight simulations,<br>industrial robots, thyristors,<br>industrial robots, flexible robot<br>anges in moments of inertia and |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| ¢.   |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Key words  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Classification outlan and/on index towns //f as h  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Classification system and/or index terms (if any)  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Supplementary bibliographical information  | 1:<br>•  |  |  |  |  |  |  |  |
| ISSN and key title   | ISBN   |  |  |  |  |  |  |  |
| Language Number of pages   | Recipient's notes  |  |  |  |  |  |  |  |
| Swedish 199  | -  |  |  |  |  |  |  |  |
| Security classification  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Distribution: The report may be ordered from the Department of Automatic Control or borrowed through the University Library 2, Box 1010, S-221 03 Lund, Sweden, Telex: 33248 lubbis lund.

RT 3/81

DOP.UMENTDATABLAD

#### FÖRORD

Följande volym visar M-teknologernas enskilda arbeten under fortsättningskursen "Systemteknik" våren 1985. Teknologerna har i många fall själva föreslagit ämne och innehållsförteckningen avslöjar något av den bredd i intresseinriktningar som varit representerade på kursen.

Jag vill som kursansvarig tacka för många av de goda arbeten och bidrag som inlämnats.

Rolf Johansson

#### INNEHALL

#### Förord

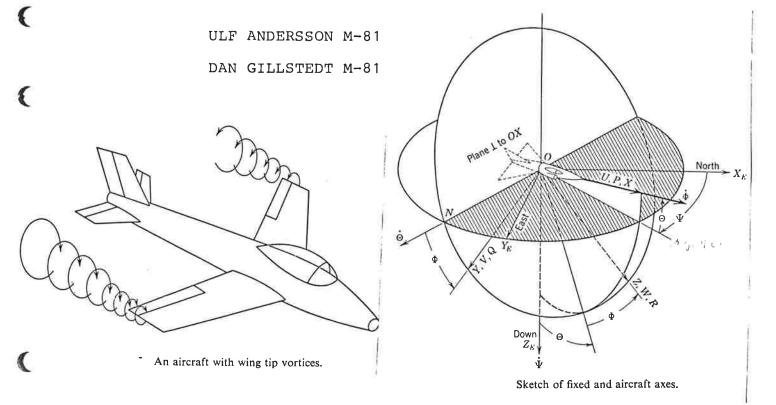
| Ulf Andersson & Dan Gillstedt:<br>Flygsimulation & Autopilot  |   | 1   |
|---|---|-----|
| Lars Carlsson & Göran Frenning:<br>Reglering av formspruta  |   | 42  |
| Nils Anders Dahlqvist & Mikael Öwall:<br>ASEA Industrirobotsystem IRB 6/2   |   | 63  |
| Göran Johansson:<br>Tyristorn och några av dess användningsområden  |   | 76  |
| Mats Jönsson:<br>Prediktor, prediktering  |   | 102 |
| Erland Leide & Anders Olsson:<br>Banstyrning för industrirobotar  |   | 116 |
| Peter Marbe & Hâkan Möller:<br>Veka Robotarmar  |   | 127 |
| Anders Nilsson & Kjell Petersson:<br>Undersökning av regulatorer för reglering av pro-<br>cess med kraftigt varierande tröghetsmoment | £ | 141 |
| Mats Nilsson:<br>Identifiering av hypotermienhet  |   | 178 |

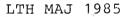
PROJEKTARBETE I SYSTEMTEKNIK PÅ LUNDS TEKNISKA HÖGSKOLA

avseende

#### FLYGSIMULATION/AUTOPILOT

UTFÖRT AV:





$$\sum \Delta \mathscr{L} = \dot{P}I_x - \dot{R}J_{xz} + QR(I_z - I_y) - PQJ_{xz}$$
$$\sum \Delta \mathscr{M} = \dot{Q}I_y + PR(I_x - I_z) + (P^2 - R^2)J_{xz}$$
$$\sum \Delta \mathscr{N} = \dot{R}I_z - \dot{P}J_{xz} + PQ(I_y - I_x) + QRJ_{xz}$$

The equations of linear motion from Eq. 1-15 are

1

 $\sum \Delta F_x = m(\dot{U} + WQ - VR)$  $\sum \Delta F_y = m(\dot{V} + UR - WP)$  $\sum \Delta F_z = m(\dot{W} + VP - UQ)$ 

#### INNEHÅLLSFÖRTECKNING

\$

4

(

(

(

C

| kap. | omfattning                           | sid.          |
|------|--------------------------------------|---------------|
| 1.   | BAKGRUND/HISTORIA                    | 1-4           |
| 2.   | STUDIE AV LATERALDYNAMIK             | 5-8           |
| 3.   | LÖSNING AV EKV. FÖR LATERALSTAB      | 9             |
| 4.   | LÖSNING AV LATERALEKVATIONERNA       | 10-11         |
| 5.   | ÖVERFÖRINGSFUNKTIONEN FÖR RODRET     | 11-13         |
| 6.   | ÖVERFÖRINGSFUNKTIONEN FÖR SKEVRODRET |               |
| 7.   | APPROXIMATIV ÖVERFÖRINGSFUNKTION     | 16-17         |
| 8.   | TRANSIENTSVAR FÖR FLYGPLANET         | 17-18         |
| 9.   | DATORSIMULERING AV ATTACKPLAN        | 19+bilagor    |
| 10.  | DATORSIMULERING AV TURBOFANMOTOR     | 20-21+bilagor |
| 11.  | LITTERATURFÖRTECKNING                | 22            |

Den 17 December 1903 var datumen då den första lyckade flygningen med ett motordrivet flygplan ägde rum. Bröderna Wright bröt mot vanlig tradition när de lyckades, där andra hade misslyckats, genom att göra sitt

flygplan instabilt men kontrollbart. Denna skillnad mot traditionen resulterade i ett mer manöverbart och kontrollbart flygplan som var mindre känsligt mot vindstötar. Lilienthal, Pilcher, Chanute och Langley designade sina flygande farkoster med inneboende stabilitet och därmed lämnade de endast uppgiften att styra planet över till piloten. Priset de fick betala för denna stabilitet var förlust av manöverbarhet och känslighet mot atmosfäriska störningar. Den minskade stabiliteten i fly-12 planet som bröderna Wright introducerade gjorde naturligtvis pilotens arbete svårare och jobbigare och genom detta påskyndades utvecklingen av autopiloten. Denna inneboende instabilitet är fortfarande vanlig i dagens flygplan i en så kallad "spiralavvikelse" vilken orsakar en svag avvikelse i riktning och avdriftsvinkel vid minsta störning. Huvuduppgiften för de första autopiloterna var att stabilisera farkosten och återställa dess önskade flygriktning efter en störning. Autopiloten på den tiden använde gyro för att avkänna avvikelse på farkosten från dess önskade flygriktning, och servomotorer till att aktivera skevroder och höjdroder. Denna första autopilot tillverkades av Sperry Gyroscope Company of New York.Denna autopilot vann många pris när det gällde att ge det mest stabila flygplanet ( 1914 ).

Endast 11år efter Wrights första flygning ägde detta rum. Testen utfördes på det viset att planet flög nära marken, piloten står upp i cockpiten med händerna ovanför huvudet en mekaniker står på vingen och vandrar fram och tillbaka på densamma. Trots planets girar och svängar, p.g.a mekanikerns tyngd, lyckades planet hålla sin riktning. Utvecklingenlåg nere till 1933 då Wiley Post installerade Sperrys autopilot och flög jorden runt på mindre än åtta dagar. P.g.a autopiloten kunde Post slumra till under flygningen. Post gjorde så att han han höll en skruvmejsel i handen, och denna mejsel var via ett snöre fäst i ett finger. När han föll djupare till sömns tappade han mejseln och den vred till fingret som därigenom väckte honom. 1947 gjorde en Air Force c-47 en komplett automatisk transatlantisk flygning inklusive start och landning. Inga kontroller var rörda av mänsklig hand. Dessa första autopiloter var alltså i första hand avsedda att behålla läge och riktning på farkosten. När de hög-prestanda jetplanen dök upp uppstod nya problem. Dessa problem är jämte riktningsinstabiliteten redan nämnda och är en fråga om otillfredsställande dynamiska karakteristiska. Man kan säga att::Om den inneboende oscillationen i ett flygplan är 10s eller mer kan piloten nöjaktigt kontrollera eller dämpa oscillationen, men om oscillationen är 4s eller mindre hinner inte pilotens reaktion med. De så kallade "short-period"-kast och "dutch-roll" oscillation som finns i alla flygplan hamnar inom 4s oscillations kategorin. I koventionella flygplan är dämpningen av dessa oscillationer tillräckligt effektiva. Dåremot i

(

attackflygplan och transportflygplan måste konstgjord stabilitet uppnås genom ett automatiskt system. När flygplanskonstruktörerna försökte erhålla högre prestanda från attackplanen installerades större och större motorer tillsammans med tunnare vingar, detta resulterade i märkbara förändringar i flygplanens tröghetsmoment, vilket resulterade i katastrofer för vissa flygplan. Orsaken till detta var "tröghets kors-koppling". Detta fenomen uppstår när ett flygplan rollar med hög vinkelhastighet. Den normala åtgärden mot detta är att installera en större och mer effektiv fena. Man kan dock komma ifrån detta problem genom ett bra kontrollsystem. Ett annat stabilitetsproblem som finns i vissa attackplan är den totala förlusten av longitudinell stabilitet eller "pitch-up" vid attack i snäv vinkel. Detta fenomen är mer benäget att uppstå när den horisontella stabilisatorn är placerad på toppen av fenan, detta för att öka lateralstabiliteten.

€

1

Där finns många problem som kontrollingenjörerna ställs inför t.ex. konstruktion av reglersystem för landning i dåligt väder, höjd- och hastighetshållningssystem för bättre bränsleekonomi m.m. Trots allt svarar ett styrsystem snabbare och mer exakt men med mindre säkerhet än en mänsklig kontrollör.

Vid studiet av flygplan-autopilot kombinationen är det en fördel att representera flygplanet som ett block i blockdiagrammet över kontrollsystemet så att standardmetoderna för att analysera servomekanismerna kan användas. För att göra denna representation behövs överföringsfunktionen för flygplanet.

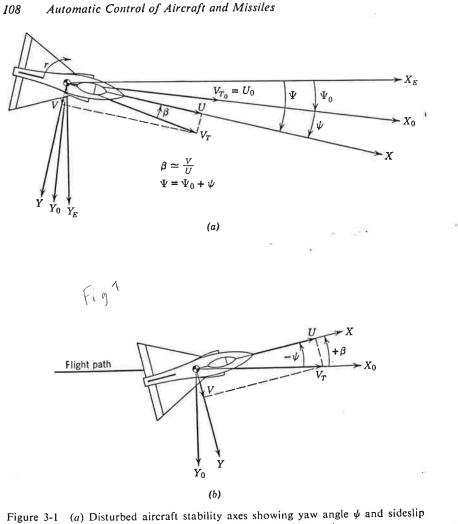
För att få fram överföringsfunktionen är det nödvändigt att definiera vissa kvantiteter som stabilitetslösningar vilka relaterat till ändringar i de aerodynamiska krafter och moment verkande på flygplanet orsakade av dess rörelse eller orientering.

(

#### LATERALDYNAMIK

KAP 2

EN kropp med sex frihetsgrader kan indelas i tre longitudinella ekvationer och tre lateral ekvationer. Här skall de tre lateralekvationerna lineariseras och kombineras med de aerodynamiska termerna som ger lateralekvationerna för ett flygplan. Ur dessa kan överföringsfunktionerna för roder och skevroder erhållas. Innan vi löser lateralekv. får vi definiera sidoglidningsvinkeln. Vi börjar med att ge planet olika axlar enl. fig. 1



angle  $\beta$ ; (b) aircraft slipping with wings level,  $\beta = -\psi$ .

Om planet vrids runt z-axeln enl. fig 1 uppstår sidoglidningsvinkeln ( $\beta$ ). Det finns även en girvinkel ( $\psi$ ) ej att förväxla med  $\beta$ . Då $\beta$  =0 kan det finnas  $\psi$  men om  $\beta \neq 0$  måste det finnas en  $\psi$ . De tre ekvationerna har följande utseende:  $\sum \Delta F_y = m(\dot{V} + UR - WP)$   $\sum \Delta \mathscr{L} = \dot{P}I_x - \dot{R}J_{xz} + QR(I_z - I_y) - PQJ_{xz}$   $\sum \Delta \mathscr{N} = \dot{R}I_z - \dot{P}J_{xz} + PQ(I_y - I_x) + QRJ_{xz}$ 1)

Där: U=Rollhastighet vilket medför att P=Vinkelhastighet

V=Pitchhastighet " " Q= " W=Girhastighet " " R= "  $I_{x,y,z}$ =Tröghetsmoment F=Kraft

£,N=Moment

Här har man försummat pitchingmomentet p.g.a att om oroligheten är liten medför detta att P,R är små vilket medför att kvadraterna och produkterna kan försummas. Q antas till O, om man antar att jämviktsriktningen är längs X och ingen sideslip finns medför detta att  $V_0 = W = 0$ ,  $U = U_0 + u$ , V = v, W = 0 och U = u. P hanet accelererar inte vilket medför att  $P_0$  och  $R_0 = 0$  vilket ger P = p och R = r detta i ekvation 1) ger följande:

$$\sum \Delta F_y = m(\dot{v} + U_0 r + ur)$$
  
$$\sum \Delta \mathscr{L} = \dot{p}I_x - \dot{r}J_{xz}$$
  
$$\sum \Delta \mathscr{N} = \dot{r}I_z - \dot{p}J_{xz}$$
  
2

Efter faktorisering och identifiering av viklar blir ekv. i vinkelform följande:

)

)

$$\sum \Delta F_{y} = m U_{0} (\dot{\beta} + \dot{\psi})$$

$$\sum \Delta \mathscr{L} = \ddot{\phi} I_{x} - \ddot{\psi} J_{xz}$$

$$\sum \Delta \mathscr{N} = \ddot{\phi} I_{z} - \ddot{\theta} J_{xz}$$
3

Det är nödvändigt att uttrycka krafter och moment i termer av deras ändringar som härstammar från de lineärahastigheterna och vinkelhastigheterna.

F<sub>y</sub> är en fuktion av $\beta, \psi, \phi, \phi, \psi$ . Detta ger följande:

$$\sum dF_{y} = \frac{\partial F_{y}}{\partial \beta} d\beta + \frac{\partial F_{y}}{\partial \psi} d\psi + \frac{\partial F_{y}}{\partial \phi} d\phi + \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\phi}} d\dot{\phi} + \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\psi}} d\dot{\psi} \qquad 4)$$

Vid lineär approximation blir ekvation 4) följande:

$$\sum \Delta F_{y} = \frac{\partial F_{y}}{\partial \beta} \Delta \beta + \frac{\partial F_{y}}{\partial \psi} \Delta \psi + \frac{\partial F_{y}}{\partial \phi} \Delta \phi + \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\phi}} \Delta \dot{\phi} + \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\psi}} \Delta \dot{\psi}$$
5)

C

(

(

(

Två av dessa partiella derivator är resultat av gravitetsändring när flygplanet ändrar riktning. Dessa blir efter härledning:

$$\frac{\partial F_y}{\partial \psi} = mg \sin \Theta$$

$$\frac{\partial F_y}{\partial \phi} = mg \cos \Theta$$
6)

ų.

Antag sedan att initialvärden = 0 och tag sedan ekv. 3) och 4) . Detta medför följande:

$$mU_{0}\dot{\beta} + \frac{-\partial F_{y}}{\partial \beta}\beta + \left(mU_{0} - \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\psi}}\right)\dot{\psi} - \frac{\partial F_{y}}{\partial \psi}\psi - \frac{\partial F_{y}}{\partial \dot{\phi}}\dot{\phi} - \frac{\partial F_{y}}{\partial \phi}\phi = F_{y_{a}}$$
(7)

 ${\tt U}_{0} pprox {\tt U}$  och dividera med Sq vilket medför :

$$\frac{mU}{Sq}\beta - C_{y_{\theta}}\beta + \left(\frac{mU}{Sq} - \frac{b}{2U}C_{y_{r}}\right)\dot{\psi} - C_{y_{\psi}}\psi - \frac{b}{2U}C_{y_{p}}\dot{\phi} - C_{y_{\phi}}\phi$$

$$= \frac{F_{y_{a}}}{Sq} = C_{y_{a}}$$

$$8)$$

£ och N ekvationerna kan utvecklas på samma sätt men dividera med Sqb där b = spännvidden. Detta medför :

$$\frac{I_{x}}{Sqb}\ddot{\phi} - \frac{b}{2U}C_{l_{p}}\dot{\phi} - \frac{J_{xz}}{Sqb}\ddot{\psi} - \frac{b}{2U}C_{l_{r}}\dot{\psi} - C_{l_{g}}\beta = \frac{\mathscr{L}_{a}}{Sqb} = C_{l_{a}}$$

$$-\frac{J_{xz}}{Sqb}\ddot{\phi} - \frac{b}{2U}C_{n_{p}}\dot{\phi} + \frac{I_{z}}{Sqb}\ddot{\psi} - \frac{b}{2U}C_{n_{r}}\dot{\psi} - C_{n_{g}}\beta = \frac{\mathscr{N}_{a}}{Sqb} = C_{n_{a}}$$
9)

Vissa av värdena i ekvationerna 8)-9) kan uttryckas som konstanter och identifieras fysiskt. Detta ger följande tabell :

¥.

ſ

(

€

|                 | Automatic Cont  | rol of Aircraft and 1                         | Missiles   |                   |
|-----------------|---|---|--|-------------------|
|                 | Definitions and E   | quations for Lateral S                        | Stability Derivatives  |                   |
| Symbol          | Definition  | Origin  | Equation   | Typical<br>Values |
| Cip             | $\frac{1}{Sqb} \frac{\partial \mathscr{L}}{\partial \beta}$   | Dihedral and vertical tail                    | Ref. 1, Chapter 9<br>Ref. 2, Section 3.10  | -0.06             |
| $C_{l_p}$       | $\frac{1}{Sqb}\left(\frac{2U}{b}\right)\frac{\partial\mathscr{L}}{\partial p}$  | Wing damping                                  | Ref. 1, Chapter 9  | -0.4              |
| $C_{l_r}$       | $\frac{1}{Sqb} \left(\frac{2U}{b}\right) \frac{\partial \mathscr{L}}{\partial r}$   | Differential wing normal force                | $\frac{C_L^{\omega}}{4}$   | 0.06              |
| $C_{n_{\beta}}$ | <u>1</u> <i>∂</i> . <i>N</i>  | Directional                                   | Ref. 1, Chapter 8<br>Ref. 2, Section 3.9   | 0.11              |
| $C_{n_p}$       | $\frac{\overline{Sqb}}{\overline{Sqb}} \frac{\overline{\epsilon\beta}}{\left(\frac{2U}{b}\right)} \frac{\partial \mathcal{N}}{\overline{\epsilon p}}$ | stability<br>Differential wing<br>chord force | $-\frac{C_L^w}{8}\left(1-\frac{d\epsilon}{d\alpha}\right)$   | -0.015            |
| $C_{n_{\tau}}$  | $\frac{1}{Sqb} \left(\frac{2U}{b}\right) \frac{\partial \mathcal{N}}{\partial r}$   | Damping in yaw                                | $-\frac{C_D^w}{4}-2\eta_v\frac{S_v}{S}\left(\frac{l_v}{b}\right)^2\left(\frac{dC_L}{d\alpha}\right)$ | ·                 |
| $C_{\nu\rho}$   | $\frac{1}{Sq} \frac{\partial F_y}{\partial \beta}$  | Fuselage and vertical tail                    | No simple equation   | -0.6              |
| $C_{y_{\phi}}$  | $\frac{1}{Sq} \frac{\partial F_y}{\partial \phi}$   | Gravity                                       | $\frac{mg}{Sq}\cos\Theta$  |                   |
| $C_{y_p}$       | $\frac{1}{Sq} \left(\frac{2U}{b}\right) \frac{\partial F_y}{\partial p}$  | Vertical tail                                 | Neglect  |                   |
| $C_{y_{\psi}}$  | $\frac{1}{Sq} \left( \frac{\partial F_y}{\partial \psi} \right)$  | Gravity                                       | $\frac{mg}{Sq}\sin\Theta$  |                   |
| $C_{y_r}$       | $\frac{1}{Sq} \left(\frac{2U}{b}\right) \frac{\partial F_y}{\partial r}$  | Vertical tail                                 | Neglect  |                   |

De okopplade, liniariserade lateralekvationerna blir med ovanstående konstanter insatta :

$$-\frac{b}{2U}C_{y_{p}}\dot{\phi} - C_{y_{\phi}}\phi + \left(\frac{mU}{Sq} - \frac{b}{2U}C_{y_{r}}\right)\dot{\psi} - C_{y_{\phi}}\psi + \frac{mU}{Sq}\dot{\beta} - C_{y_{\phi}}\beta = C_{y_{a}}$$

$$\frac{I_{x}}{Sqb}\ddot{\phi} - \frac{b}{2U}C_{l_{p}}\dot{\phi} - \frac{J_{xz}}{Sqb}\ddot{\psi} - \frac{b}{2U}C_{l_{r}}\dot{\psi} - C_{l_{g}}\beta = C_{l_{a}}$$

$$-\frac{J_{xz}}{Sqb}\ddot{\phi} - \frac{b}{2U}C_{n_{p}}\dot{\phi} + \frac{I_{z}}{Sqb}\ddot{\psi} - \frac{b}{2U}C_{n_{r}}\dot{\psi} - C_{n_{\beta}}\beta = C_{n_{a}}$$
10)

Här följer en identifiering och i vissa fall förklaring till konstanterna

C<sub>vp</sub> = 0. Detta är sidokraft på fenan vid roll.

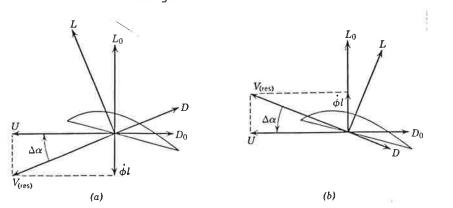
C<sub>vr</sub> = 0. Detta är sidokraft på fena vid gir.

C<sub>1β</sub> = Ändring i rollmoment vid sidoglidning, detta moment uppstår p,g.a upptrycket som åstadkomms av fenan vid sidoglidning.

 $C_{n\beta} = \text{Andring i girmoment vid sidoglidning. Detta fås vid vindtunnelförsök.$ 

 $C_{\gamma\beta} = \ddot{A}ndring i kraft i Y-riktningen p.g.a sidoglidning$ 

C<sub>np</sub> = Ändring i girmoment p.g.a rollhastighet. Trycket ändras då vinkeln på vingarna ändras vid roll. Uppåtgående vinge ger inte samma ändring i upptrycket som nedåtgående vinge,se fig.2, detta p.g.a vingens form. Detta är orsaken till att man behöver roderutslag på flygplan för att komma i eller ur en sväng.



Change in lift and drag on a section of the down-going wing (a) and the up-going wing (b) at a distance l from the center of gravity due to  $\phi$ .

KAP.3

(

LÖSNING AV LATERALEKVATIONERNA

Vi löser de homogena ekvationerna först d.v.s =0. Detta innebän att ekvation 10) sätts = 0.0

I detta exempel har vi ett jettransportflygplan flygande rakt i fast höjd och med 300mph vid vågtoppshöjd. Följande värden gäller på flygplanet:

Θ = 0 $C_{y_{\beta}} \simeq -0.6$ = 5900 slugs m  $C_{y_{\phi}} = \frac{mg}{Sq} = C_L = 0.344$ U= 440 ft/sec S = 2400 sq ft $C_{y_{\psi}} = 0$  $= 1.955 \times 10^6$  slug ft<sup>2</sup>  $I_r$  $C_{l_a} = -0.057$  $I_z$  $= 4.2 \times 10^6$  slug ft<sup>2</sup>  $\frac{b}{2U} = \frac{130}{2(440)} = 0.148 \text{ sec}$  $J_{xz} = 0$  by assumption = -0.38 $C_{l_n}$  $\frac{b}{2ll} C_{l_p} = -0.0553 \text{ sec}$  $=\frac{C_L}{4}=\frac{0.344}{4}=0.086$  $C_{l_r}$  $\frac{b}{2II} C_{l_r} = 0.0128 \text{ sec}$ b = 130 ft $\frac{b}{2U}C_{n_p} = -0.00338$  sec  $C_{n_p} = -0.0228$  $C_{n_d} = 0.096$  $\frac{b}{2II}C_{n_r} = -0.0158 \text{ sec}$  $C_{n_r} = -0.107$  $q = \frac{\rho}{2} U^2 = \frac{(0.002378)(440)^2}{2} = 230 \text{ lb/sq ft}$  $= \frac{1.955 \times 10^6}{(2400)(230)(130)} = 0.02725 \text{ sec}^2$  $\frac{I_x}{Sqb}$  $=\frac{4.2\times10^6}{(2400)(230)(130)}=0.0585\ \mathrm{sec^2}$  $\frac{I_z}{Sqb}$  $\frac{mU}{Sq}$  $=\frac{(5900)(440)}{(2400)(230)}=4.71$  sec

Dessa värden insatta i de homogena ekvationerna ger i determinant form:

 $\begin{vmatrix} 0.02725s^2 + 0.0553s & -0.0128s & 0.057 \\ 0.00338s & 0.058s^2 + 0.0158s & -0.096 \\ -0.344 & 4.71s & 4.71s + 0.6 \end{vmatrix} = 0$ 11)

Utvecklas denna determinant blir lösningen följande:

$$0.00748s^{5} + 0.01827s^{4} + 0.01876s^{3} + 0.0275s^{2} - 0.0001135s = 0$$
 12)

Faktumet att en rot av ekvationen är 0 pekar på att flygplanet är okänsligt för rikting. Vid en störning finns inget moment som försöker få tillbaka planet i dess ursprungliga riktning. Dividerat och faktoriserat ger 12) :

$$s(s^{2} + 0.38s + 1.183)(s + 2.09)(s - 0.004) = 0$$
 13)

s<sup>2</sup> + 0.38 + 1.183. Är den s.k. "dutch roll". s + 2.09. Är rollsänkningen. s - 0.004. Är spiraldivergensen. Dessa beteende är vanliga i dagens flygplan. De kan dämpas ned så att inverkan blir minimal.

~

ſ

KAP.5

C

#### ÖVERFÖRINGSFUNKTIONEN FÖR RODRET

Till att börja med får psitivt roder definieras. Vänsterroder medför kraft i positiv Y-riktning, och ett negativt girmoment vilket medför positivt roder. Ur ekvation 10) fås då efter lite arbete, överföringsfunktionen enl.följande med  $S_r$  som insignal och  $\phi$ utsignal.

$$\frac{\phi(s)}{\delta_r(s)} = \frac{131\left(\frac{s}{2.07} + 1\right)\left(\frac{s}{2.02} - 1\right)}{\left[\left(\frac{s}{1.345}\right)^2 + \frac{2(0.14)}{1.345}s + 1\right]\left(\frac{s}{2.09} + 1\right)\left(\frac{s}{0.004} - 1\right)}$$
1.43

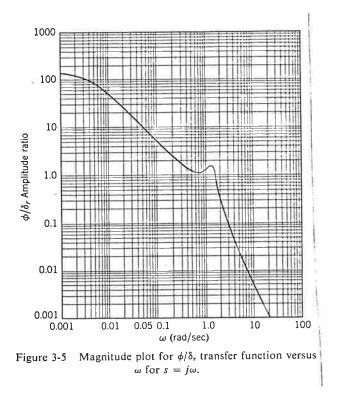
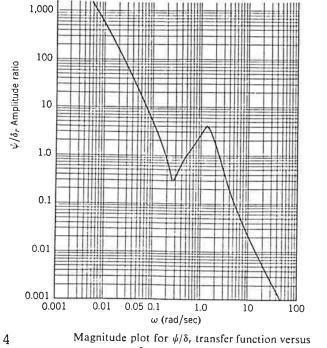


FIG.3

Överföringsfunktionen med  $\delta_r$  som insignal och  $\psi$  utsignal:  $+\frac{2(0.097)}{0.257}s+1$  $\frac{s}{2.07}$  $\left(\frac{s}{0.257}\right)$ 12.4 +1) $\frac{\psi(s)}{\delta_{\alpha}(s)}$ 15)

$$s_{1}(3) = s \left[ \left( \frac{3}{1 \cdot 345} \right) + \frac{2(0.14)}{1.345} s + 1 \right] \left( \frac{3}{2.09} + 1 \right) \left( \frac{3}{0.004} - 1 \right)$$

Plottat blir diagrammet enligt fig.4.



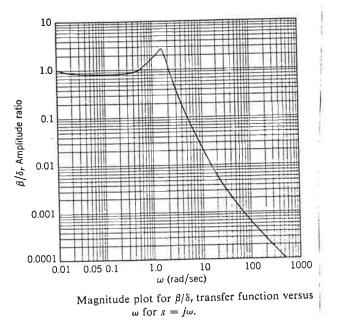


 $\omega$  for  $s = j\omega$ .

överföringsfunktionen med  $\delta_r$  som insignal och  $\beta$  utsignal:

$$\frac{\beta(s)}{\delta_r(s)} = \frac{1.87\left(\frac{s}{0.01} - 1\right)\left(\frac{s}{2.06} + 1\right)\left(\frac{s}{37.75} + 1\right)}{\left[\left(\frac{s}{1.345}\right)^2 + \frac{2(0.14)}{1.345}s + 1\right]\left(\frac{s}{2.09} + 1\right)\left(\frac{s}{0.004} - 1\right)\right]}$$
16)

Plottat blir diagrammet enligt fig.5





KAP.6

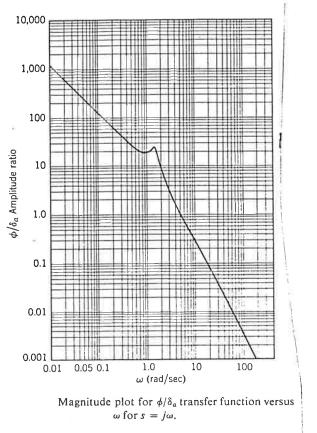
#### ÖVERFÖRINGSFUNKTIONEN FÖR SKEVRODER

Positivt skevroder definieras: Höger skevroder (sett från piloten) som ger positivt rollmoment är positivt skevroder. På samma sätt som i förra kapitlet fås överföringsfunktionen ur ekv.10. Med  $\mathcal{S}_a$  som insignal och  $\phi$  utsignal:

$$\frac{\phi(s)}{\delta_a(s)} = \frac{2865 \left[ \left( \frac{s}{1.414} \right)^2 + \frac{2(0.553)}{1.414} s + 1 \right]}{\left[ \left( \frac{s}{1.345} \right)^2 + \frac{2(0.14)}{1.345} s + 1 \right] \left( \frac{s}{2.09} + 1 \right) \left( \frac{s}{0.004} - 1 \right)}$$

$$17)$$

13



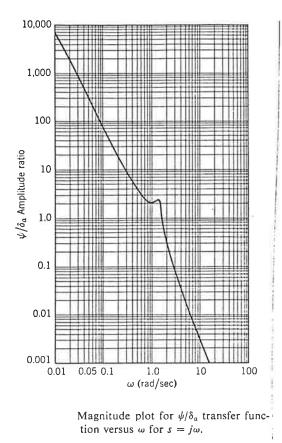


ſ

Överföringsfunktionen med  $\boldsymbol{\beta}_a$  som insignal och  $\boldsymbol{\psi}$  utsignal:

$$\frac{\psi(s)}{\delta_a(s)} = \frac{-173\left(\frac{s}{1.14} - 1\right)\left(\frac{s}{9.29} + 1\right)\left(\frac{s}{1.45} + 1\right)}{s\left[\left(\frac{s}{1.345}\right)^2 + \frac{2(0.14)}{1.345}s + 1\right]\left(\frac{s}{2.09} + 1\right)\left(\frac{s}{0.004} - 1\right)}$$
18)

Plottat blir diagrammet enligt fig.7 nästa sida.





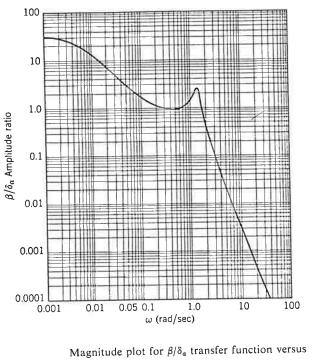
ſ

(

Överföringsfunktionen med $\mathcal{S}_a$  som insignal och  $\boldsymbol{\beta}$  utsignal :

$$\frac{\beta(s)}{\delta_a(s)} = \frac{31.7\left(\frac{s}{18.75} + 1\right)\left(\frac{s}{0.15} + 1\right)}{\left[\left(\frac{s}{1.345}\right)^2 + \frac{2(0.14)}{1.345}s + 1\right]\left(\frac{s}{2.09} + 1\right)\left(\frac{s}{0.004} - 1\right)}$$
19)

plottat blir diagrammet enligt fig.8 nästa sida.



$$\omega$$
 for  $s = j\omega$ .



#### KAP.7 APPROXIMATIV ÖVERFÖRINGSFUNKTION

Följande två approximationer göres.

1. 1-FRIHETSGRAD DUTCH ROLL

Detta består endast av sidoglidning och gir. Ekvationerna ger:

$$\frac{\beta(s)}{\delta_r(s)} = \frac{0.835}{\left(\frac{s}{1.28}\right)^2 + \frac{2(0.114)}{1.28}s + 1}$$
20)

Om denna ekvation jämförs med den exakta ekvationen uppvisar den god exakthet.Denna ekvation är mycket bra att använda för att erhålla dämpningsförhållanden och egenfrekvenser vid dutch toll.

2. 1-FRIHETSGRAD ROLL

Endast rollrörelse medför att endast rollmoment behövs. Ekvationen blir :

$$\frac{\phi(s)}{\delta_a(s)} = \frac{10.84}{s\left(\frac{s}{2.03} + 1\right)}$$

٠

KAP.8

€

### TRANSIENTSVAR FÖR FLYGPLANET

Här visas hur flygplanet svarar transient på olika hastigheter och höjder. Detta ger följande tabell :

\_ Comparison of the Predicted and Actual Effects of the Variation of Airspeed and Altitude on the Lateral Dynamic Response

|  |                            | (a) Dutch                        | Roll Mod                     | le                          |                              |
|--|----------------------------|----------------------------------|------------------------------|-----------------------------|------------------------------|
| Flight C                                   |                            | ζ                                |                              | $\omega_n(rad/$             | sec)                         |
| Altitude<br>(ft)                           | U <sub>0</sub><br>(ft/sec) | Predicted<br>from Eq. 3-56       | Actual                       | Predicted<br>from Eq. 3-55  | Actual                       |
| Sea Level<br>Sea Level<br>40,000<br>40,000 | 236<br>600<br>472<br>600   | 0.072<br>0.109<br>0.036<br>0.045 | 0.1<br>0.14<br>0.035<br>0.04 | 0.98<br>1.7<br>1.01<br>0.98 | 1.05<br>1.74<br>1.05<br>1.03 |

| Flight Co        | ondition       | $\tau_r(sec)$              |       |
|------------------|----------------|----------------------------|-------|
| Altitude<br>(ft) | Uo<br>(ft/sec) | Predicted<br>from Eq. 3-61 | Actua |
| Sea Level        | 236            | 0.91                       | 0.8   |
| Sea Level        | 600            | 0.353                      | 0.35  |
| 40,000           | 472            | 1.82                       | 1.6   |
| 40,000           | 600            | 1.43                       | 1.3   |

21)

Åtskilliga diagram kan uppritas övar de olika sätt som flygplanet blir påverkat, här studeras endast effekten av hastighet och höjd på dutch roll. Detta kan ses i fig.9.

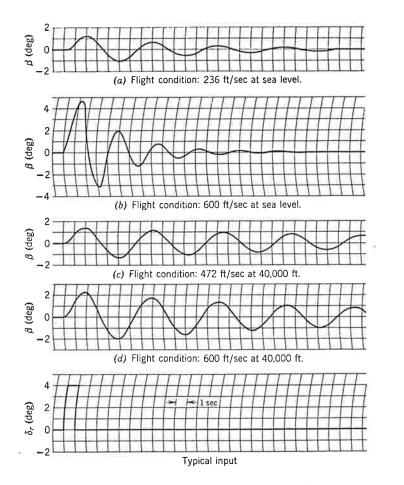


Figure 3-13 Computer results showing the effects of changes in airspeed and altitude on the Dutch roll mode (complete lateral equations).

#### FIG.9

När hastigheten eller luftdensiteten och därmed det dynamiska trycket minskar blir avvikelsen större. Datorresultaten visar att rodret hetsar upp dutch rollen medan skevrodren påverkar mest rollen.

```
// Eaybycydl=fighter()
≈echo=1,5
 page
 // The normalized state model of the longitudinal motion of a
 .. fighter aircraft at 20,000 ft and mach number .8 is:
 ......
         x = Ax + Bu
 . .
         y = Cx + Du
 . .
 . .
               [ mu=m [ airspeed (ft/s)
    wheret
 . .
           x ≕ | w
                       | vertical speed (ft/s)
 .
                      | pitch rate (r/s)
               C)
 . .
               I thetask pitch angle (r)
 a a
 . .
 . .
               | dh=eh horizontal tail (deg)
 . .
           u = | df | flap (deg)
 . .
               + pla + power level angle (deg)
 . .
 pause
               || Q = P || pitch rate (d/s)
 . .
               | theta=A pitch angle (d)
 . .
           y = | dnz | load factor (g's)
 . .
               . .
 . .
 . .
 pause
 page
 .. The A, B, C, and D matrices are as follows:
        ::::: []
  A
    -6.4039D-03 -7.9860D-03 -1.0898D+61
                                           -1.2130D+01
                               2.0794D+02 -6.3285D-01
    -4.4450D-02 -2.2414D-01
                             -1.9061D-01
                                           0,0000D+00
     4.8971D-04 -4.5957D-03
     0.0000D+00 0.0000D+00 3.7670D-01
                                           0.0000D+001;
        == [
  B
                              1.0000D±00
     0.0000D+00 -3.3903D-02
    -3.50330-01
                -7,30800-01
                              0,0000D+00
    -1.1414D-01
                 -3.08520+02
                               0.0000D+00
                               0,0000D+001;
     0.0000D#001
                  0,0000D+00
 pause
 page
  С
       ::::: [`
                               5.7300D+01
     0.0000D+00
                  0.00000+00
                                            0,0000D+00
                 0,00000#00
     0.0000+00
                               0,0000+00
                                            5.7300D+01
                                            0.0000D+00
                 1.8500D+02 0.0000D+00
     3.70000-03
     0,0000D+00 =1,0370D-01
                              0,00000-+00
                                            5.7300D+01
     5,9170D401 0.0000D400
                               0.000000000
                                            0.000D+00];
  D
       0.0000+00
                 0.0000D+00
                               0.00000+00
     0.0000D+00 0.0000E+00 0.0000D+00
                &,0000D-02
                               6.00000+00
     2.9000-02
                               0.00000+00
     0,00000+00
                0,00007,000
                 0.00000+00
                               0.0000D+00];
     0,00000400
```

1

|         |  |  | 5<br>7                       | 11<br>121<br>2  |  | 4       |  |   | 5       |
|---------|--|--|------------------------------|-----------------|--|---------|--|---|---------|
| 850513  |  |  | 1<br>* 1<br>* 5              | ri<br>P         | ¢  | *<br>   |  | đ   | Bilaga  |
| 1       |  |  |                              |                 |  |         |  |   | 8       |
|         |  |  |                              |                 | ļ  |         | e<br>Z   |   | 1       |
|         |  |  |                              |                 | Ì  |         | a.<br>Maria  |   |         |
| (       |  |  |                              |                 |  |         |  | The second se |         |
| (       | F+PLA<br>-01*DF  | μ.   |                              |                 |  |         | and a set of the set o |   |         |
|         | E-02*C<br>7.308E   | E-02*C   |                              |                 | i<br>i<br>i  |         |  |   |         |
|         | 30E+01*H-3.3903E-02*DF+PLA<br>-3.5033E-01*EH-7.308E-01*DF  | 4E-01*EH-3.0852E-02*DF   |                              |                 |  |         | -  |   |         |
|         | +01*H-<br>5033E-   | 01 * E H<br>   |                              |                 |  |         |  |   |         |
|         | .2130E<br>1*H-3.   | स्म ः  |                              |                 | - 18<br>- 18<br>- 19<br>- 19<br>- 19<br>- 19<br>- 19<br>- 19<br>- 19<br>- 19 |         |  |   |         |
| (       | 01*Q-1<br>.33E-0   | 1*0-1.<br>66-02*   |                              |                 | Í.   |         |  |   |         |
| (       | 3898E+(<br>32*Q-6  | 061E−0.<br>02*EH+(   |                              |                 | -  |         |  |   |         |
| -       | 3*W-1.(<br>2.08E+(   | €W-1.90<br>2.90E-0   |                              |                 |  |         | -  | 1   | <b></b> |
|         | HTER<br>60E-03<br>01*W+2   | ·7E-03 <sup>+</sup><br>·02*W+2<br>SE+01*H  |                              |                 |  |         | 1  |   |         |
|         | EM FIG<br>M-7.89<br>2.24E-   | 1-4.595<br>:<br>1.85Е-<br>₩+5.73   |                              |                 |  |         |  |   |         |
| RT      | S SYST<br>@ H<br>D@ DH<br>9E-03*<br>-02*M-   |  |                              |                 |  | 3<br>() | 5  |   | ÷       |
| FIGHTER | CONTINUOUS SYSTEM FIGHTER<br>STATE M W @ H<br>DER DM DW D@ DH<br>DM=-6.4039E-03*M-7.8960E-03*W-1.0898E+01*@-1.21<br>DM=-4.44E-02*M-2.24E-01*W+2.08E+02*@-6.33E-01*H- | D@=4.8971E-04*M-4.5957E-03*W-1.9061E-01*@-1.14<br>DH=3.7670E-01*@<br>P=5.73E+01*@<br>A=5.73E+01*H<br>A=5.73E+01*H<br>DNZ=3.70E-03*M+1.85E-02*W+2.90E-02*EH+6E-02*DF<br>GA=-1.0370E-01*W+5.73E+01*H<br>V=5.9170E-01*M |                              | ж<br>. 1<br>Л . |  |         |  |   | 4       |
| _       | СОN<br>СТА<br>DER<br>DMER<br>DWE   |  | EH:0<br>PLA:0<br>DF:0<br>END |                 |  |         |  |   |         |

| macro blot<br>svst FIGHTER.T<br>AXES H O 25 V -50 50<br>PAR PLA:O<br>PAR EH:O<br>PAR DF:O<br>STORE M W Q H<br>STORE V GA DNZ A P<br>SIMU O 25/F1<br>PAR PLA:5<br>SIMU/F2<br>PAR PLA:3<br>SIMU/F3<br>PAR PLA:0<br>PAR PLA:0<br>PAR DF:10<br>PAR DF:10 |  | · · ·      |
|--|--|------------|
| V -50 50<br>bnz A P  | je i se 1 stanine mark to se stat - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -  | `          |
| DNZ A P  | 12. s - 7 familie mar an an ann an a' machailteachan ann an  |            |
| DNZ A  | 1.<br>12   |            |
| :<br><del>51</del>   | in the state of the set of the se | - 100 - F  |
| IMU/F2<br>AR PLA:-3<br>IMU/F3<br>AR PLA:0<br>AR DF:10  |  |            |
| AR PLA:0   |  | 8          |
| AR DF:10<br>TMU/S/   | The state of the second s   |            |
| T MII / C /  |  |            |
| AR DF:-10  |  |            |
| AR DF:O<br>AR EH:3<br>AR EH:3  |  |            |
| AR EH:-2<br>(IMU/F7<br>(SHOW V/F1 F2 F3 F4 F5 F6 F7  |  |            |
| СОРҮ<br> SHOW GA/F1 F2 F3 F4 F5 F6 F7  |  |            |
| ICOPY<br>\SHOW P/F1 F2 F3 F4 F5 F6 F7 - ~~   |  |            |
| ICOPY<br>ISHOW A/F1 F2 F3 F4 F5 F6 F7  |  |            |
| HCOPY<br>ASHOW DNZ/F1 F2 F3 F4 F5 F6 F7<br>HCOPY   | 17、11、11、11、11、11、11、11、11、11、11、11、11、1   |            |
| END  |  | 8          |
|  | and the presentation of the book of the  |            |
|  |  |            |
|  | $\mathcal{S}_{\mathcal{C}}^{c}$  | Bilaga 1.2 |

Diagram over v(t) = hastigheten på flygplanet, hur den beror på olika insignaler.

50.05.15 - 13:42:25 nr: 1 hcopy

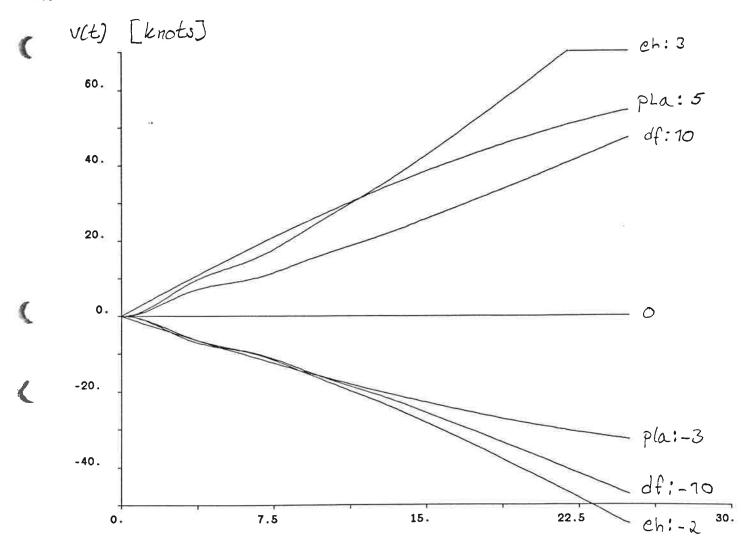


Diagram over GA = flyguinhel, hur den beror au oliba insignaler.

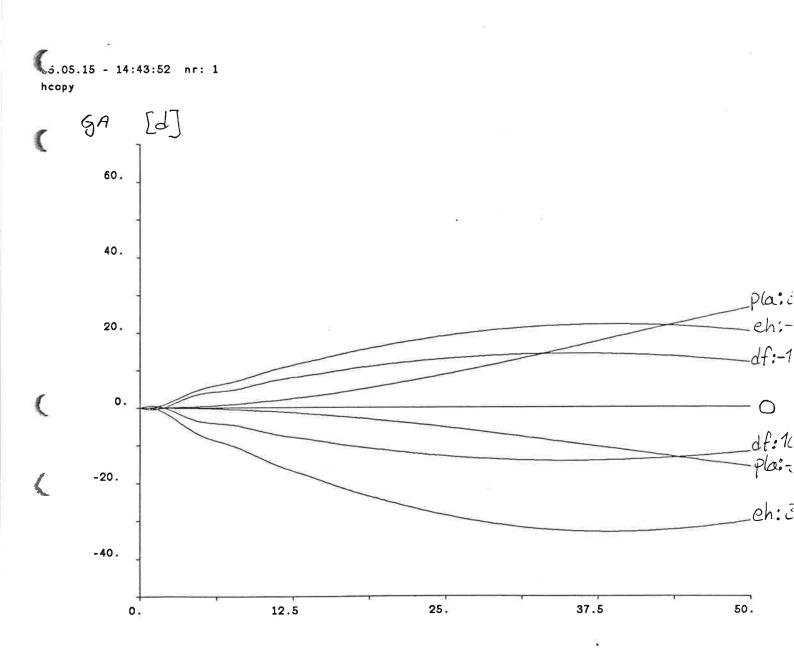


Diagram over p=pitch rate, hur den beror au oliha insignaler

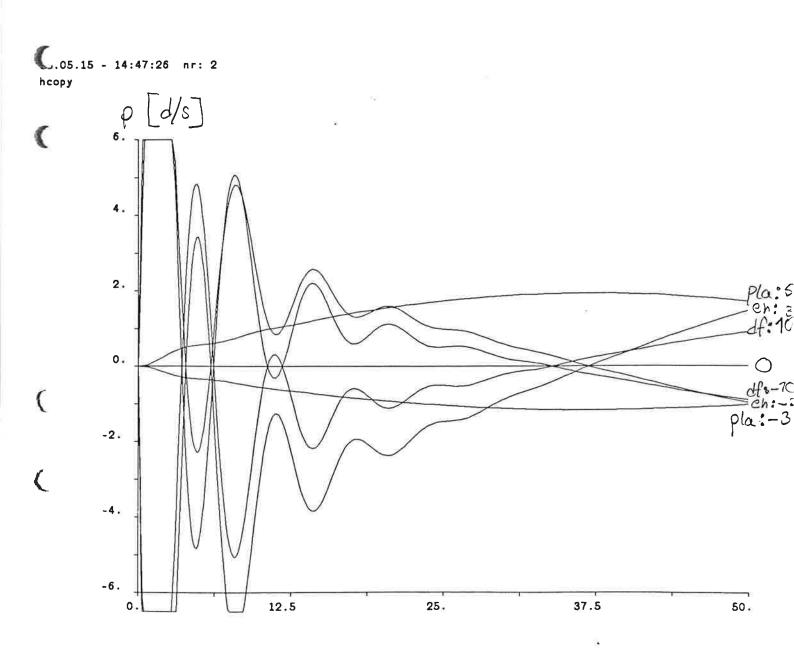


Diagram over A=pitch augle, hur den beror på oliba insignaler

80.05.15 - 14:51:40 nr: 3 hcopy

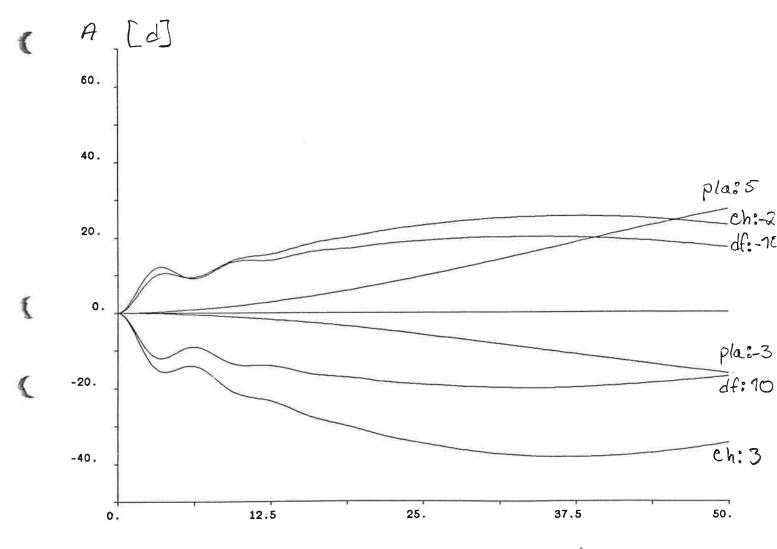
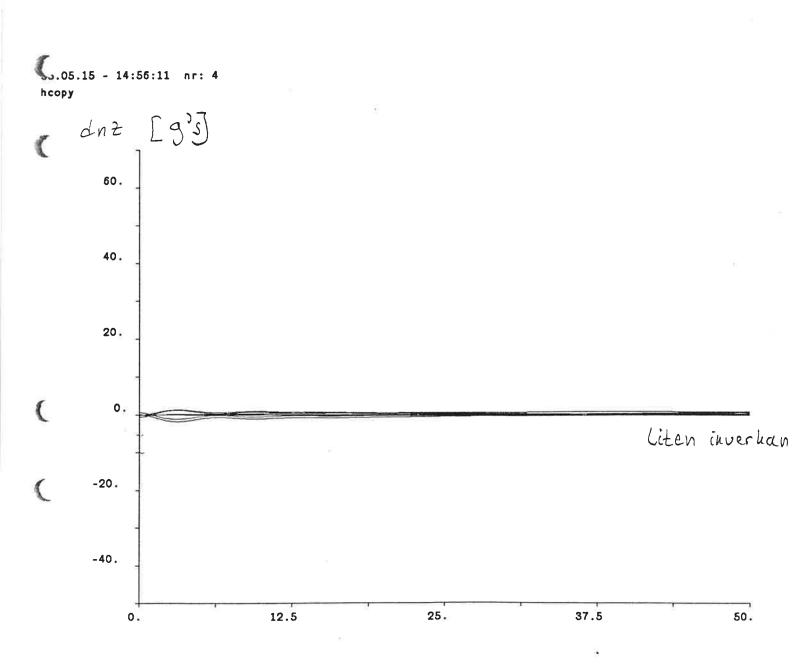


Diagram over duz=load factor, hur den beror på olika insignaler.



```
KAP.10
 // Ea,b,c,d3=jet(dum)
echo=1%
 page
'// The state model of a turbofan engine at a sea-level-static flight
 .. point and an idle throttle is:
 . .
 • •
         х ≕ Ах т Во
 .
         y = Cx = Du
 . .
 2 <sup>060</sup>
     where:
                INF
                    Fan speed
 - (6)
                        High pressure compressor speed
                INC 1
 . .
                        Fan turbine inlet temperature at station 4
                174
                     1
 . .
          X and
                       Fan turbine inlet temperature at station 4.5
                LT45 1
 . .
 n 11
          LI ==
                      Fuel flow
                IWF I
 . .
                       Jet area
                LA.
                    1
 . .
                    | Fan inlet stator angle
                IFS
 . .
                ICS | Compressor inlet stator angle
 . .
                (BL | Compressor air bleed flow
 . .
 pause
 page
          У 🎟
                INF=SI Fan speed
 - -
                       High pressure compressor speed
                INC=HP
 .
                       Burner pressure
                IPTA |
 . .
                IPT6 |
                        Tailpipe pressure
 . .
                        Turbine inlet temperature
                111
 . .
                       Net thrust
                tEn i
 (SMNc) High speed compressor surge margin
 •20143
 pause
 page
 : The normalized A, B, C, and D matrices are as follows:
  Α
        == (
                                              7.6834D-01
                  1.1788D+00 -2.1287D+00
    -1.7599D+00
                                             1.0159D+00
                                2.58180+00
    -2,4250D-01 @7.6351D+01
    -1.16990-03
                 ····2.1337D-03
                               -2.5071D-01
                                             -3.4656D-03
                               -1,9767D-02 -8.1218D-01];
                 -6.6732D-03
    -4.1956D-02
        ::::: []
  B
                                                           -3.0359D+03
                                              1.7859D+01
                               -2.5041D+01
     1.1366D+00
                  1.61260+03
                                                          -3.9449D+03
                  2.98340+02
                               -3.6746D+00
                                             -9.4859D+00
     6.84400-01
                  1,2677D+00 -3,3975D-02 -3,8009D-02
                                                           9.9397D+00
     5,38240-03
                                             1.9187D-03
                                                          -1.3496D+02];
                  4.09820+01
                               -6,5518D-01
     5.24440-02
 pause
 page
  C
        ### [<sup>6</sup>
                                              0.0000D+00
                               0,0000D+00
      1.00000+00
                 0,00000+00
                                0,0000D+00
                                              0,0000D+00 *
     Ç.ÇÇÇÇD⊮⊖ç.
                  1.0000)med0
                   2.7901D-02 -1.0960D-02
      1.53730=02
                                             -1.4600D-02
                   4.17290-04
                                5,7685D-03
                                              2.0870D-03
     3.77810-0%
                               -2.1900D-01
                                              9.9600D-01
                 ◎严. 01全の於一0立
    H1. 安安川主政市(A)
                                              5.2700D+00
     2.20000+66
                                3,30500+00
                  1.06000-01
                                5.1000D-06
                                              1.1000D-051;
                   3,5000D-04
    m≈.1000Dr-08
```

|   | D | Water       |              |             |             |              |
|---|---|-------------|--------------|-------------|-------------|--------------|
| 8 | Ľ | 0.00000+00  | 0,00000400   | 0,00000+00  | 0.0000D+00  | 0.0000D+00   |
|   |   | 0.00000+00  | 0.00000+00   | 0.0000D+00  | 0.000D+00   | 0.0000D+00   |
|   |   | 1.0100D-02  | 3-9.52640+00 | 1.7140D-01  | 4.1068D-01  | -1.9335D+02  |
|   |   | -1.7206D-05 | 5.6632D+00   | 4,91810-02  | 6.9474D-03  | -4.1937D+00  |
|   |   | 1.8199D-01  | 3,92800+01   | -8.4111D-01 | -1.0285D+00 | 3.9215D+02   |
|   |   | -6.5000D-02 | -1,7000D403  | 3.20000+01  | 1.0100D+01  | -1.5000D+02  |
|   |   | -2.9000D-05 | 3.50000+00   | -7,4000D-04 | -1.0100D-02 | 9.8700D-01]; |

1

(

(

C

(

ŝ

21.

•

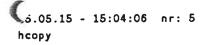
| AN T       | SYSTEM TURBOFAN<br>C T4 T45<br>C DT4 DT45 | -+1.20*NC-<br>-3.04E+03<br>11*NF-7.64 | 13*NF-2.13E-03*NC-<br>3.4E-02*FS-3.8E-0 | -02*NF-6.6        | 32*NF+2.79E-D2*NC-1.0    | JJ+10.1/*FJ+0.41*(J-1.<br>JJ+NF+4.17E-04*NC+5.7 | 0.2*NF-7.<br>0.2*NF-7.<br>0.4*A-7. | J.106*NC+3.3*T4+5.27*<br>J.106*NC+3.3*T4+5.27*<br>J1*CS-150*RI | -05*NF+3.<br>-7.4E-04*}            | 1111 - 1111 - 1111 - 1111 - 11111 - 11111 - 111<br>1111 - 111 |   |   |  | Bilaga 1 |
|------------|---|---------------------------------------|---|-------------------|--------------------------|---|------------------------------------|--|------------------------------------|--|---|---|--|----------|
| TURBOFAN T | NP  | - 20 4 4<br>7 8 4 4                   | 1 1 27                                  | - 4<br>- 0<br>- 9 | . 5<br>. 5<br>. 1<br>. 1 | 78E   |                                    | 2 * NF   | MNC=-8.1<br>K9=3.5*A<br>F:0<br>J:0 | FS:0<br>CS:0<br>BL:0   | â | • |  |          |

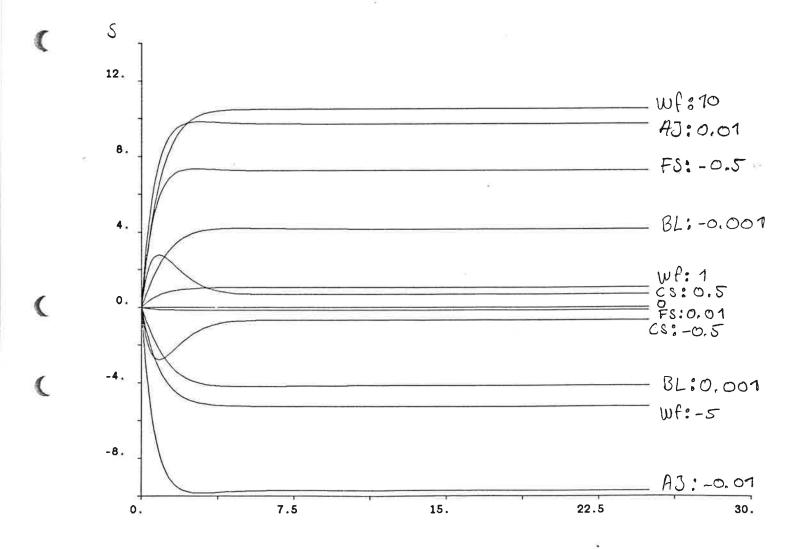
| TURBO T                               | 850513                                |
|---------------------------------------|---------------------------------------|
| MACRO TURBO<br>SYST TURBOFAN.T        |                                       |
| 25 V -1                               |                                       |
| PAR AJ:O<br>PAR FS:O                  |                                       |
| PAR CS:0<br>PAR BL:0                  | 11                                    |
| 4C T4 T                               | 45 S HP PT4 PT6 TIT FN SMNC           |
| PAR WF:10                             |                                       |
| SIMU/G2<br>PAR WF:-5                  |                                       |
| SIMU/63                               |                                       |
| SIMU/64                               |                                       |
| PAR WF:O                              | 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 |
| PAR AJ:0.01                           |                                       |
|                                       |                                       |
| 51MU/66                               |                                       |
| PAR AJ:0                              |                                       |
| PAR FS:-0.5                           |                                       |
| SIMU/G7                               |                                       |
| SIMU/68                               |                                       |
| PAR FS:0                              |                                       |
| PAR CS:0.5                            |                                       |
| PAR CS:-0.5                           |                                       |
|                                       |                                       |
| PAR CS:0<br>PAR RL:-0.001<br>SIMU/644 |                                       |
| PAR BL:0.001                          |                                       |
| PAR BL:0                              |                                       |
| PAR WF:40 **<br>SIMU/613              |                                       |
| PAR WF:0                              |                                       |
| 2                                     |                                       |
| PAR CS:-50                            | Bilaga 2                              |
| SIMU/615                              | >                                     |

|        |         |        | 4      |         |          |          | 4                              |                | i<br>I   | iji<br>S |                |          |          | 72<br>72   |         |              |
|--------|---------|--------|--------|---------|----------|----------|--------------------------------|----------------|----------|----------|----------------|----------|----------|------------|---------|--------------|
| ù.     |         | 5      | ų.     |         |          | 31<br>41 |                                | 1              | E        | 24       |                |          | à        |            |         |              |
| 850513 | *<br>2. |        |        |         |          |          | 5                              | i.             |          | 32       |                |          |          |            | ł       |              |
| 850    |         | e<br>S | 3      |         |          |          | s<br>A                         |                |          |          |                |          |          |            | 1       | r<br>۲       |
|        |         |        |        |         |          |          |                                | Ê.             | ŝ        | ł        | Ð              | 8        | : éc     |            |         | מיומיים      |
|        |         |        | -      |         |          | 140 A    |                                | e e            |          | 1        | 4)<br>()<br>8) |          |          | ,          | S.<br>a |              |
|        |         |        |        |         |          | 4040a    |                                |                | I.       | 1        |                | ų.       |          | 2          | i.      | a<br>V       |
| 1      |         |        | 1      |         | 1        | i.       |                                |                |          |          | 5<br>8         | -        | 1        | i i        |         |              |
| ł      |         |        | 1      |         | 1        |          |                                |                | l        |          | •<br>\$        |          | i.       |            | Ì       |              |
|        |         |        | Į      |         | ſ        |          |                                | 8              | 4        |          | 10.00          |          |          |            |         |              |
| -      |         | l.     | 1      |         |          |          | ł                              | 1              | 1        | 1        | 8              | į        |          |            |         |              |
| C      |         |        | Ĵ.     |         |          | Ì        |                                | 2              | -        | 1        | 1              | 1        |          | 1          |         |              |
|        |         |        |        |         |          |          | ì                              | 1              |          |          | Ĩ              |          |          |            |         |              |
|        |         | ļ      |        |         |          | ļ        |                                | \$<br>\$<br>\$ |          | ŧ        |                |          |          |            |         |              |
| L      |         |        |        |         |          |          |                                |                | Î        |          |                |          |          |            | 1       | 1            |
|        |         |        | 1      |         |          | ł        |                                |                |          |          | -              | 1        | *<br>    |            |         |              |
| 1      |         |        |        |         | 1        | 1        | 2                              | 4              |          |          |                |          | 1        | 3          |         | 3            |
| -      |         |        |        |         | 1        | 1        | 4                              | -              |          | 1        | 4              | 3        | *<br>3:  | 3          |         | 3            |
|        |         |        | 4      |         | 1        | 4        |                                |                | 14       | ¥        | 速<br>注<br>し    | ÷        |          |            | 1       |              |
|        |         |        | 1      | 1       |          |          |                                | 6              | ų        | 6        | į              |          |          | 1          |         |              |
| 1      |         |        | 3<br>3 |         |          |          |                                | 6              | it.      |          | 8              | ас.<br>1 | ž        | 1          |         |              |
| i.     |         |        |        |         |          |          |                                | ÷.             |          |          |                |          |          | a/         | n<br>E  |              |
|        | 612     |        | į.     |         | t.<br>K  | -        | 8                              |                |          |          |                |          | ŝ.       |            |         |              |
| 1      |         |        |        |         |          | l        |                                | 1              |          |          | -              |          |          | -          | ĺ       |              |
|        | 611     |        | į      |         | l.       | ŝ        |                                |                | i.       | 8        |                |          | ÷.       | 1          |         |              |
|        | G10     | *      | **     |         | t.<br>E  | ž        | tine a                         |                |          |          |                |          |          |            |         |              |
| (      | 69 6    | Ŧ)     | 1      |         | 6        |          | 25                             | į,             | 18<br>14 | į.       | ** * **        | 8        | -        |            | ł       |              |
|        | 68      |        | į.     | 1       |          |          | 2                              | 1              | Ŧ        | 8.<br>0  | 14             |          | 3        | 16.<br>212 |         | ***          |
|        |         |        | 8      |         | 0<br>U≂t | 1        |                                | Í.             |          | 1        |                |          | 1        | 1          | -       | 8 <b>4</b> 8 |
|        | 6 67    |        |        | 3       | 611      |          | 3<br>3                         |                |          |          |                |          | 1        |            | 1<br>-  |              |
|        | 5 66    | 4      |        | 65<br>6 | 5<br>19  | 63       |                                |                |          | 1        |                |          | 3        | ir.        |         |              |
|        | 65      | 64     | 614    | 612 (   | 62       | 67       | 66                             |                |          |          |                |          |          |            |         |              |
|        | 64      | 612    |        |         | 610      | 65       |                                |                |          | 1        |                | ÷.       |          | 3          | ÷       |              |
|        | 63      | 65     | 613    | 611     | 65       | 611      | 615                            | 10             |          |          |                |          | 96<br>94 |            |         |              |
|        | 62      |        |        |         |          |          | /61                            |                |          |          |                | 5<br>2)  |          |            |         |              |
| 0 T    | S/G1    | HP/G1  | PT4/61 | PT6/G1  | 11/61    | FN/61    | SMNC/61                        |                |          |          |                |          |          |            | 2<br>16 |              |
| TURBO  |         |        |        |         |          | ⊒<br>×≊× |                                |                |          | 85<br>46 |                |          |          |            |         |              |
| F      | 10HS    |        |        |         | SHOL     |          | ASHOW<br>ASHOW<br>HCOPY<br>END |                |          |          |                |          |          | ۰.<br>۵    |         |              |
|        | ¥.      | ΪΫ́Ι   |        |         | H ≪ :    | Ĭ 4 I    | ΞΨΨ                            |                |          |          | 14             |          | 3        | 1          |         |              |

1.11

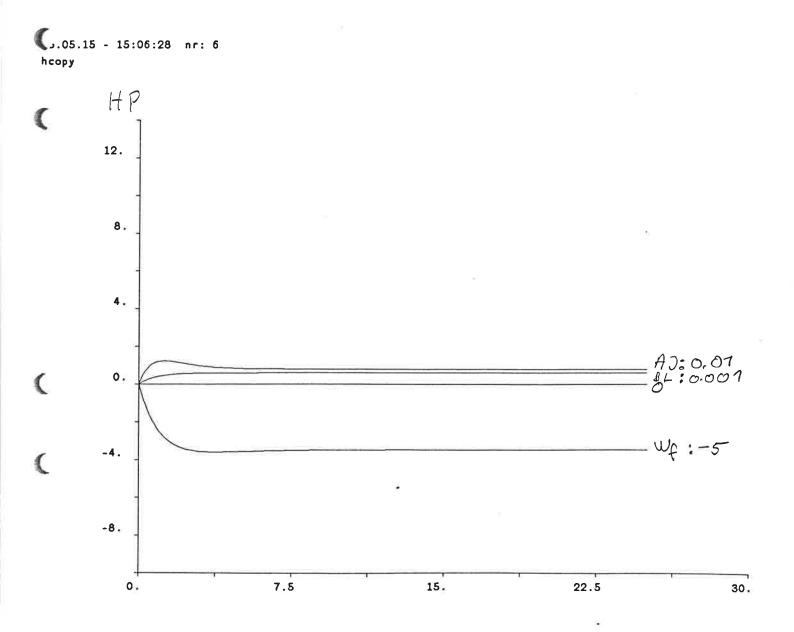
Diagram over s=fauspeed, hur den beror på olika insignaler.





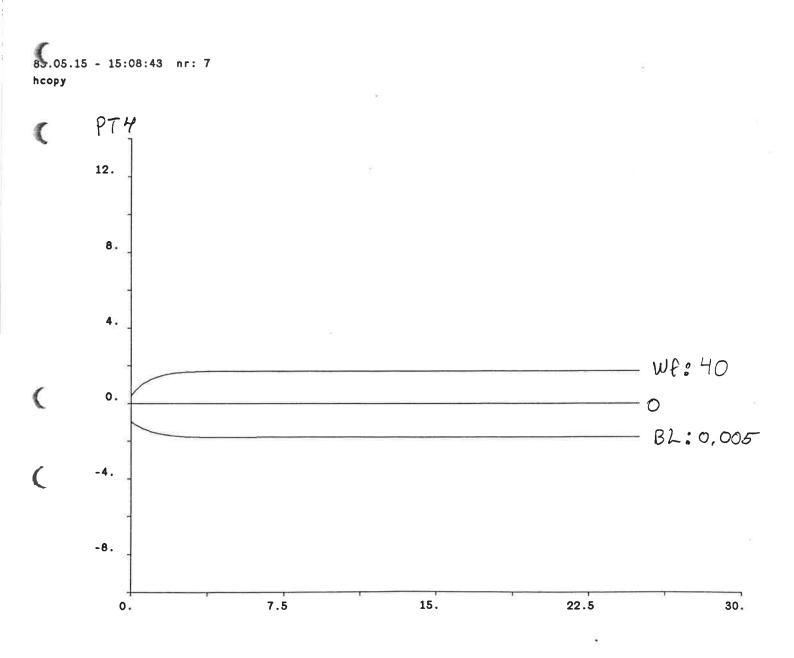
Bilaga 4

Diagram over HP= high pressure compressor speed, hur den beror på olika insignaller.



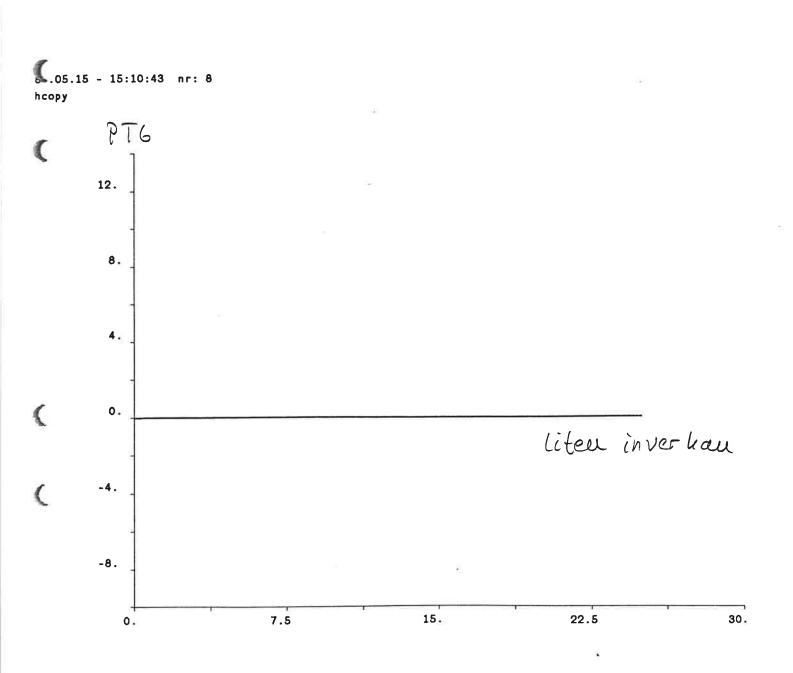
Bilaga 5

Diagram over PT.4 = Burner pressure, hur den beror på oliler insignaler.



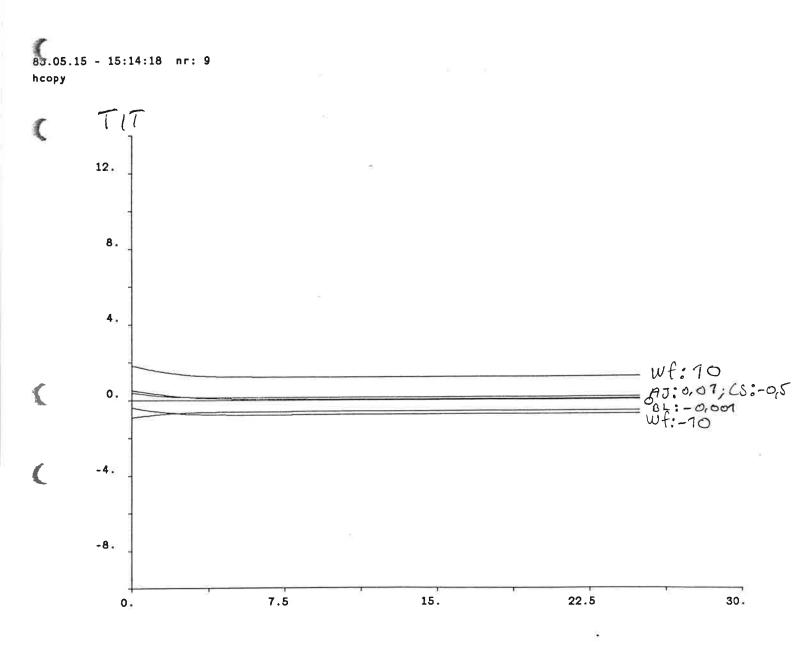
Bilagal

Diagram over PTG = Tailpipe pressure, hur den beror på olika insignaler.



Bilaga 7

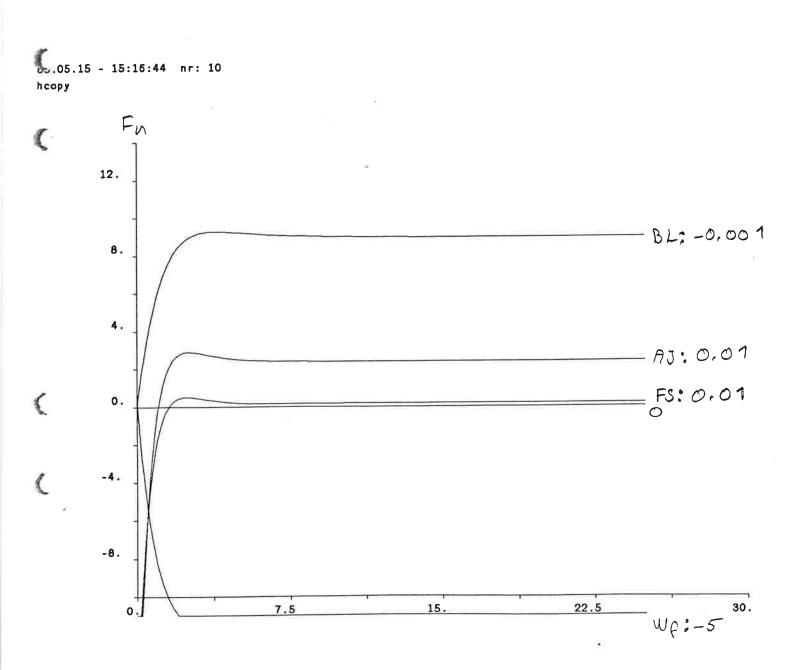
Diagram over TIT = Turbine inlet pressure, hur den beror au oliba insignaler.



Bilaga 8

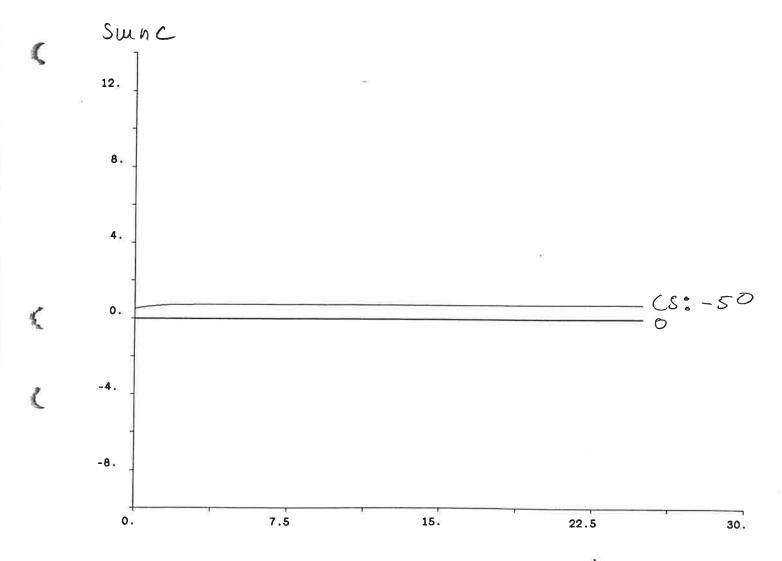
Diagram over Fn= net thrust, hur den beror au olilea insignaler

ø



Bilagn 9

Diagram over Sunc = High speed compressor surge morgin, hur den beror på olika insignaler



1

ł

<

C

<

ł

AUTOMATIC CONTROL OF AIRCRAFT AND MISSILES...JOHN H.BLAKELOCK utgiven av...JOHN WILEY & SONS, INC.

CONTROL-C MANUALEN INST. FÖR REGLERTEKNIK LTH



## REGLERING AV FORMSPRUTA

UTFÖRT AV

1

ſ

{

(

LARS CARLSSON GÖRAN FRENNING 850522 I Systemteknik <u>Projektarbete i Systemteknik</u> <u>Examensarbete på Gambro; Reglering av Formspruta</u> <u>Utfört av; Lars Carlsson och Göran Frenning</u>

Inledning Gambro tillverkar utrustning till sjukvårdssektorn. Deras produkter innehåller många plastdetalger. Företaget har val att själva tillverka dessa plastdetaljer beroende på detaljernas offast invectelade form och funktion. Detta har medfort att Gambro har byggt upp ett gediget konnande inom plastformsprutning. En audelning inom företagt sysslar enbart med formsprotning av plastdetaljer det s.k. "spruteriet" Dess uppgift är att förse företagets monteringsaudelningar med fardiga plastdetalger men man har även ett s.k. experimentspruteri där man utvärdere formsprotningsmetoder och proukör nya formsprutor. Det àr i detta experimentspruteri som vi, rapport/ogfattarna har börjat alt utföra värt examensarbete. Detta gär ut på att ur reglersynponkt titta närmare på och optimera en fran Vast-Jyskland nyinköpt formspruta.

C

(

(

(

Formsprutning ar en tillverkningsmetod som går ut på att smälta plust och spruta in den i en form där den fär svalna och stelna. Uppvärmningen sker i den äkse extrudern där plasten värms upp i 4 st värmezoner med tilltagande temperatur ju närmare munstyckel på extrudern zonerna ligger. Inuti extrudern finns en skruv som maler sönder

plasten och på så sätt tillför den ytterligare energi. Da plasten jätt rätt temperatur, och därmed också rätt, viskositet, går skruven framåt, jungerande som en kolu, och sprutar ut plasten ur munstycket på extrudern. Plasten fortsätter via leanaler in i formen (verklyget) där den stelhar och bildar en fördig plastdetalj.

Temperaturen på plasten, dæ den lämnar extrudern, bestämmer dess egenskaper och därmed oclosæ kvaliten på plastdetalgen och är därför mycket viktig. Vår uppgift är förnärvarade att under söka möjligheterna att förbättra temperaturregleringen av extrudern, hjärtat på formsprutan

För ytterliggare information om formsprutning set. ex kompendiet Formsprutning au Morgan Troedsson, Gambro.

## Formsprulan

(

(

(

(

Den formsprota som vi arbetar med är nyligen inköpt från Väst-Tyskland av Gambro. Modellen är alldeles ny och den heter Windsor MPC 80. Modellen skillger sig väsentligt från tidigare genom att ha två microprocessorer som reglerar de Aleska funktionerna. På de tidigare modellerna var det analoga regulatorer som stod för regleringen och det fonns dessutom inte så många möjligheter ott reglera vissa funktioner hos formsprotan, Dessa var snarare styrån än reglerade då det var microbrytare som kine av informationen. Dessa microbrytare är på den nya modelle. utbytt mot kontinverliga lågesangivare som möjliggör en kontinverlig återkoppling och därmed reglering.

Det är möjligt att temperaturreglera 4st zoner på extrudern och 10 st varmkanalzoner på verkhyget. Denna reglering sköts helt av digitala regulatorer i processorn. På de aldre modellerna sköttes denna reglering av analoga regulatorer, en jor varge zon. Aetta medjorde att sidon av jornispristan janns det ett stort reglerskåp med rack av analoga regulatorer. Detta skåp innehöll en stor manged rather och ured för att ställa in regulatorerna. Det log inte bara läng tid att ställa in regulatorerna utan det var också svärt och Icrävde lang esporenhet for alt ha en bra installning. Detta har nu ersatts med en TV-skarm och en knappsats med 16 st knappar. Från denna manoverpanel skots formsprotons alla funktioner. Dessotom kan man , da man natt ratt installning for ett verktyg, spela in inställningen på band. Detta medför att man fär en svab. idrifthaaning da man byter tillbalea till detta band. Man spélar da nelt enkelt au bandet och formsprutan är installd.

(

(

(

(

På TV-skärmen kan man välja mellan 60 st "sidor" där alla inställningar visas kontinverligt med Är-värden och Bör-värden. Sidorna kan väljas godtyckligt under Körningen och alla inställningar kan också ändras när man så önskar.

Datorn ligger orkert och kontinverligt känner av om fel

uppstär nägonstans. Ett felmeddelande kommer då upp på skörmen oavsett på vilken sida man befinner sig. Man ka då gå till en speciell sida dör felmeddelandet skriv: ut i klartext.

En speciell utskriftsmöjlighet finns ækså. Formsprutan har speciell utgång för anslutning av skrivare och på en speciell "sida" kan man samla "rader" från vilka "sida som helst och få denna "utskriftssida" utskriven kontinuerligt.

(

(

(

(

Sammanfattnings vis kan man säga att denna nya formspruta jämfört med tidigare modeller har tagit steget från den analoga världen till den digitala vilket har medfört en ausevard förenkling både vad det gäller inställning och presentation av information.

INSTÄLLNING AV EXTRUDEPNS REGLERING Beskrivning av cylindery. Som tidigane namulis an cylinder indelad i 4 zoner. Vauje 20n har sin DPID-regulator ach upprännning skar or delchistia varmeband som är spända runt cylinderns mantalyta. Temperaturen mates med hjarp av termoelement villea in placerade naia innervagar i cylinden. 1 Skin : C 3 2 ZON: Som framaja av skinen a 20N 2 0 4 gauska lika, medan zon 1 a kort och han lilan massa och zon 3 har stor ( mana. Loy 1 boy datos vara gamka snabb medan 2003 bor vara trog. Vain experiment usar alt detta stammer -( Problem ind temperatureglering. Det tosta problemet vid temperatur reglering an att dui oficit a fråga om valdigt tröga procencer. Offast kan uppvarmningen ske gandler snabbl, men avvalningen går mychet langsamt. Vid temperaturegleringen kan det darfor vara vouligt att ha trà suparaia regulatorer, en for upprarming och en for avvaluing. I vissa fau annands kyhning för att inabba upp avsvalungen.

5

6 I en PID-regulator for tump, reglering an D-delen myclicit villing. Da procence offast an myclicit troa måste regulatorn kunna "blicka framåt i tiden" för att undrika orrestangen vid skegandringen och stormigar. En ideal regulator i vait fall har två uppgilter -1) Gora så att en snabb uppstalle kan ske från temp. 20° til 220° i cylinden utan att en ( krathing Trustang eker. 2) Hålla den instande temperaturen med ± 1° c parsett stormingar från plastificerings fasur och annah. Den vikligaste uppgifren an foistas punch 2. Regulation maste davoid optimieras m.h.t. storningen foi att klava diffs-regleringen. En snabb uppstart får komma i andra hand. Formspruinno regiona. ( På vídan 210 j monyn finns regulatorparametrama foi zon 1-4 på cyhindern. (se bilaga 1) -( Vi vet annu inte vad parametrauna betydu exakt, men vi for alt foljands galler;  $U(t) = KP \cdot e(t) + KI \cdot \int e dt + KD \cdot \frac{de}{dt}$  $dai k D_{TOT} = k D \cdot 2$ For all kuma stalla in PID-regulatorn approximativit entrat de metoda son Diealer-Nichols anger, behører i he amplified any had KP, KI, KD behader i termer or

K, T; och Td. Var handledare på Gambro Morgan Truedman, arbetan med att reda ut dena begrepp m.h.a den väst-typica firman. Installning av cylinderns PID-regulatorer. Tregles-Nichob har trà nutoder foi approximerina, PID- parametran, Metod I: Oppna cystemulo stegovar. ( Genom att få ett så snabbl skegnrar som möjligt i der öppna cystomet kan PID-parametrame tas fram. y(+) 1 Parameterinstähling,  $|\zeta = l_i 2$ RI lutning R Ti= 22 > 6 Ta = 0,5 L L ( I vait fall kan viente få ett öppet system. Men så lange styrignalm y a max under stegmant à detta det samma som ett öppet system, regulatorn styr bann ( den reglerar ej. \*\* y (4) 个 "Oppna systemet" Hai shitar det u(t) 100% -t-

7

I bilaga 2 syns det öppna systemets skyrrar för 20n2. Vi kan allbå ta form Roch Loch stäkna fram K, Ti och Td. Problement a bara: Vad behyder KP, KO och KI och villea unheter ai de i? Shaw Tod och Ti vara i minuter elly schunder? Innan is ver detta kan is inte optimira parametrama. 1 Ett annat problem vid dunna metod är att systemet måste vana stabilt brade vad gaven yets och ults imman stegsumer gos. \_\_\_\_\_ \*\* Provet utforden på så satt att vi lat procencen stabilisera sig vid rate autoblamperatur, darefter satte in KP til max Vaide och stängde av I och D-delanna. Sedan gjorde vi at the part 20°d Metod II: P-regulator ( I denna nuchodan annands forst bana P-delen i regulatora. Gewon att gora små steg och börja mid låga varden på -( -K, och icdan hoja K successive for varje steg kan det slutra systemels instalilitelsgrans fás fram. D.V.S. nou i vant tau temperaturen borjan svanga med en stabil period, Tp. Då kan PIO-parametrama braknas enligt följande;  $K = 0, 6 \cdot K_{max}$   $T_i = T_p$   $T_d = T_p$ Kmax = det K-varde da systemet borjan sanga.

I bilaga 3 kan is se huy detta su ut for 20n 2. Hai ai KP = 120 och  $T_{p} \simeq 9,5$  min. Men samma idminificringsproblem finns i dunna metoden precis som i den forra, utom just installmingen av K. \*\*\*) Resultat och vidare försök € Clevon att stalla in de KP-varden for zon 1 til 4 som i fich fram in metod I och att uppshatta KO och KI C genom att studera cymidem och de oliter stegnmen, has is kunnat få ned uppstart-diden til halften samer att alla zoner utom zon 4 uppför sig bra vid dift. Nasta frooh kommer att ske med en XY-ikinvare inhopplad. Lá han i fá fram den instabila svängringen i metod I awnu noggannare. ( Öriga bilagor isar stegman från 201 1,3 och 4. -( -\*\*\*) Styrianalen skall eguitigen aldrig bottna i nägst lage (0% vid 20n2) for att metoden shall van helt rattis.

ç

24:06 29.04.1985

973-1

С С

SIDA S 210

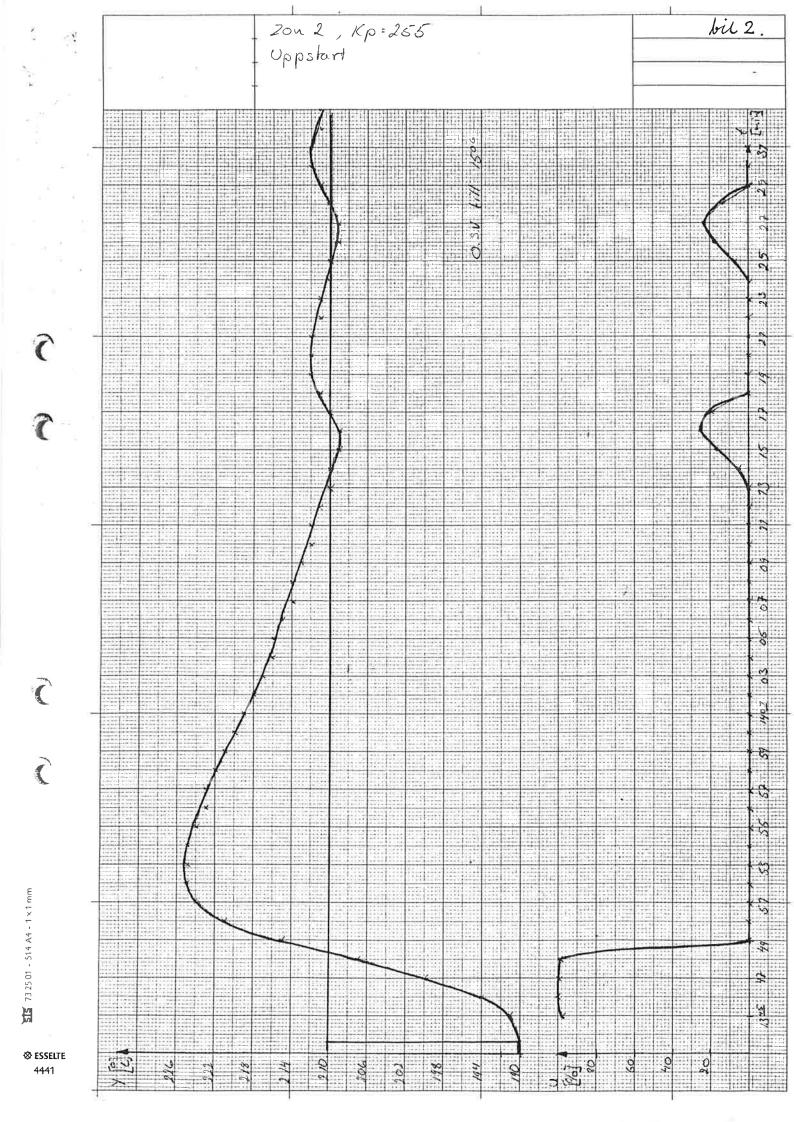
INMATN.: SIDA

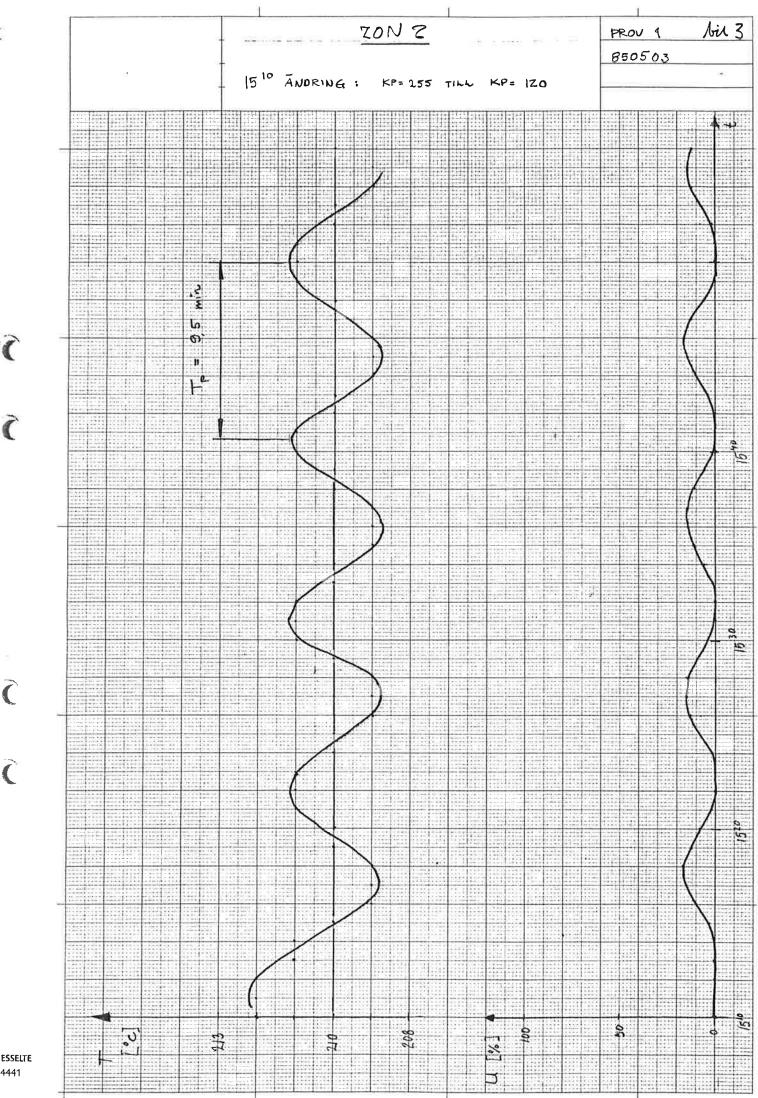
VAERME PARAMETER

|           | KP | /KFIL | KD | /HYST | KI. | /LIM | KYI | KKD |
|-----------|----|-------|----|-------|-----|------|-----|-----|
|           |    |       |    |       | ×   |      |     |     |
| 1- 5 ZON  | 1  | 10    |    | 150   |     | 80   | 0   | 3   |
| 6-10 ZDN  | 2  | 10    |    | 100   |     | 80   | o   | 3   |
| 11 15 ZON | 3  | 10    |    | 100   |     | 80   | 0   | 3   |
| 16-20 ZON | 4  | 10    |    | 100   |     | 80   | 0   | 3   |
| C         |    |       |    |       |     |      |     |     |

 $g_{1}=-\infty$ 

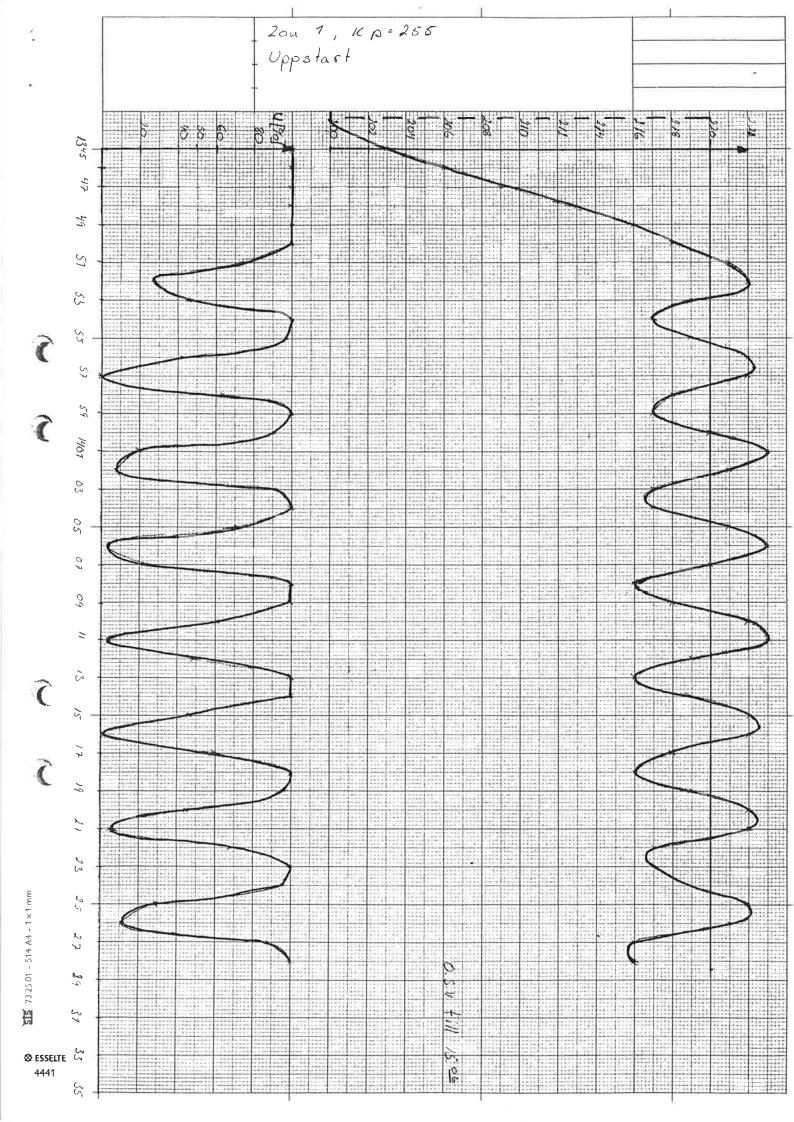
.....

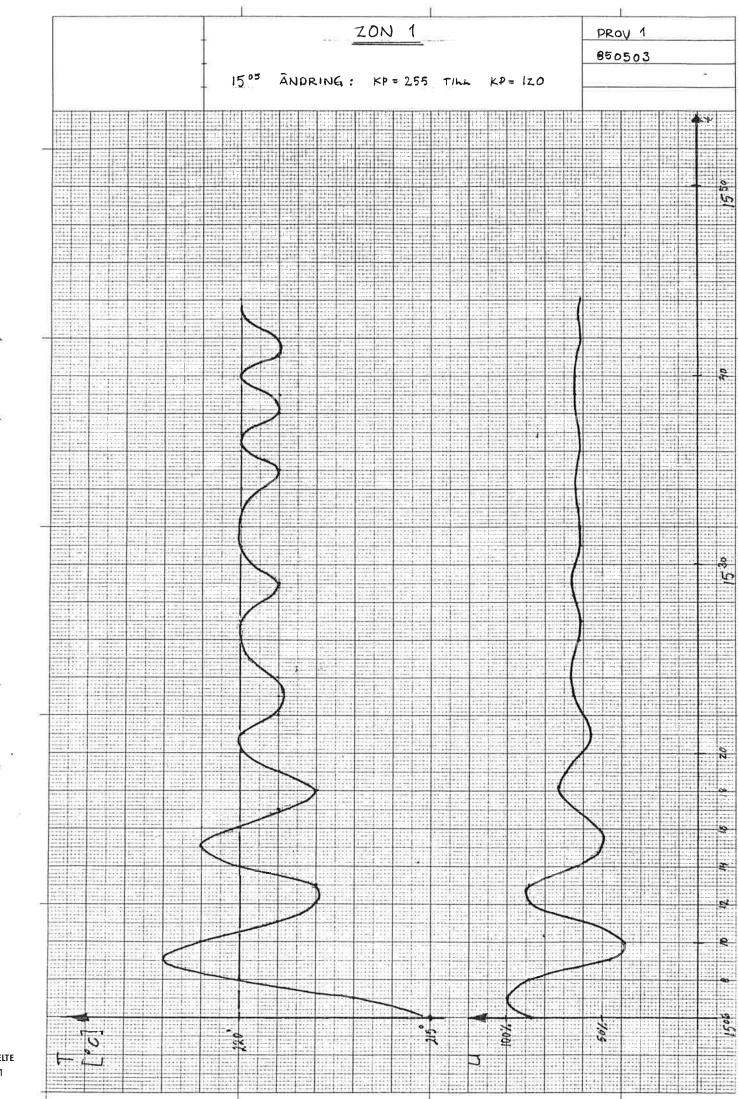




**SIS** 73 25 01 - 514 A4 - 1×1 mm

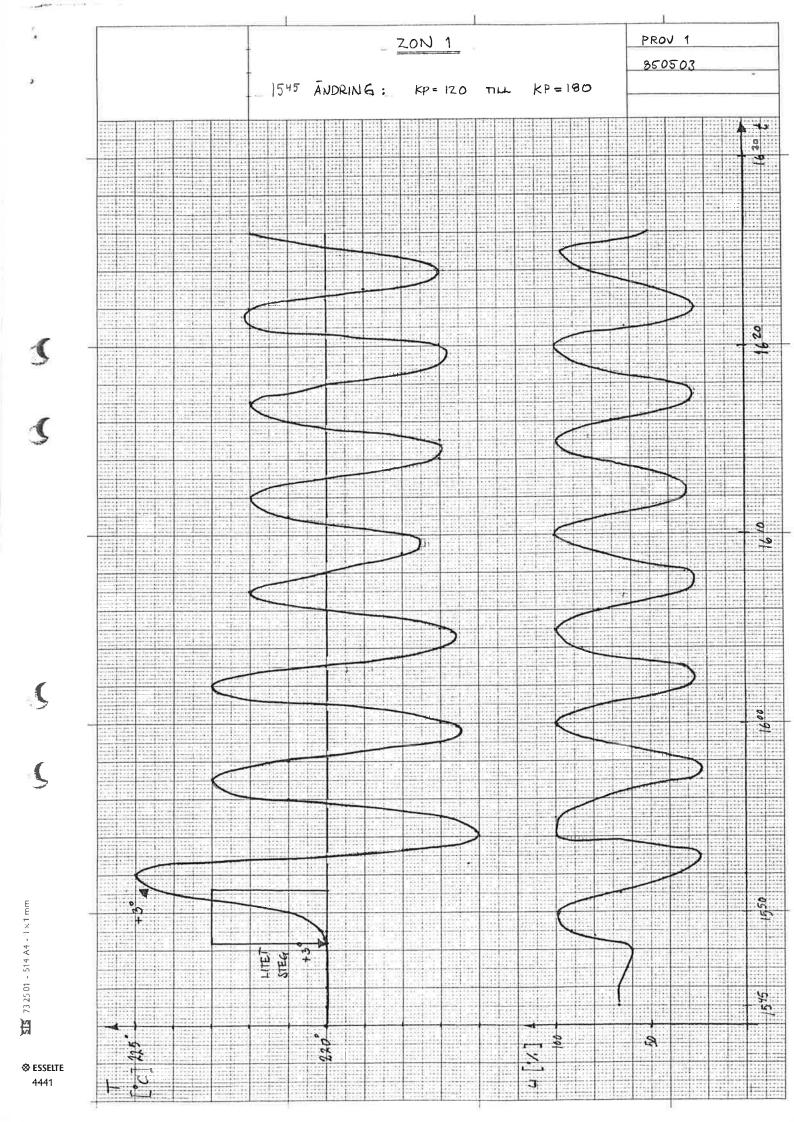
⊗ ESSELTE 4441

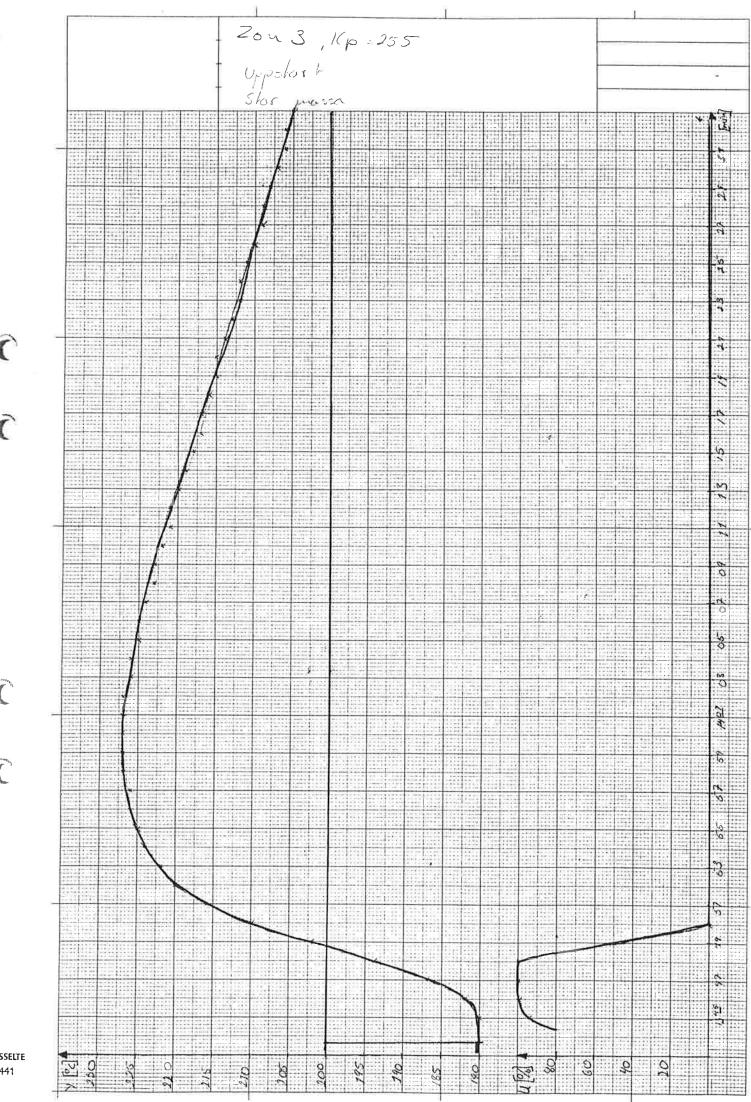




732501 - 514 A4 - 1 × 1 mm

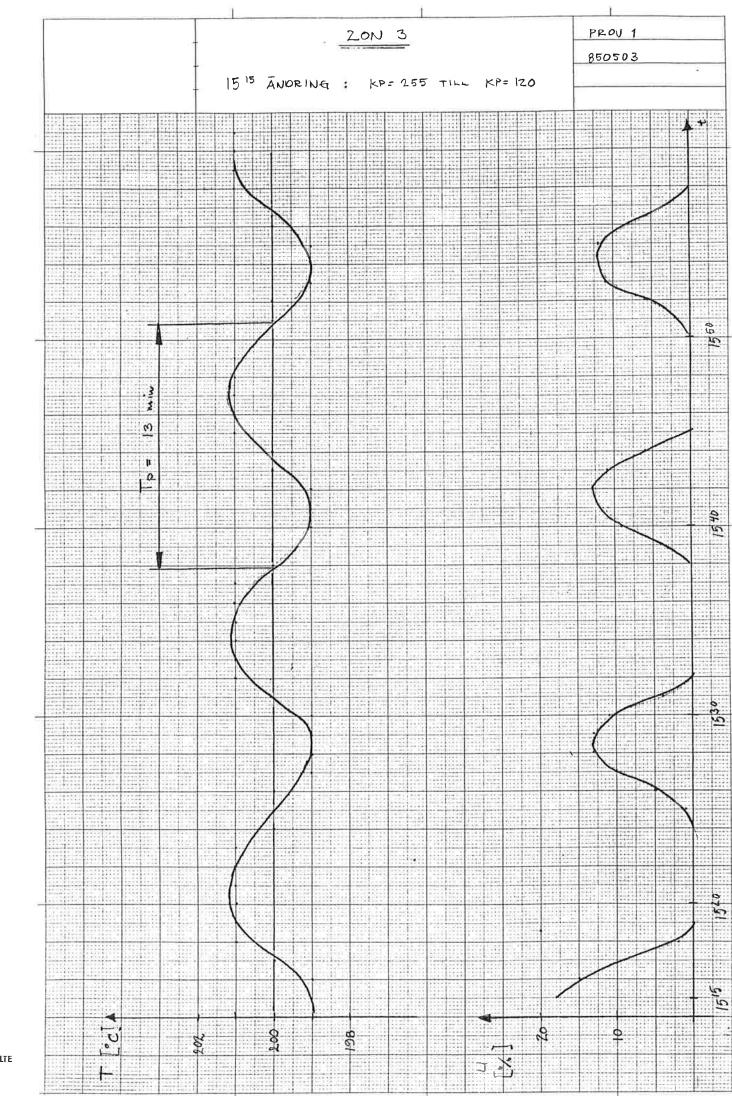
& ESSELTE 





73 25 01 - 514 A4 - 1×1 mm

**⊗** ESSELTE 



**SIS** 73 25 01 - 514 A4 - 1×1 mm

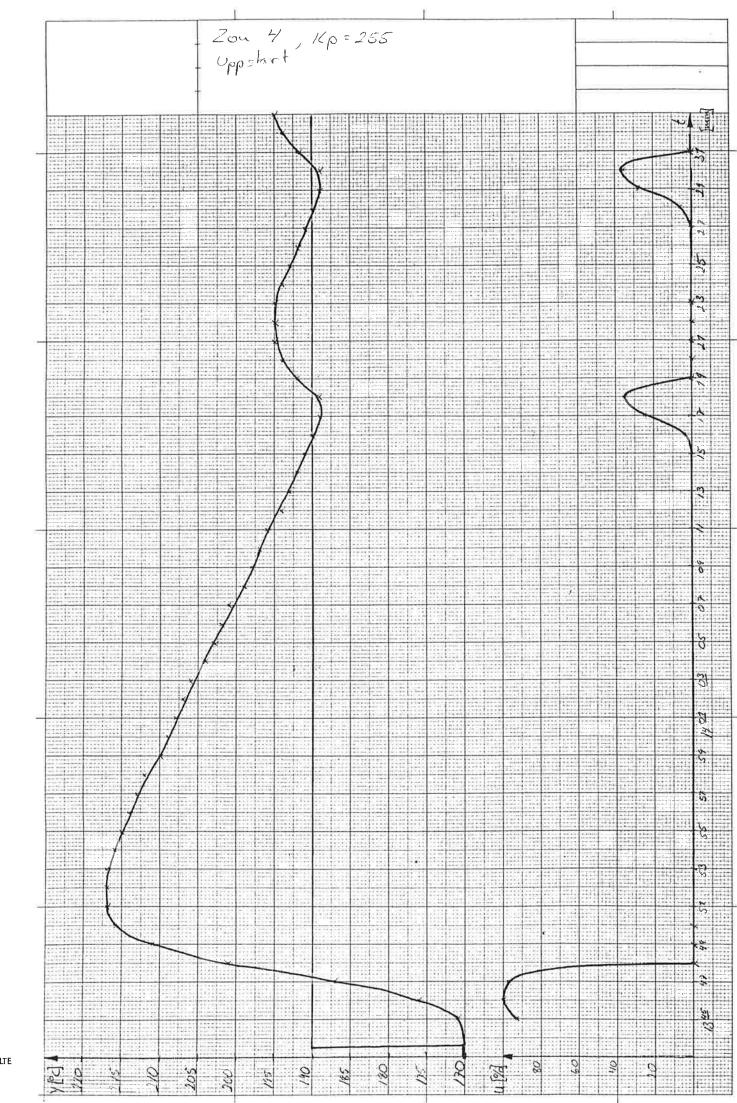
C

¢

C

¢

♦ ESSELTE 4441

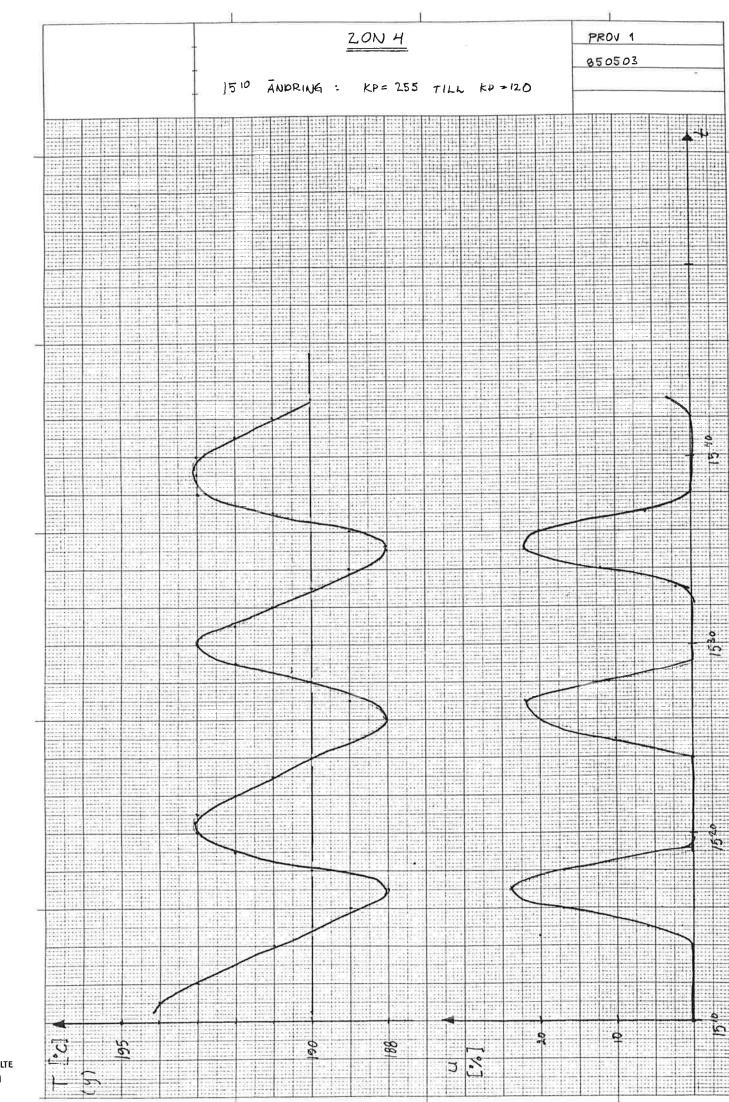


<u> 13 25 01 - 514 A4 - 1 × 1 mm</u>

C

¢

ESSELTE 4441



**315** 73 25 01 - 514 A4 - 1×1 mm

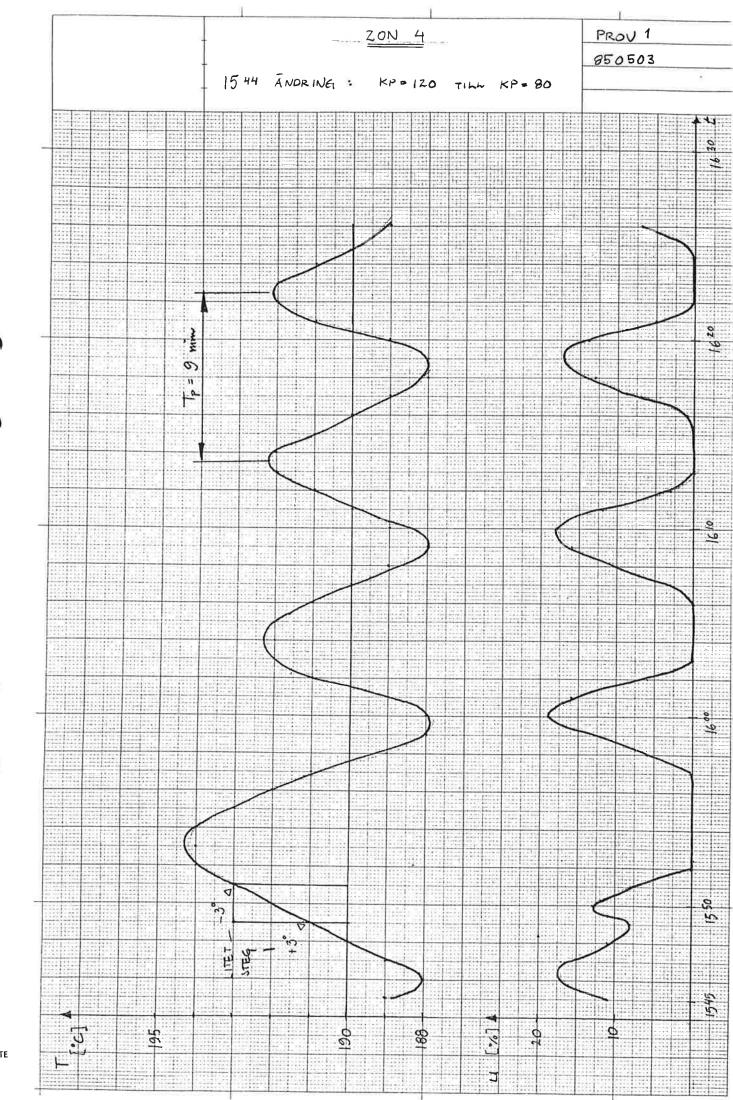
6

•

(

(

ESSELTE 4441



315 73 25 01 - 514 A4 - 1×1 mm

0

ESSELTE 4441

## PROJEKT - SYSTEM TEKNIK

ASEA INDUSTRI ROBOT SYSTEM IRB 6/2

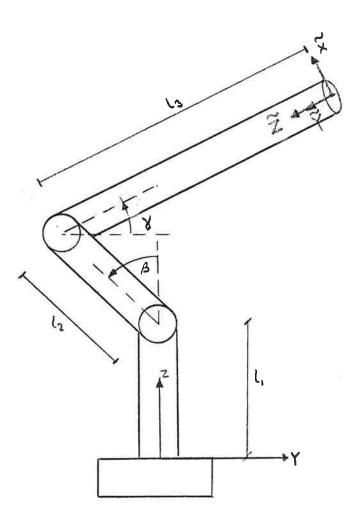
(

(

£

, (

> 85-05-13 NILS ANDERS DAHLQVIST MIKAEL OWALL M-81

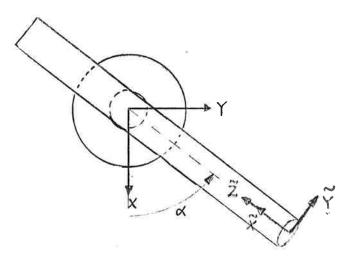


(

r

(

(



tranformation fran (X,Y,Z) till (X,Y,Z)

 $\begin{array}{c} (1) \text{ Unidning } - \times & \text{kning } Z \implies \\ \hline \\ (0) \text{ cosx } + \text{sing } 0 & 0 \\ - \text{sing } 0 & \text{sox } 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ \end{array}$ 

Translation - (1) lange Z =>  $\begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 - (1) \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$ 

(

(

(

dessa två operationer ger det nya koordinat systemet  $(\hat{x}, \hat{Y}, \hat{z})$  3 uridning & kning & =>

$$\begin{array}{cccc} \cos\beta & 0 & -\sin\beta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \sin\beta & 0 & \cos\beta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{array}$$

() translation - 12 langs 2 =>

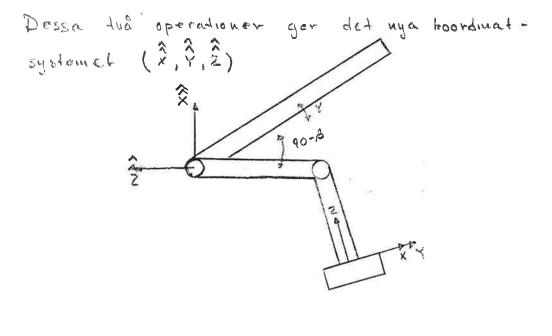
(

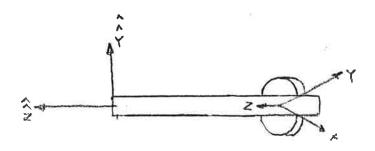
(

(

(

 $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -L_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ 





(

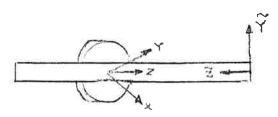
(

(

(

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Dessa Sex operationen ger koordinat: systemet (X,Y,Z) 2 2 2 2 2 2 2 2



ĸ

() × (£) =>  $\begin{bmatrix} cx + sx & 0 & 0 \\ -sx & cx & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -l_{1} \end{bmatrix}$ 

(

(

(

(

| CB      | 0 | -5 ß | 42 5  | 5) |
|---------|---|------|-------|----|
| 0       | t | 0    | 0     |    |
| SA<br>O | 0 | cß.  | -lack |    |
| 0       | 0 | 0    | 1     |    |

÷.

(5) × (6) =>

(

(

$$\begin{bmatrix} c \delta & 0 & -s \delta & -c_3 s \delta \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ s \delta & 0 & c \delta & c_3 c \delta \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

() x () x () x () x () =>

| ( | [cxcbcb-cxspsb           | -5× | -cxc/358-Cx5/3C8                     | -L3Cxc/355-l3cxs3c Stlexs             |
|---|--------------------------|-----|--------------------------------------|---------------------------------------|
|   | + SKC/SCS + SKS/SSS      | CK  | +5x 55 \$ +5x 5/3 c 8</th <th>1</th> | 1                                     |
| × | 5/308+0/255              | 0   | -5/355 +c/3c8                        | =+(35\$5\$+(30,808+(1+12,5))          |
|   | 0                        | 0   | 0                                    | k _                                   |
|   | [ ca(csco-ssso)          | -s× | - cx (c/356+ 5/366)                  | - L3 Cx (CASS+ 5/3 c S)+ 12, cx 5/3   |
|   | = - SK ( S/SS 8+ C/SC 8) | cx  | 5x(c/358+5/3c8)                      | -13 5x (c/358 + 5/3 c 8) + (2, 5x 5/. |
| ( | c/558+5/3c8              | 0   | -5/558+6/368                         | 13 (5B58-6,868) +1,+10,6A             |
|   | 0                        | 0   | 0                                    | I .                                   |
| ( |                          |     |                                      |                                       |

denna matris hallar vi A . vilket geh

$$\begin{aligned}
\vec{O} = \begin{bmatrix}
\cos x & -\sin x & 0 & 0 \\
\sin x & \cos x & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\vec{S} = \begin{bmatrix}
1 & 0 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 \\
0 & 0 & 1 & 1 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\vec{S} = \begin{bmatrix}
\cos \beta & 0 & \sin \beta & 0 \\
0 & 1 & 0 & 0 \\
-\sin \beta & 0 & \cos \beta & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

$$\vec{S} = \begin{bmatrix}
\cos \delta & 0 & \sin \delta & 0 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$

(

(

(

(

\*

$$\vec{G} \times \vec{S} = \begin{bmatrix}
 c\delta & 0 & S\delta & 0 \\
 0 & 1 & 0 & 0 \\
 -S\delta & 0 & c\delta & -l_3 \\
 0 & 0 & 0 & 1
 \end{bmatrix}$$

$$(G, \times G) = \begin{bmatrix} -s\delta & 0 & c\delta & -l_3 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(G, \times G) = \begin{bmatrix} c/\beta & 0 & s/\delta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -s/\delta & 0 & c/\delta & l_2 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$(\mathfrak{Y}^{\prime} \times (\mathfrak{Y}^{\prime})) = \begin{bmatrix} c\alpha & -s\alpha & 0 & 0 \\ s\alpha & c\alpha & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & l_{1} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

(

$$\widehat{\mathbb{G}}_{X} \widehat{\mathbb{G}}_{X} \widehat{\mathbb{G}}_{X} \widehat{\mathbb{G}}_{X} \widehat{\mathbb{G}}_{X} = (G \times S \times H \times 3)^{2} = \begin{bmatrix} C \delta c / \beta - S \delta S / \beta & 0 & C \delta S / \beta + S \delta C / \beta & (2 + S \delta C / \beta &$$

$$(6 \times 5 \times 4 \times 3)' \times (2 \times 1)' = A^{-1}$$

(

(

(

(

$$= \begin{bmatrix} cx(c\delta c/3 - s\delta s/3) & + sx(c\delta c/3 - s\delta s/3) & c\delta s/3 + s\delta s/3 \\ -sx & cx & 0 \\ -cx(s\delta c/3 + c\delta s/3) & - sx(s\delta c/3 + c\delta s/3) & c\delta c/3 - s\delta s/3 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A\begin{bmatrix} -x \\ -Y \\ -Z \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -x \\ -Y \\ -Z \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = A^{-1} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} l_1(c\delta s\beta + s\delta c\beta) + l_2 s\delta \\ 0 \\ l_1(c\delta c\beta - s\delta s\beta) + l_2 c\delta - l_3 \\ 1 \end{bmatrix}$$

•

CSSB+CBSS=SIU(3+5) = SIU(3+8+90-B) = SIU(8+90) = COSSCBCS-SBSS=COS(B+S) = COS(B+8+90-B) = -SIUS

 $-x = l_{1} \cos 8 + l_{2} \sin 8$ -y = 0 $-z = -l_{1} \sin 8 + l_{2} \cos 8 - l_{3}$ l = l

$$\Rightarrow$$

 $\sin \delta = \sin (8 - \beta + 90) = \cos (8 - \beta)$  $\cos \delta = \cos (8 - \beta + 90) = \cos (90 - (\beta - 8)) = \sin (\beta - 8) = -\sin (8 - \beta)$ 

=>

6 = (8 - 13 + 90) =>

$$-x = 4\cos 8 + 12\cos (8 - 13)$$
  
$$-z = -11\sin 8 - 12\sin (8 - 13) - 13$$

5. (met)

. . .

x

C

(

(

(

Geometrin ger

$$Z = L_1 + L_2 \cos / 3 + L_2 \sin 8$$
 (1)

$$X = \cos \left( -l_2 \sin \beta + l_3 \cos \beta \right) \quad (11)$$

$$Y = sin x (-l_2 sin \beta + l_3 cos 8) \quad (11)$$

(

(

( ·

(

$$-z = -l_{1} \sin \theta - l_{2} \sin (\theta - \beta) - l_{3} \quad (1v)$$
  
-x = l\_{1} \cos \theta + l\_{2} \cos (\theta - \beta) \qquad (v)

340 B

$$(11) \underline{o} (11) => X = \operatorname{arctan} \left(\frac{Y}{X}\right)$$

(1) 
$$\angle I = >$$
  
 $l_{2}^{2} cos^{2} \& + 2 l_{3} l_{2} cos / 5 \le 10.8 + l_{3}^{2} \le 10^{2} \& = (Z - l_{1})^{2}$   
 $l_{2}^{2} \le 10^{2} \& - 2 l_{2} l_{3} \le 10 \& \cos 8 + l_{3}^{2} \cos^{2} \& = (\frac{X}{cos \times})^{2}$   
 $+$   
 $l_{2}^{2} + l_{3}^{2} + 2 l_{2} l_{3} ( \sin 8 \cos / 5 - \cos 8 \sin / 5) = (Z - l_{1})^{2} + (\frac{X}{cos \times})^{2}$   
 $\sin (\& - \&) = \frac{(\frac{X}{cos \times})^{2} + (Z - l_{1})^{2} - l_{2}^{2} - l_{3}^{2}}{2 l_{2} l_{3}}$ 

(<del>\*</del>

$$(1V) => \frac{\left(\frac{x}{\cos x}\right)^{2} + \left(z - l_{1}\right)^{2} - l_{2}^{2} - l_{3}^{2}}{2 \cdot l_{1} + \frac{z}{l_{1}}} = \frac{l_{3}}{l_{1}} + \frac{z}{l_{1}}$$
  
=>  $\chi = \arccos \left[\frac{\left(\frac{x}{\cos x}\right)^{2} + \left(z - l_{1}\right)^{2} - l_{2}^{2} - l_{3}^{2}}{2 \cdot l_{1} + \frac{z}{l_{1}}} - \frac{l_{3}}{l_{1}} + \frac{z}{l_{1}}\right]$ 

$$A = -\arccos \left[ \frac{\left(\frac{x}{\cos x}\right)^2 + \left(2 - 1\right)^2 + \left(\frac{2}{2} + 1\right)^2}{2 \cdot 1_2 \cdot 1_3} + X \right]$$

=>

(

(

**(** )

(

Det är någad skumt med teknet på sista termen i utrychet för  $\mathcal{S} \cdot \left(\frac{2}{L_i}\right)$ men vi kan efter noggramna genom räkningur tyvärr og hitta telet.

-

### SYSTEMTEKNIK

Tyristorn och några av dess användningsområden

4

Utförd av: Göran Johansson M 81

Tid: Maj 1985

(

(

(

(

### Inledning

En tyristor är en halvledarkomponent som i princip fungerar som ventil för elektrisk ström.

Tyristorn är normalt uppbyggd av fyra stycken kisellager, vartannat n-ledande och vartannat p-ledande. r

De n-ledande kisellagren är dopade i ett ämne ur periodiska systemets 5:te grupp, vanligen Antimon. Antimonatomerna tillskjuter var och en en elektron, dvs en negativt laddad partikel. Därav beteckningen n-(negativt)-ledande skikt.

På motsvarnde sätt är de p-(positivt)-ledande kisellagren dopade av ett ämne i periodiska systemets 3:e grupp, vanligen bor. Boratomerna tillför då var och en en positivt laddad partikel, egentligen ett sk hål.

Figur 1 visar principiellt hur tyristorn är uppbyggd med fyra kisellager, anod och katod samt ett styre.

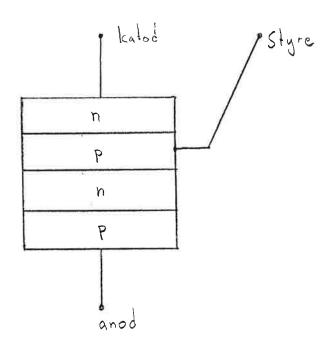


Fig 1:

1

I en tyristor finns således tre stycken pn-övergångar vilka är av helt avgörande betydelse för tyristorns funktion.

Vad som sker i en pn-övergång

Om p-skiktet är posistivt i förhållande till n-skiktet l e d e r pn-övergången ty de positiva partiklarna kan då vandra över i n-skiktet och tvärtom.

Om då istället p-skiktet skulle vara negativt i förhållande

Om då istället p-skiktet skulle vara negativt i förhållande till n-skiktet förskjuts både positiva och negativa laddningar från gränsområdet vid pn-övergången. Detta blir då då helt tomt från laddningar varför ingen ström ledes, man säger att övergången är spärrad.

### Tyristorns pn-övergångar

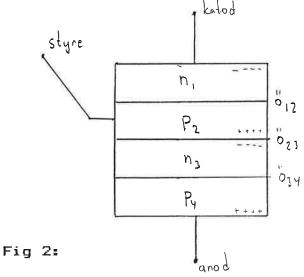
•

(

(

I figur 2 nedan har jag kallat pn-övergångarna för ö12, ö23 och ö34. Strömmens väg genom tyristorn är normalt från anod till katod, dvs anoden är positiv i förhållande till katoden.

Om vi nu lägger på en negativ ström så blir istället anod negativ i förhållande till katoden och då blir även p4 i figur 2 negativ i förhållande till n3. Detta medför då att ö34 är spärrad. Pss är ju katoden positiv varför även n1 är positiv i förhållande till p2 varför även ö12 är spärrad.

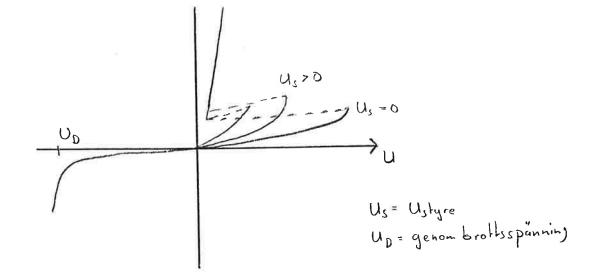


Däremot så kan nu ö23 leda ström ty n3 ligger närmast den negativa anoden och p2 ligger närmast den positiva katoden. Hur laddningarna rör sig kan även det studeras i figur 2.

Då strömmen är negativ så spärrar således tyristorn genom de båda spärrövergångarna. Vid en viss mycket hög spänning sker det emellertid ett lavingenombrott då strömmen växer ohindrat och tyristor bränns. Detta kan studeras vid negativa U i figur 3 som visar en tyristors karakteristiska.

Då vi istället lägger på en positiv ström på tyristorn blir p4 positiv gentemot n3 och p2 positiv gentemot n1. Av denna anledning kommer både ö12 och ö34 att leda medan däremot ö23 kommer att blockera ty n3 är positivare än p2.

ö23 kallas i detta fall för blockgenomgång. Även denna blockering kan brytas med en mycket hög spänning men skillnaden mot spärrriktningen är att man nu inte behöver bibehålla denna höga spänning för att tyristorn skall fortsätta leda ström. Även detta kan man se i figur 3. I blockriktningen kan man dessutom, vilket visas i fig 3, sänka genombrottsspänningen med en spänning som lägges på mellan styre och katod. Denna spänning kallas tändpuls och man säger att den tänder tyristorn.

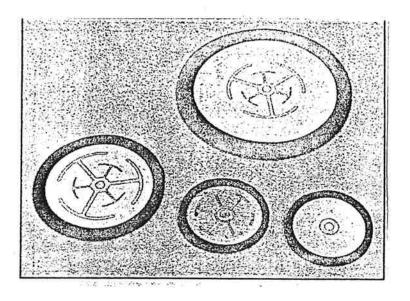




### Styrets funktion

På styret lägger man alltså på en kort tändpuls i det ögonblick som man vill att tyristorn skall tända. Det är emeéHertid så att tyristorn tänder först i ett litet område omedelbart runt styret för att sedan spridas ut över hela området.

Detta betyder att om man vill ha en snabb tyristor måste styrets utformning göras esempelvis som i figur 4 som visar Asea-tillverkade tyristorer.



### Fig 4

(

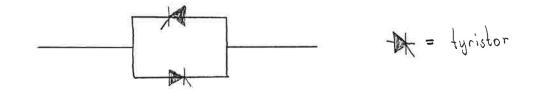
(

(

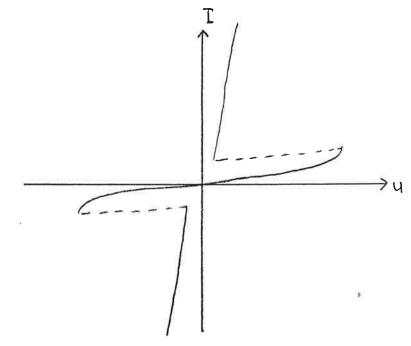
Kiselskivorna på bilden är ungefär 2 mm tjocka och innehåller alla fyra skikten, dvs hela tyristorfunktionen.

### Tyristor som leder på bägge hållen

Det finns även 5-skikts tyristorer som symmetriskt leder i bägge strömriktningarna. Denna funktion kan även fås om man antiparallellkopplar 2 4-skikts tyristorer.



Ovanstående koppling har följande spännings-strömberoende.





(

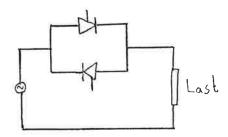
(

(

(

### Tyristorströmställare (enfas växelström)

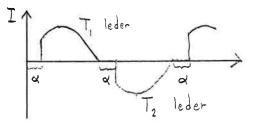
Fig 7 Kretschema



Då man ej har någon tändpuls flyter ingen eller en försumbart liten ström genom kretsen. Lägger man däremot på en tändpuls i början på varje halvperiod av växelströmmen så flyter strömmen omväxlande i tyristor T1 och T2 varje halvperiod.

Styrkrets för växelström

Kretsschemat är detsamma som i figur 7, men nu förskjuter vi tändpulsen från att komma i början av varje halvperiod till att komma en bit in varje gång enligt fig 8.



### Fig 8

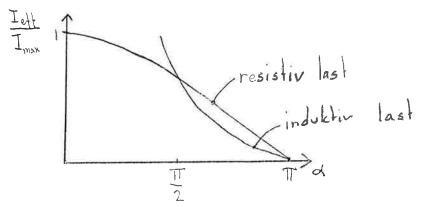
1

Tyristorn tänds således periodiskt vid styrvinkeln  $\alpha$ . Denna styrvinkel kan varieras och därmed kan Ieff och total effekt varieras utan att man får någon märkbar effektförlust.

Man kan härleda hur effektivströmmen varierar med  $\propto$  och får då

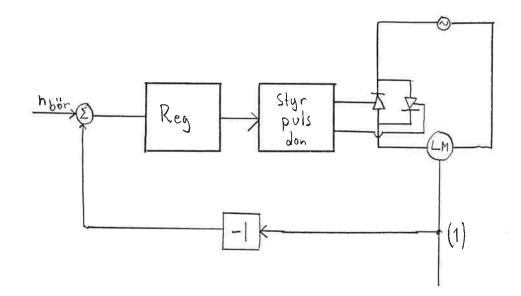
$$I_{eff} = \frac{U_{max}}{w L} \sqrt{\frac{2}{\pi} \left[ (\pi - \alpha) \left( \cos^2 \alpha + \frac{1}{2} \right) + \frac{3}{2} \sin \alpha \cos \alpha \right]}$$

Vilket kan ritas upp i diagramform som:



### Enkel reglering med tyristorer

Av det tidigare sagda förstår man nu att man genom att med tändpulsen variera styrvinkeln och därmed strömmen skulle man t ex kunna reglera varvtalet på en elmotor. Ett enkelt blockschema över ett sådant slutet system skulle kunna se ut som i följande figur.



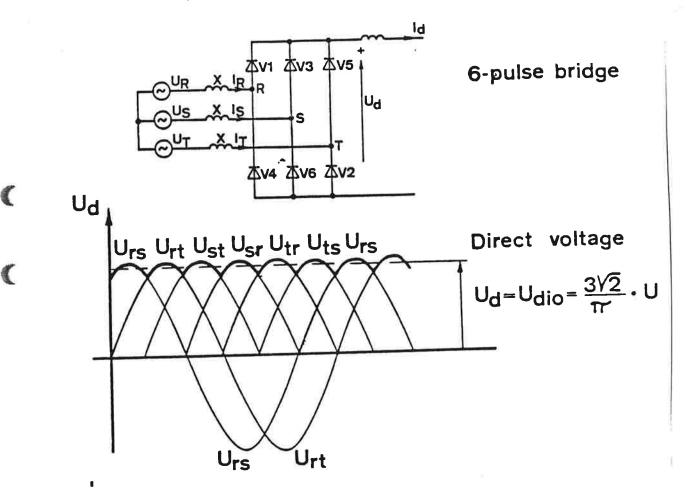
Vid (1) mäts utsignalen från motorn. Denna jämförs med ett börvärde och regleras i en PID-regulator som ger signal till styrpulsdonet som ändrar tändpulsen beroende på om strömmen skall ökas eller minskas.

Fortsättningen av denna rapport kommer nu mest att behandla hur tyristorer kommer in vid styrning och reglering av likströms och asynkronmotorer.

Innan detta kommer först ett kort avsnitt om styrpulsdonet, samt ett avsnitt om hur tyristorer används för omformning av växelström till likström (nätströmriktare),samt hur likström kan återföras till växelström (växelriktare).

### Styrpulsdon

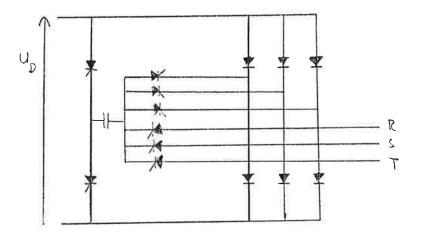
Styrpulsdonet får alltså sin signal från en regulator, denna signal består vanligast av en likspänning Uled. Denna likspänning jämförs i styrpulsdonet med spänningen i kretsen som skall styras. Då nivåerna är lika och kretsspänning på väg uppåt ges en styrpuls. I nedanstående figur visas en tyristorbrygga som utför en likriktning av trefas växelström.



Genom att variera tändvinkeln ∝ på tyristorerna kan likspänningens effektivvärde varieras.

(

Följande koppling utför den omvända processen, den omvandlar alltså likström till växelström.

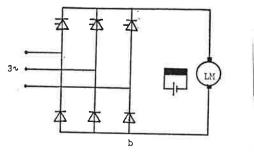


Med denna koppling kan man genom ändring av styrvinkeln  $\propto$  variera dels amplitud och dels frekvens hos den utgående växelströmmen.

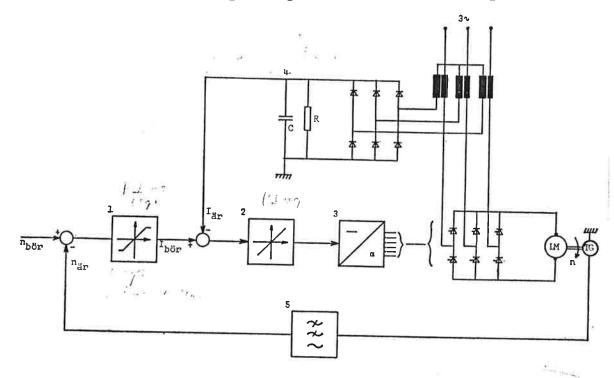
đ,

€.

Det är mycket vanligt att man vill reglera varvtalet på elmotorer och för en likströmsmotor sker detta bäst genom att ändra likspänningen i ankarkretsen. Normalt så använder man då ett trefas växelspänningsnät och med hjälp av en tyristorbrygga kan man då likrikta denna till en likström som sedan får mata ankarkretsen. Ett kopplingsschema på detta visas i nedanstående figur.



Varvtalet på motorn regleras nu genom att variera likströmmen över motorn, dvs ändra tändvinkeln på tyristorerna. Ett system för denna reglering visas i följande figur.



Den inre kretsen i detta system reglerar likströmmen eller med andra ord momentet på motorn. Man jämför Iär med Ibör, om varvtalet är rätt så är Ibör=O. Är-värdet mäts i en speciell krets som ger samma ström som motorn får. Skillnaden mellan Iär och Ibör matas in i regulatorn

som ger en spänning till styrpulsdonet. Denna i sin fur ger styrpulsen till tyristorerna.Ibör fås från den yttre reglerkretsen där varvtalet på motorn (utsignal) jämförs med ett ledvärde.

Motorvarvtalet kan fås från t ex en tachometer medan ledvärde fås från en potentiometer. En PI-regulator ger sedan Ibör som här begränsas till motorns märkdata. Den erhållna växelsströmmen motsvarar ingalunda en perfekt sinuskurva utan spänningen antar en trappstegsform och strömmen antar en ännu kontigare form enligt figuren nedan.



Kurvorna kan bli bättre genom att ansluta filter.

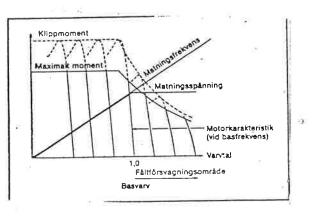
(

ſ

Tyristorer i en växelriktare måste vara mycket snabba. Detta har hittills försvårat användandet av växelriktare speciellt vid höga effekter. Konventionella tyristorer kan ej kombinera båda dessa krav, men på senare tid har man fått fram allt bättre tyristorer som har gjort frekvensstyrd asynkronmotordrift enligt ovan möjlig även vid höga effekter. Tack vare detta finns det nu planer på att införa asynkronmotorer i svenska lok som tidigare utelutande har körts med likströmsmotorer enligt föregående kapitel.

För en varvtalsstyrd asynkronmotor finns det i bifogad artikel härlett en överföringfunktion mellan ingående likström och frekvens och ur denna har man genom uppritande av rotort kunnat visa att systemet är stabilt. Det finns även beskrivit ett försök som också visade att så var fallet.

I den andra artikeln finns det beskrivit hur man styr japanska framtidslok som drivs av en linje motor. Reglersystemet är snarlikt det som har beskrivits för likströmsmotorer med den skillnaden att dessa finns på fasta stationer längs banan och ej i loken. Det tidigare beskrivna systemet med reglering av en likströmsmotor är en mycket vanlig applikation. Problemet med den är att en likströmsmotor kräver en relativ god omgivning och återkommande service. Asynkronmotorn är därför oftast den billigaste och i tuff miljö den enda gångbara elmotorn. Om man skall varvtalsstyra en asynkronmotor direkt så finns det i stort sett endast en möjlighet att göra detta utan att förorsaka större effektförluster och denna möjlighet ligger i att ändra frekvensen i den krets i vilken asynkronmotorn är inkopplad. Ändras frekvensen så ändras motorns synkrona varvtal och därmed både motorns driftvarvtal och moment. Följande figur visar innebörden av detta, det visar sig även att drivspänningen måste följa med ändringen av drivfrekvens.



Ett kopplingschema för en asynkronmotor med frekvensstyrning kan se ut som i följande figur.

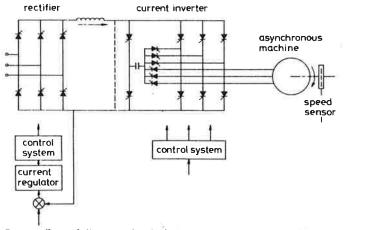


Fig. 1 General diagram of variables-speed drives

3-fas växelström från nätet görs först om till likström i en nätströmriktare. Man kan här genom reglering variera spänningsnivå, effektöverföring eller dylikt. Likspänningen matar sedan en växelriktare som återigen gör om likströmmen till en växelspänning. Här kan man genom reglering av styrvinkeln variera frekvensen till utgående växelspänningsnät godtyckligt.

## Determination of optimum operating frequency of a current-source inverter-controlled asynchronous machine by measurement of stator voltages

### B. de Fornel, J.C. Hapiot, C. Saubion and Prof. B. Trannoy

Indexing terms: Control equipment and applications, Inverters, Motors

Abstract: Theory and experimental results are given, concerning a control law for a <u>current-led</u> asynchronous machine, defining frequency on the basis of the machine's stator voltages. This law means that the speed sensor is no longer essential; it also allows estimation of rotor-current frequency and, hence, the rotation speed. An experimental model shows that the system is stable and also demonstrates good performances in the steady-state condition.

#### List of principal symbols

| a's                               | =               | current vector in stator                        |
|-----------------------------------|-----------------|---|
| Isd, isa, ird,                    | i <sub>ra</sub> | = 2-phase currents in stator and rotor          |
| $V_{sd}, V_{sq}$                  | =               | 2-phase voltages in stator                      |
| $\Phi_{ed}, \Phi_{ea}, \Phi$      | , m             | $\Phi_{rq}$ = fluxes in stator and rotor        |
| Φs                                |                 | flux vector in stator                           |
| ωs                                | =               | stator angular frequency                        |
| · در ک                            |                 | rotation speed                                  |
| ωr                                |                 | angular frequency of rotor currents             |
| $R_s, R_r$                        | =               | stator and rotor resistances                    |
| L. L. M                           |                 | stator, rotor and mutual inductances            |
| σ                                 |                 | dispersion coefficient                          |
| Tem                               |                 | electromagnetic torque                          |
| $\Delta_i  \Delta_i$              |                 | = small variations around a state               |
| rd' - rq'                         | =               | Laplace operator                                |
| $2p_0$                            |                 | number of poles of machine                      |
| .J                                |                 | moment of inertia                               |
| f                                 |                 | coefficient of viscosity                        |
| ,<br>V <sub>sm</sub>              |                 | maximum value of 2-phase voltages in stator of  |
| ' sm                              |                 | asynchronous machine                            |
| φ                                 | =               | phase of fundamentals of current and voltage in |
| Ψ                                 |                 | stator  |
| $\overline{V}$ . $\overline{V}$   | =               | mean values of voltages $V_{sd}$ and $V_{sq}$   |
| $ar{V_{sd}},\ ar{V_{sq}} \ 	heta$ |                 | angular position of direct axis in relation to  |
|                                   |                 | phase 1 of asynchronous machine                 |
|                                   | _               | machine voltage of hybrid computer (Fig. 7)     |
| UM<br>V V                         | _               | stator voltages of phases 2 and 3               |
| $V_{s2}, V_{s3}$                  | _               | stator vortuges or pruses 2 und 5               |

### 1 Introduction

The rapid development of power electronics and digital techniques has made possible the use of AC speed-control devices and static convertors. These speed controls must be capable of use in industrial applications.

To meet these industrial needs, it is necessary to design speed controls so that they correspond to a control law linking input variables with output variables. In the case of the asynchronous machine, several systems have been designed and built [2, 3] which have a rotor-current frequency control. This design has great advantages for the characteristics of the asynchronous machine, with regard to both steady-state and transient operations. There is, however, one major disadvantage, in that a high degree of accuracy is required for the

Paper 2381B(P6), first received 12th July and in final form 24th December 1982

The authors are with the Laboratoire d'Electrotechnique et d' Electronique Industrielle, ERA 536 du CNRS, 2 rue Camichel, 31071 Toulouse Cedex, France speed sensor, because frequencies of rotor currents will be added electronically. The speed sensor is expensive and mechanically delicate and could not, therefore, be fitted to many drive installations operating in arduous conditions.

2

Various laboratories [1, 4, 5, 8] have been working for a number of years on a system to bypass mechanical sensors, which would, at the same time, retain good speed-control performances.

In the present article, the authors have studied and developed a control law for an asynchronous machine fed by a static convertor. They have worked out a relatively simple control law, which defines stator frequency on the basis of voltages in the machine. They have also examined the transient behaviour of a system controlled in this way, and show how this control system can be based on analogue and digital techniques, with reference to the experimental results.

### 2 Determination of control law

Consider a 3-phase asynchronous machine, supplied by a static inverter (Fig. 1). It is assumed that the machine is symmetrical, that the airgap flux is sinusoidal and that magnetic saturation is negligible. To determine the law, only the fundamental components of currents and voltages will be considered. A system of reference axes is used, rotating at a speed  $\omega_s$  (angular frequency of stator), such that the direct axis is positioned according to the current vector  $I_s$ . Thus:



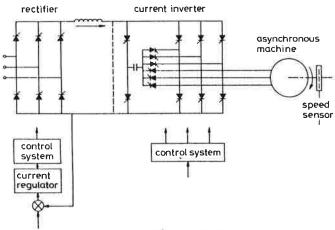


Fig. 1 General diagram of variables-speed drives

The electrical equations of the machine are

$$V_{sd} = R_s i_s d + \frac{d}{dt} \phi_{sd} - \omega_s \phi_{sq}$$

$$V_{sq} = \frac{d}{dt} \phi_{sq} + \omega_s \phi_{sd}$$

$$0 = R_r i_{rd} + \frac{d}{dt} \phi_{rq} - \omega_r \phi_{rq}$$

$$0 = R_r i_{rq} + \frac{d}{dt} \phi_{rq} + \omega_r \phi_{rd}$$
(1)

Once the eqns. 1 have been converted, in order to obtain the system describing the steady state (the d/dt terms are cancelled), their resolution leads to (Appendix 9.2):

$$\phi_{rq}^2 = \left(\frac{L_r}{M}\right)^2 \{L_s I_s - \phi_{sd}\}\{\phi_{sd} - \sigma L_s I_s\}$$

Since  $\phi_{rq}^2 > 0$ , it follows that

$$\sigma L_s I_s < \phi_{sd} < L_s I_s$$

C, is important that the stator flux  $\phi_{\theta}$  of the asynchronous machine should be controlled. This flux is obtained from

$$\phi_s = \sqrt{\phi_{sd}^2 + \phi_{sq}^2}$$

But, from steady-state considerations of eqn. 1

 $\phi_s^2 = L_s I_s \{ (1+\sigma) \phi_{sd} - \sigma L_s I_s \}$ 

where  $\omega_s = k V_{sa}$ 

$$k = \frac{1}{\phi_{sd}} = \frac{(1+\sigma)L_sI_s}{\phi_s^2 + \sigma L_s^2I_s^2}$$

The coefficient k, which allows  $\omega_s$  to be defined using  $V_{sq}$ , depends on the flux  $\phi_s$  and current  $I_s$ .

The electromagnetic torque is given by the expression

$$T_{em} = \pm \frac{p_0 L_r}{M(1+\sigma) L_s} \quad \sqrt{\{(L_s I_s)^2 - \phi_s^2\}} \{\phi_s^2 - (\sigma L_s I_s)^2\}$$

and

$$\omega_r = \pm \frac{R_r}{L_r} \sqrt{\frac{(L_s I_s)^2 - \phi_s^2}{\phi_s^2 - (\sigma L_s I_s)^2}}$$

In the expressions  $T_{em}$  and  $\omega_r$ , it is difficult to distinguish motor and generator functions, since the sign for each of these variables is not defined.

It will be noted that, for a current  $I_s$  and a flux  $\phi_s$ , torques rd angular frequencies of rotor currents are imposed.  $\gamma$ 

### 3 Study of transient operation of system

We shall first consider variations in the electrical values, assuming that the machine speed does not have time to vary. In this way, the characteristics of the transient electrical rating can be defined for several values of the rotation speed. In spite of this approximation, the eqns. 1 remain nonlinear, and we shall consider small variations, in order to produce linearisation. Thus, the equation system which results is as follows (see Appendix 9.3):

$$(R_r + sL_r) \Delta i_{rd} - L_r \omega_r \Delta i_{rq} - L_r i_{rq} \Delta \omega_r = -sM\Delta I_s$$

$$L_r \omega_r \Delta i_{rd} + (R_r + sL_r) \Delta i_{rq} + (L_r i_{rd} + MI_s) \Delta \omega_r$$

$$= -M\omega_r \Delta I_s$$

$$kM\omega_s \Delta i_{rd} + skM\Delta i_{rq} = -\left(L_s k\omega_s + \frac{K}{k}\omega_s\right) \Delta I_s$$

where

$$K = \frac{\Delta k}{\Delta I_s}$$

The poles of the transfer function  $F(s) = \Delta \omega_s / \Delta I_s$  (taking  $\omega$  as constant,  $\Delta \omega_r$  is replaced by  $\Delta \omega_s$ ) are solutions of the equation

$$s^{2} + \frac{1}{T_{e}} \left(1 + T_{e}^{2} \omega_{r} \omega\right) s + 2 \omega_{r} \omega_{s} = 0$$

where

$$T_e = L_r/R_r$$

In particular, one can see that these poles are independent of the current. If one takes into account speed variation, this gives a transfer function  $G(s) = \Delta \omega_s / \Delta I_s$  whose denominator is of the form

$$(1 + T_m s)\{(1 + T_e s)^2 + \omega_r^2 T_e^2\}\{T_e^2 s^2 + T_e (1 + T_e^2 \omega_r \omega)s + 2\omega_r \omega_s T_e^2\}$$

In addition to the poles already considered, one must introduce the mechanical pole

$$S_m = -\frac{1}{T_m}$$
 where  $T_m = J/f$ 

and two complex poles are dependent on  $\omega_r$  only:

$$S_{1,2} = -\frac{1}{T_e} \pm j\omega_r$$

On the complex plane, for two values of  $\omega_r(\omega_r = 4 \text{ rad/s}, \text{ no$  $load operation and } \omega_r = 20 \text{ rad/s nominal load operation}), the$ variation of the poles has been drawn as a function of rotationspeed (Fig. 2).

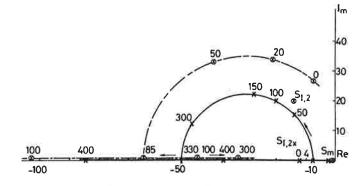


Fig. 2 Locus of roots for transfer function F(s) with variation of speed

$$\frac{--\infty}{--x} - \frac{\omega_r}{\omega_r} = 20$$

It can be seen that the dominant poles are

$$S_{1,2} = -\frac{1}{T_e} \pm j\omega_r$$

Except for the very low speeds the modes corresponding to the F(s) poles fade more quickly and disappear in the first periods of the transient operation. Changes in speed, torque and stator frequency occur according to the modes associated with the three other poles ( $S_m$  and  $S_1$  and  $S_2$ ). The value of  $S_m$  varies if the load torque is proportional to the speed.

For the Figures representing high-amplitude transient operation, such as starting, there is qualitative verification of the above results.

For starting, a threshold for  $\omega_0$  must be introduced.

Actually, when the machine stops, there is zero voltage, and therefore  $\omega_s$  is also zero.

Several tests by hybrid simulation were carried out on an experimental machine in order to adjust this threshold to a value of around 10 to 15 rad/s, thus limiting torque oscillations during starting (Fig. 3). The parameters of the asynchronous machine are given in Appendix 9.2.

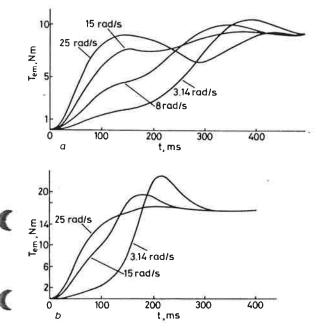


Fig. 3 Variation of torque during starting for several values of  $\omega_s$  threshold

### a Low values of torque b High values of torque

As the sign of  $\omega_r$  cannot be controlled, it was not possible to impose the generator function in the case of braking. There are two ways of carrying out braking and the possible reversal of the rotation direction:

(a) braking effected by counter current, achieved by inverting two of the machine's stator phases (Fig. 4)

(b) a programmed decrease of  $\omega_s$  (Fig. 5) with a time constant  $\tau$ .

A hybrid simulation was used to demonstrate 2-speed reversals, using these methods. To achieve a complete reversal of the rotation speed, it was found that the reversal was the faster for the threshold, being that much lower.

### 4 Sensitivity to machine parameter

We shall consider here the  $\omega_r$  estimated model, in order to examine the sensitivity of this model to the parameters of the asynchronous machine.

For a parameter  $x_i$  of the machine, the sensitivity coefficient is obtained from

$$S_i = \frac{\partial \omega_r}{\omega_r(x_i)} \left/ \frac{\partial x_i}{x_i} \right.$$

Three parameters of the machine are taken into account in the expression  $\hat{\omega}_r$ ; these are  $T_e$ ,  $\sigma$  and  $L_s$ .

Let  $S(T_e) = 1$ , i.e. a 10% error in the rotor time constant causes a 10% error in  $\hat{\omega}_r$ . Thus:

$$S(L_s) = \frac{1}{2} \frac{x}{(ox-1)(1-x)}$$
  
where  $x = kL_s I_s$   
$$S(\sigma) = -\frac{\sigma}{2} \frac{x}{x-1}$$

IEE PROC., Vol. 130, Pt. B, No. 3, MAY 1983

Variations in these sensitivity coefficients as a function x are shown in Fig. 6. It will be observed that the sensitivity is greater, the lower the level of rotor-current frequency. In the case of simultaneous variation of  $L_s$  and  $L_r$ , due, for example, to saturation, it will be observed that there is a reduction in sensitivity.

#### 5 Experimental procedure

Reconstitution of  $V_{sq}$  on the experimental assembly was carried out in two different ways:

(a) The first method assumed that losses and commutation in the inverter were negligible. In these conditions the inverter input voltage is proportional to the average value of  $V_{sd}$ ;  $\overline{V}_{sd}$ .

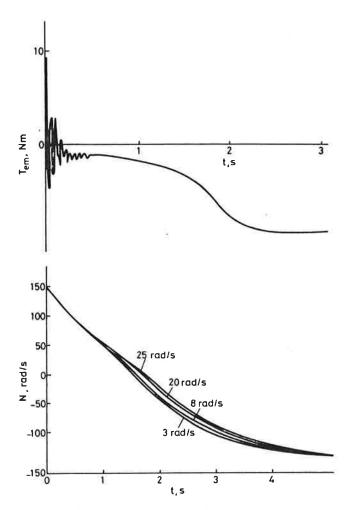


Fig. 4 Variation of torque and speed during reversal of rotation of machine in counter field

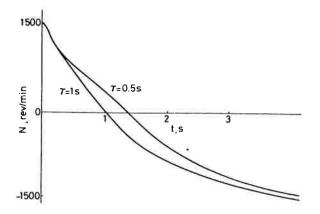


Fig. 5 Variation of speed for reversal of rotation with a programme of speed decrease for two values of time constant  $\tau$ 

209

It can be stated that:

$$\bar{V}_{sd} = V_{sm} \cos \phi$$

 $\overline{V_{sq}} = V_{sm} \sin \phi$ 

The maximum amplitude  $V_{sm}$  can be obtained, using a diode bridge which rectifies the stator voltages.

$$\bar{V}_{sq} = \sqrt{V_{sm}^2 - \bar{V}_{sd}^2}$$

From this, one can directly obtain the average value of Vsq.

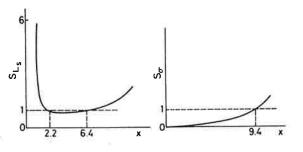


Fig. 6 Sensibility coefficients of mathematical model  $S_{L_8}$  and  $S_{\sigma}$ 

(b) The second method of reconstituting  $V_{sq}$  imposes no conditions on the inverter. Calculation is on the basis of the instantaneous voltages at the machine's stator.

To determine  $V_{sq}$ , two voltages,  $V_{s2}$  and  $V_{s3}$ , are measured, together with the angle  $\theta$  which determines the position of the direct axis in relation to phase 1. The phase 1 axis is defined by its own maximum current.

With regard to a defined commutation in the convertor,  $\theta$  has the initial value of  $-\pi/6$  at the beginning of each cycle, and

$$V_{sa} = \sqrt{2} \{ V_{s2} \cos(\theta - \pi/3) + V_{s3} \cos(\theta - 2\pi/3) \}$$

The error of the angle  $\theta$  can be assessed for the maximum operating frequency (here, 60 Hz) at

 $\Delta\theta \leq 3^{\circ}5'$ 

Hence

ŝ

$$\frac{\Delta V_{sq}}{V_{sq}} \le 3\%$$

This method of determining  $V_{sq}$  remains valid for both rotation directions. To pass from one to the other, one merely has to exchange  $V_{s2}$  and  $V_{s3}$ .

The equipment used in assessing this control law were the analogue console and the digital console of a hybrid computer EAI 500.

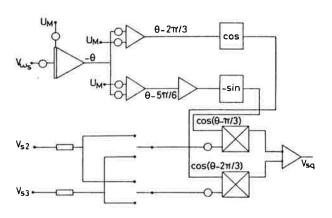


Fig. 7 Analogue scheme for reconstitution of V<sub>sa</sub>

In order to determine  $\overline{V_{sq}}$ , the integration of  $V_{sq}$  is obtained using analogue integrators, whereas the division of  $V_{sq}$  by the period is carried out by a digital program.

Both the  $\omega_s = k V_{sq}$  law and the  $\omega_r$  estimate were worked out by using a digital subroutine. The reconstitution of  $V_{sq}$  by the second method is shown in Fig. 7. Fig. 8 gives the  $V_{s2}$ ,  $V_{s3}$ and  $V_{sq}$  signals.

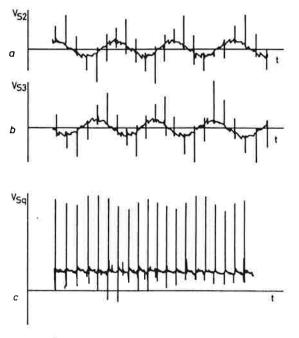


Fig. 8 Experimental signals in steady state

a, b. Stator voltages

c. Calculated signals  $V_{sq}$ 

### 6 Results

The experimental tests were carried out on a 5 kW 3-phase asynchronous machine. The control signal was the reference current used to regulate the supply. The present study did not examine this type of speed regulation, as this was carried out in a previous study [9].

Experimental results are shown concerning transient operation for the machine (Fig. 9) for several values of the current  $I_s$  and the frequency <u>threshold</u>. It was observed that, with the maximum possible current ( $\overline{I_s} = 40$  A), the machine was started from 0 to 1500 rev/min in less than 2 s.

Fig. 10 also shows complete reversal of the rotation direction of the machine from -1000 rev/min to +1000 rev/min. This compares with the reversal obtained using generator braking via a speed sensor on the same machine.

It will be observed that the duration of the total reversal of direction is greater than with a generator; on the machine examined, it is 12 s, instead of 8 s.

### 7 Conclusions

The present article contains a description of the determination and realisation of a control law for a current-fed asynchronous machine, which makes it possible to do without a speed sensor. This law is based on the determination of frequency from the machine's voltages, and allows stator use in the machine to be controlled. The law also makes it possible to estimate rotorcurrent frequency and, hence, the rotation speed of the machine. The present state of development of the control system means that operation with generator for braking and reversal of rotation direction is not directly possible. A modification of the law is being effected to allow operation in all four quadrants of the speed/torque plane. We should like to

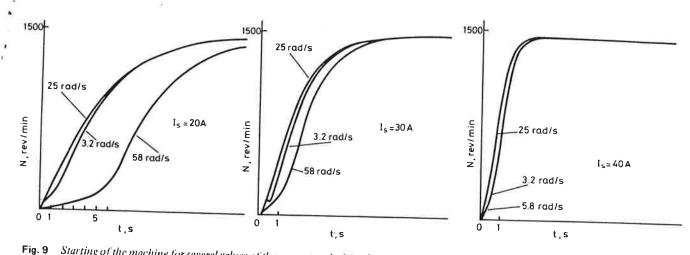


Fig. 9 Starting of the machine for several values of the current and of the threshold on stator angular frequency

point out, however, that countercurrent braking is feasible and demonstrates satisfactory performances in numerous applications. Study of the control law described was made on a hybrid computer EAI 500, but now this law is realised on a microprocessor MOTOROLA 6 800, with wired multiplication and division.

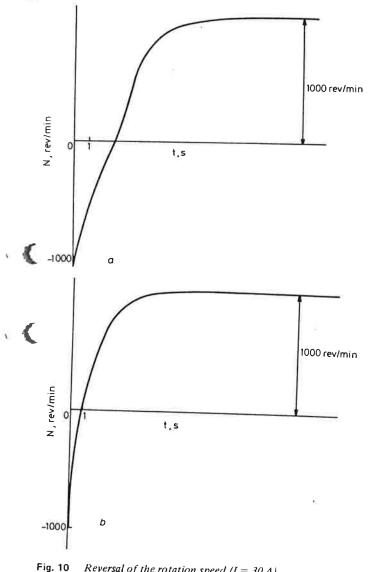


Fig. 10 Reversal of the rotation speed (I = 30 A)a Control by  $V_{sq}$  and braking in counter field b Control by a speed sensor using generator braking

### IEE PROC., Vol. 130, Pt. B, No. 3, MAY 1983

### 8 References

- ABBONDANTI, and BRENNEN M.: 'Variable speed induction motor drives use electronic slip calculator based on motor voltages and currents', *IEEE Trans.*, 1975, 1A-11, pp. 483–488
- 2 TRANNOY, B., BOIDIN, M., and DE FORNEL, B.: 'Investigation of the transient behaviour of a current-fed autopiloted asynchronous induction machine', *Proc. IEE*, 1975, 122, (10), pp. 1141–1145
- CORNELL, E., and LIPO, T.: 'Modeling and design of controlled current induction motor drive systems', *IEEE Trans.*, 1977, IA-13, pp. 321-330.
   EARLINES, LM, 1974.
- 4 FARINES, J.M.: 'Etude et mise en oeuvre d'une méthode d'estimation de la vitesse de la machine asynchrone autopilotée alimentée par un commutateur de courant à partir de la connaissance des grandeurs électriques'. Doctoral thesis, Toulouse, Nov. 1979
- 5 GABRIEL, R., LEONHARD, N., and NORDBY, C.: 'Field-oriented control of a standard AC motor using microprocessors'. Proceedings IEEE- IAS conference, annual meeting Cleveland, USA, Oct. 1979, p. 910
- 6 SAUBION, C.: 'Etude et réalisation de la commande numérique d'une machine asynchrone alimentée en courant - commutation et étude des défauts - commande et estimation numérique de la vitesse'. Doctoral thesis, Toulouse, Nov. 1980
- 7 DE FORNEL, B., FARINES, J.M., and HAPIOT, J.C.: 'Numerical estimation of the speed of an asynchronous machine supplied by a static converter'. Paper presented at IEEE-IAS conference, annual meeting, Cleveland, USA, Oct. 1979
- 8 DE FORNEL, B., HAPIOT, J.C., REBOULET, C., and BOIDIN, M: 'Numerical speed control of a current-fed asynchronous machine'. Paper presented at International conference on electrical machines, ICEM Congress, Athens, Sep. 1980

### 9 Appendixes

9.1 Determination of flux  $\phi_{rq}$  and torque  $T_{em}$ 

$$\phi_{rq} = L_r i_{rq} \qquad \phi_{sd} = L_s i_{sd} + M i_{rd}$$

$$\phi_{sq} = M i_{rq} \qquad \phi_{rd} = M i_{sd} + L_r i_{rd}$$

$$0 = \frac{R_r}{L_r} \phi_{rq} + \omega_r \{M i_{sd} + L_r i_{rd}\}$$

$$0 = R_r i_{rd} - \omega_r \phi_{rq}$$

$$i_{sd} = I_s$$

$$i_{rd} = \frac{\phi_{sd}}{M} - \frac{L_s}{M} i_{sd}$$

$$\omega_r = \frac{R_r i_{rd}}{\phi_{rq}}$$

$$\frac{R_r}{L_r} \phi_{rq} = -\frac{R_r i_{rd}}{\phi_{rq}} \{M i_{sd} + L_r i_{rd}\}$$

211

$$\begin{aligned} \phi_{rq}^{2} &= -\frac{L_{r}}{M} \left\{ \phi_{sd} - L_{s}I_{s} \right\} MI_{s} + \frac{L_{r}}{M} \phi_{sd} - \frac{L_{s}L_{r}}{M} I_{s} \\ \star \phi_{rq}^{2} &= \left(\frac{L_{r}}{M}\right)^{2} \left\{ L_{s}I_{s} - \phi_{sd} \right\} \left\{ \phi_{sd} - \sigma L_{s}I_{s} \right\} \\ \phi_{rq}^{2} &= \left(\frac{L_{r}}{M}\right)^{2} \left\{ L_{s}I_{s} - \frac{\phi_{s}^{2} + \sigma L_{s}^{2}I_{s}^{2}}{(1 + \sigma)L_{s}I_{s}} \right\} \left\{ \frac{\phi_{s}^{2} + \sigma L_{s}^{2}I_{s}^{2}}{(1 + \sigma)L_{s}I_{s}} - \sigma L_{s}I_{s} \right\} \\ \phi_{rq}^{2} &= \frac{L_{r}^{2}}{M^{2}(1 + \sigma)^{2}L_{s}^{2}I_{s}^{2}} \left\{ L_{s}^{2}I_{s}^{2} - \phi_{s}^{2} \right\} \left\{ \phi_{s}^{2} - \sigma^{2}L_{s}^{2}I_{s}^{2} \right\} \\ T_{em}^{2} &= -p_{0}I_{s}\phi_{rq} \times M/L_{r} \\ \star T_{em}^{2} &= \pm \frac{p_{0}}{(1 + \sigma)L_{s}} \sqrt{\left\{ L_{s}^{2}I_{s}^{2} - \phi_{s}^{2} \right\} \left\{ \phi_{s}^{2} - (\sigma L_{s}I_{s})^{2} \right\}} \end{aligned}$$

9.2 Parameters of induction machine used

Parameters of the asynchronous machine: 3 phases, 50 Hz, W

$$127/220 \vee 35/20 \text{ A}$$

$$R_{s} = 0.078 \Omega \qquad L_{s} = 0.0096 \text{ H} \qquad M = 0.00716 \text{ H}$$

$$R_{r} = 0.087 \Omega \qquad L_{r} = 0.00586 \text{ H}$$

$$f = 0.01 \text{ Nm/rd/s}$$

9.3 Calculus of transfer functions without and with variations in speed The system of Equations is:

$$\begin{cases} 0 = R_r i_{rd} + \frac{d}{dr} \phi_{rd} - \omega_r \phi_{rq} \\\\ 0 = R_r i_{rq} + \frac{d}{dr} \phi_{rq} + \omega_r \phi_{rd} \\\\ j \frac{d\omega}{dt} + f\omega = p_0 \left(T_{em} - T_r\right) \qquad T_r \text{ is the load torque} \end{cases}$$

with

÷,

٨

¥,

$$\phi_{rd} = L_r i_{rd} + M I_s$$

$$\phi_{rq} = L_r i_{rq}$$

For small variations about an operating point, we determine

$$0 = R_r \Delta i_{rd} + S(L_r \Delta i_{rd} + M\Delta I_s) - L_r \omega_r \Delta i_{rq}$$

$$-L_r i_{rq} \Delta \omega_r$$

$$0 = R_r \Delta i_{rq} + SL_r \Delta i_{rq} + \omega_r (L_r \Delta i_{rd} + M\Delta I_s)$$

$$+ \Delta \omega_r (L_r i_{rd} + MI_s)$$

$$(Js + f) \Delta \omega = p_0^2 \Delta T_{em} \quad \text{if } \Delta T_r = 0$$

$$(T_r \text{ is a perturbation})$$

and

$$\begin{split} \Delta \omega_{s} &= k \Delta V_{sq} + V_{sq} \Delta k \\ \Delta \omega_{s} &= k \left\{ sM \Delta i_{rq} + \Delta \omega_{s} \left( L_{s}I_{s} + Mi_{rd} \right) \right. \\ &+ \omega_{s} \left( L_{s} \Delta I_{s} + M\Delta i_{rd} \right) \right\} \\ &+ \Delta k \left\{ \omega_{s} \left( L_{s}I_{s} + Mi_{rd} \right) \right\} \end{split}$$

as in steady state

$$k\phi_{sd} = 1$$
  

$$0 = k \{ sM \Delta i_{rq} + \omega_s (L_s \Delta I_s + M\Delta i_{rd}) \}$$
  

$$\Delta k\omega_s (L_s P_s + M i_{rd})$$

If we put 
$$K = \Delta k / \Delta I_s$$
, the precedent equation is  
 $kMs \Delta i_{rq} + kM\omega_s \Delta i_{rd} = -\left(kL_s \omega_s + \frac{K}{k} \omega_s\right) \Delta I_s$ 

Eliminating  $\Delta i_{rd}$  and  $\Delta i_{rq}$ , we obtain

$$F(s) = \frac{\Delta \omega_r}{\Delta I_s} = \frac{F_1(s)}{F_2(s)}$$

The denomination of F(s) is

$$F_2(s) = \frac{R_r k M \phi_{rg}}{\omega_r} \left[ s^2 + s \left( \frac{1}{T_e} + \omega \omega_r T_e \right) + 2 \omega_s \omega_r \right]$$

When we neglect the variations of  $\omega(\Delta \omega = 0)$ , then  $\Delta \omega_s = \Delta \omega_r$  and  $\Delta \omega_s / \Delta I_s = F(s)$ In the other case,

$$\Delta \omega_r = \Delta \omega_s - \Delta \omega$$
$$\Delta T_{em} = -p_0 L_r (i_{rq} \ \Delta I_s + I_s \ \Delta i_{rq})$$

We have

$$\frac{\Delta\omega_s}{\Delta I_s} = \frac{\Delta\omega_r + \Delta\omega}{\Delta I_s} = F(s) + \frac{\Delta\omega}{\Delta I_s}$$

$$\frac{\Delta\omega}{\Delta I_s} = -\frac{p_0^2 L_r i_{rq}}{f(1 + T_m s)} - \frac{p_0^2 L_r}{f(1 + T_m s)} \frac{\Delta i_{rq}}{\Delta I_s}$$

$$\frac{\Delta i_{rq}}{\Delta I_s} = \frac{G_1(s)}{G_2(s)} \quad \text{with } G_2(s) = R_r^2 \{(1 + T_e s)^2 + T_e^2 \omega_r^2\}$$

For the transfer function  $\Delta \omega_s / \Delta I_s$ , the common denominator is

 $n \in \{n\}$ 

$$F_{2}(s) \times G_{2}(s) \times (1 + T_{m}s)$$
  
or  
$$K_{1}\left\{s^{2} + s\left(\frac{1}{T_{e}} + \omega\omega_{r}T_{e}\right) + 2\omega_{s}\omega_{r}\right\}\left\{1 + T_{m}s\right\}$$
$$\left\{(1 + T_{e}s)^{2} + T_{e}^{2}\omega_{r}^{2}\right\}$$

LEEE TRANSACTIONS ON INDUSTRY APPLICATIONS, VOL. IA-17, NO. 5, SEPTEMBER/OCTOBER 1981

## Characteristics of Linear Synchronous Motor Drive Cycloconverter for Maglev Vehicle ML-500 at Miyazaki Test Track

TAKASHIGE SAIJO, SENIOR MEMBER, IEEE, SHIGEYOSHI KOIKE, AND SUSUMU TADAKUMA, MEMBER, IEEE

Abstract—Maglev vehicle ML-500 in Japan attained a speed of 517 km/h on December 21, 1979. The linear synchronous motor (LSM) drive cycloconverter fabricated and submitted to the track test has a capacity of approximately 12 000 kVA in a continuously variable. Quency range of 0–34 Hz with a sinusoidal current waveform. The Greent can be arbitrarily controlled in a range of 200–1300 A. Despite the rigorous power conversion and control, excellent current control characteristics were obtained: less than 4 percent in deviation of current peak value, about 4° in leading phase deviation and approximately 1.2 ms in zero current interval. Some observations with the LSM driving system are made, and an outline of the design and the data obtained from the super-high-speed running tests on Miyazaki test track are given.

1981

nput Ind

> step In

dual Ind

n in

M 5

from

and

per-

arch

d of

need

iren iwer

and

: the

in

Sed.

sits ind

as h

-on Ted

ind

.....

of

31

### I. INTRODUCTION

RESEARCH and development of a high-speed levitated railway using linear motors are underway in various countries, including Japan, the United States, West Germany, ind Canada [1]. In Japan, the basic study has been pursued since 1960. The Japanese National Railways (JNR) decided to construct a large-scale test track in Miyazaki Prefecture and carry out super-high-speed running tests of a levitated vehicle for verifying the results of the basic study. Technical considerations for the construction of the Miyazaki test track were started by engineers of JNR and a few manufacturing companies in 1973. In 1977, the first levitated running test vas successfully performed on the initial 1.3-km track. In ...mber 1979, the ML-500 test vehicle attained a new world record—a speed of 517 km/h (321 mi/h) on the extended 7-km track.

The linear motor system used at the Miyazaki test track consists of superconductive magnets mounted on the vehicle armature coils arranged continuously on the ground [2]. This is a well-known linear synchronous motor (LSM) system. Since the driving and operation control of the vehicle would depend on the adjustment of power to be supplied to the ground armature coils, reliable conversion and control of the

Paper IPCSD 81-18, approved by the Static Power Converter Committee of the IEEE Industry Applications Society for publication in this TRANSACTIONS. Manuscript released for publication May 20, 1981.

T. Saijo is with Railway Technical Research Institute, Japanese National Railways, 2-8-38 Hikari-cho, Kokubunji City, Tokyo, Japan 185.

S. Koike is with Mito Works, Hitachi Ltd., 1070 Ichige, Katsuta City, Ibaraki, Japan 312.

S. Tadakuma is with Heavy Apparatus Engineering Laboratory, Toshiba Corporation, Fuchu Works, 1 Toshiba-cho, Fuchu City, Tokyo 183, Japan.

的复数形式

LSM drive power was an important problem to be solved in achieving a vehicle speed of over 500 km/h.

The authors have participated in this Maglev project since its initial stages, when the construction of the Miyazaki test track was planned. They proposed and designed an LSM power supply/control system configuration, thus actually bringing the project to success. The cycloconverter fabricated and submitted to the track test [3] has a capacity of approximately 12 000 kVA in a continuously variable frequency range of 0-34 Hz with a sinusoidal current waveform. Its current can be aribtrarily controlled in a range of 200-1300 A. The LSM test vehicle was subjected to synchronous operation with two cycloconverters of the same characteristics.

This paper discusses the LSM driving system, including a large-capacity cycloconverter, and gives an outline of the design and the data obtained from the super-high-speed running tests on Miyazaki test track.

### II. POWER SUPPLY AND CONTROL SYSTEM FOR LSM

### A. Configuration of LSM

Basically, an LSM consists of magnets and armature coils. An example of LSM configuration suited for railways is shown in Fig. 1. A constant exciting current is persistently applied to the superconductive coils mounted on the vehicle, while variable-frequency ac power for driving the vehicle is supplied to the armature coils arranged continuously on the ground.

The armature coils consist of a three-phase array of the same shape coils, each wound to a length equivalent to an electrical angle of  $120^\circ$ . When the vehicle field moves over the face of the armature on the ground, an electromotive force with frequency f is generated in the ground armature coils:

$$f = v/(2\tau)$$
 (Hz)

where v is vehicle speed (m/s) and  $\tau$  is field pole pitch (m).

When ac current  $i_m$  (whose frequency is the same as f) is applied to the ground armature coils, a propulsion or regenerative braking force is produced in the vehicle field, i.e., the vehicle itself. Generally,  $i_m$  can be given by the following equation:

 $i_m = I_m \sin\left(2\pi ft - \delta\right).$ 

In the case of railways, once a driving equipment has been established, there will be no means of controlling the driving force other than adjustment of  $i_m$ . Therefore, it is necessary to provide a variable-frequency variable-voltage power supply

0093-0094/81/0900-0533\$00.75 © 1981 IEEE

IEEE TRANSACTIONS ON INDUSTRY APPLICATIONS, VOL. IA-17, NO. 5, SEPTEMBER/OCTOBER 1981 SAIJO

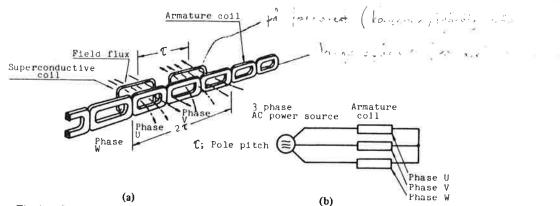


Fig. 1. Configuration of linear synchronous motor. (a) Structure. (b) Circuit connection.

uhr no cin

which permits free adjustment of  $I_m$ , f, and  $\delta$  regardless of the magnitude of electromotive force and the circuit constants of the ground armature coils.

There may be various types of variable-frequency variablevaltage power supply. The authors proposed to apply a cycloverter to such a power supply for the following reasons [4]:

1) easy circuit configuration,

2) high stability of operation,

3) ease in making a large capacity equipment, and

ease in obtaining sinusoidal waveform outputs.

Their study efforts also focused on the development of the best suited cycloconverter.

### B. Power Supply and Control System used at Miyazaki Test Track [5]

Unlike a rotary machine, the linear motor has armature coils arranged continuously along the guideway, and the majority of these coils do not face field poles. For this reason, the linear motor railway cannot be of practical use without using a system configuration in which the driving current can be applied only to the ground armature coils facing the vehicle fields. According to the authors' design, the ground armature coils are electrically split into many sections with a certain length so that the current is applied only near sections in which the vehicle exists.

test track that was designed to incorporate the considerations stated above as well as in Section II-A. Table I summarizes the main performances and specifications of the Miyazaki test track. Fig. 3 is a photograph showing the vehicle and ground armature coils.

### III. LINEAR SYNCHRONOUS MOTOR (LSM) PROPULSION SYSTEM

### A. Control Method of LSM Drive

Fig. 4 shows a block diagram of the basic control system for LSM drive cycloconverter. The functions of the control system are classified into the following three categories:

- 1) current control,
- 2) synchronizing control,
- 3) thrust calculation.

Function 1), provided in the current control loop shown by the dotted lines in Fig. 4, is to allow LSM armature coil current  $i_m$  to flow in accordance with the current reference  $i_R$ given by

$$i_R = I_R \sin(\omega t - \delta).$$

The purpose of function 2) is to maintain armature coil current which is synchronized to the running of the train. The function determines phase angle  $(\omega t - \delta)$  through calculations in controller (1) of Fig. 4.

In function 3), calculations are also made in controller (1) to determine current amplitude  $I_R$  ensuring that the train will run at the reference speed.

Of the three functions, 1) and 2) especially require a quick response for synchronizing operation of the LSM. Again, the smooth conversion of large power is impossible unless the two functions can coordinate with each other.

### B. LSM Drive Cycloconverter

The specifications of the cycloconverter for the LSM drive at the Miyazaki test track are as follows:

- 1) main circuit connection: 12-phase, H-connection,
- 2) transformer primary voltage: 11 kV,
- 3) transformer secondary and tertiary voltages: 2300 V,
- rated input frequency: 120 Hz,
- 5) rated output frequency: 33.1 Hz,
- 6) rated output phase current: 1100 A,
- 7) rated output capacity: 9.64 MVA,
- 8) output current: sinusoidal waveform,
- control system: symmetric control, noncirculating current method,
- 10) cooling system: forced air cooling,

Also, the overload capacity is about 125 percent of the rated output. The appearance of the cycloconverter, the main circuit connection, and the control circuit configuration are shown in Fig. 5-Fig. 7. The control circuit provides triggering pulses to the thyristors so that the output current  $i_m$  can follow the given reference current  $i_R$ .

大いいななななないのでいたのである

.

.

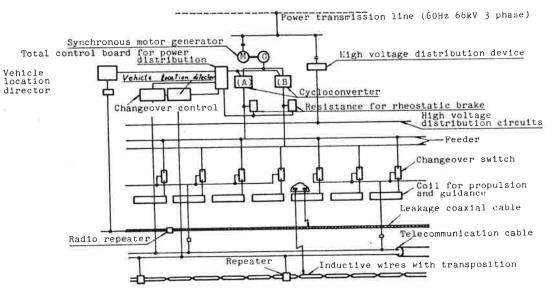
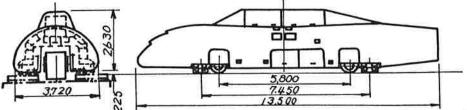


Fig. 2. Power supply control system.

TABLE I MAIN PERFORMANCES AND SPECIFICATIONS

| Item       | Туре  |   |  |  |
|------------|---|---|--|--|
| Levitation | Inductive repulsion type<br>Magnetic levitation | Levitation force<br>Levitation height<br>Effective gap                      | 10t<br>250mm<br>100mm                      |  |
| Guidance   | Null-flux type magnetic<br>Guidance             | Guide force 5t<br>(at the displace-<br>ment of 50mm)<br>Effective gap 100mm |  |  |
| Propulsion | Linear synchronous<br>motor                     | Thrust<br>Phase<br>Frequency<br>Voltage<br>Current                          | 4.4t<br>3ø<br>0~33.1Hz<br>3,000V<br>1,100A |  |
| Brake      | Electric and<br>hydraulic brake                 | (Rheostatic)  | 2.6t<br>.5t (peak)<br>.5t (mean)           |  |
| Control    | Automatic run controlled by computer            |   |  |  |



535

. .6



Vehicle and ground coils at Miyazaki test track.

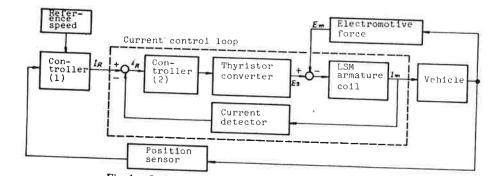
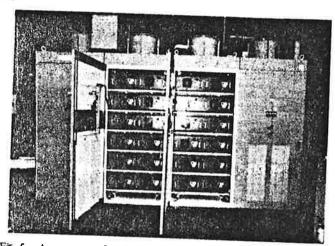
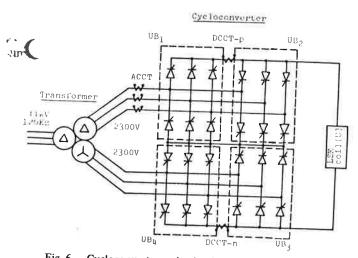
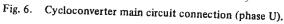


Fig. 4. Basic control system for LSM drive cycloconverter.



Appearance of cycloconverter in Miyazaki test track (phase U).





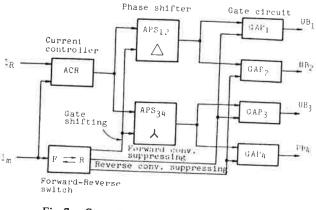


Fig. 7. Control circuit configuration (phase U).

Cycloconverter output current is detected by two methods: method (a) using the ACCT provided at the input and method (b) using the DCCT provided at the output. The forward-reverse switching operation based on noncirculating current control is carried out in the zero current interval to be decided by the main circuit constants, thyristor characteristics, amplitude and frequency of output current, and capability of zero current detector. In this control, a reduced thrust or its increased pulsation is due to a larger proportion of the zero current interval in the output period. To prevent this, the zero current interval should be shortened and stabilized. The switching system, shown in Fig. 8, has a zero current interval of 1.3 ms. In Fig. 8, a change in the polarity of the current reference at time  $t_0$  causes a gate shift command to be delivered, thus reducing the output current with the maximum gradient. When output current crosses the threshold level of the zero current detector at  $t_1$ , time delay element  $TD_1$  is operated. During that time, gate signal distribution and gate shifting to the forward converter are held.

TD perfec becaus absenc verter the ma systen longer pletely reverse Asaı pleted

### Mo:

1

system conver output cycloc and in and inresistar input c The output

 $G_m$ 

where

betwee with ti conver frequei from a be rep Fig. 1( connec elemen G(S) is

G(S

#### INEAR SYNCHRONOUS MOTOR DRIVE CYCLOCONVERTER

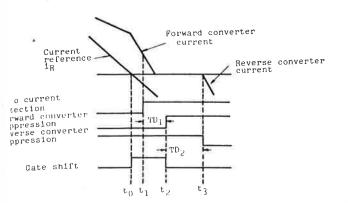


Fig. 8. Forward-reverse switching operating timing chart.

 $TD_1$  is the time during which the output current falls to a fect zero as the result of gate shifting for a certain time, cause zero current cannot be detected in the complete en  $\zeta$  of current. At  $t_2$ , following  $TD_1$ , the forward conter as *L*-c-suppressed, and the gate shift is released. After main circuit current has been reduced exactly to zero, the tem provides the second time delay element  $TD_2$ , which is ger than the time required for the thyristor to be comtel  $\zeta$  inguished. At  $t_3$ , following  $TD_2$ , the gate of the erse current is started, causing a negative current to run. a result, the forward-reverse switching operation is comted.

### IV. DISCUSSIONS ON THE PULSE NUMBER OF CYCLOCONVERTER

Most LSM's used in practical service employ a three-phase tem. In Fig. 9, showing an equivalent circuit of the cyclowerter output circuit for one phase,  $e_s$  is the cycloconverter tput voltage,  $e_m$  is the LSM electromotive force,  $i_m$  is the cloconverter output current,  $R_f$  and  $L_f$  are the resistance 1 inductance of the feeder,  $R_m$  and  $L_m$  are the resistance 1 inductance of the armature coil, and  $R_u$  is the imaginary istance equivalent to the commutated inductance of the put circuit.

The response of the output current to the cycloconverter  $tp_{i} + \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} ge$  can be given by the transfer function (1):

$$G_m(S) = 1/(R + LS) \tag{1}$$

erg  $r = R_f + R_m + R_u$  and  $L = L_f + L_m$ . The interval tween commutations T of the cycloconverter fluctuates th time around the mean value  $1/pf_i$  (where p is the cyclonverter pulse number and  $f_i$  is the cycloconverter input quency). However, if the rough approximation is applied on a practical point of view, the current control loop can represented as a sampled data control system as shown in represented to the loop is assumed to be a simple proportional $ment of gain <math>K_c$ , then the open-loop transfer function S) is

$$G(S) = K(1 - e^{-TS}) \frac{1/T_a}{S(S + 1/T_a)}$$
(2)

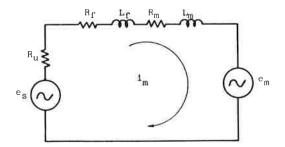


Fig. 9. Equivalent output circuit of LSM drive cycloconverter.

Z-transformation of (2) gives

$$G(Z) = [ZG(S)] = K \frac{1 - e^{-(T/T_a)}}{Z - e^{-(T/T_a)}}$$
(3)

where  $K = K_c K_s/R$  and  $T_a = L/R$ . The closed-loop Z transfer function is

$$\frac{I_m(Z)}{I_p(Z)} = \frac{G(Z)}{1 + G(Z)}$$
(4)

If all roots of the characteristic equation

$$1 + G(Z) = 0 \tag{5}$$

are within a unit circle in the Z-plane, the system is stable. The maximum loop gain of the stable domain can be obtained by putting Z = -1 in (5):

$$K_{\max} = \frac{1 + e^{-(T/T_a)}}{1 - e^{-(T/T_a)}}.$$
(6)

Fig. 11 shows the result of calculating the maximum loop gain  $K_{max}$  from (6) using constants of the test track, with the pulse number changed. Fig. 11 also includes the ratio of current peak values  $I_m/I_R$  and the lagging phase deviation  $\theta_d$ which were obtained by continuous control approximation when the loop gain was  $K_{max}$ . The ratio of current peak values is subject to the effect of electromotive force; the output current  $I_m$  is smaller than the current reference  $I_R$  in motor operation and larger in regenerative operation. The lagging phase deviation has the same value in both motor operation and regenerative operation.

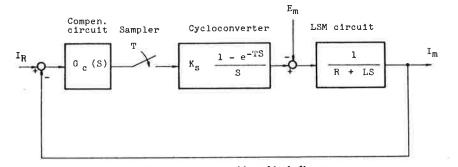
It can be understood from Fig. 11 that with a larger pulse number, a higher loop gain can be selected. Consequently, the ratio of current peak values is closer to 1.0 and the lagging phase deviation decreases gradually. If they consider a proper pulse number in relation to the complication of main circuit composition and the improvement of control characteristics, it is found that an increase from 6 to 12 in pulse number produces the most significant effect. Thus a pulse number of 12 is used for the test track.

### V. SYNTHESIS OF CURRENT CONTROL SYSTEM

### A. Current Response Improvement by Cascade Compensation

Output voltage of the cycloconverter is obtained by phase modulation of the gate triggering phase to thyristors. Namely, the input voltage waveform at each commutation is cut and

537





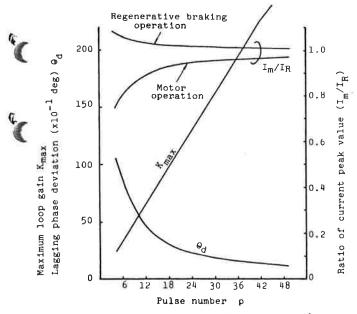


Fig. 11. Current control loop characteristics versus cycloconverter pulse number.

patched up to make an output voltage waveform. Since the ratio of the input frequency to the output frequency is not lways an integer, the initial condition differs in every halfcycle. In addition, if the cycloconverter is a noncirculating type, a zero current interval exists and acts as a kind of disturbance to the control system. Simulation by a computer or other proper means is needed to elucidate accurately the curent response of a cycloconverter having such a complicated operation. However, the response to the fundamental component of output frequency can be clarified by approximating the system as a continuous control system.

Fig. 12 is a block diagram of the current control system approximated as a continuous system. Here, the cycloconverter, consisting of a sampler and a holder, is approximated by

$$G_{*}(S) = K_{*}e^{-ST/2}.$$
(7)

In Fig. 12, the open-loop transfer function G(S) and the output current  $I_m(S)$  are given by

$$G(S) = G_c(S)G_s(S)G_m(S)$$
(8)

$$I_m(S) = \frac{G(S)}{1 + G(S)} I_R(S) - \frac{G_m(S)}{1 + G(S)} E_m(S).$$
(9)

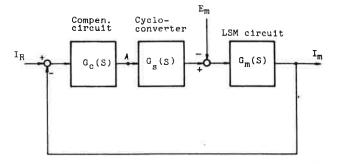


Fig. 12. Continuous control loop diagram equivalent to Fig. 10.

Compensation by Gain Adjustment (Method A): When the compensating element  $G_c(S)$  is assumed to be a simple proportional element  $K_c$ , the open-loop transfer function G(S) of (8) is

$$G(S) = \frac{Ke^{-ST/2}}{1 + T_{\sigma}S}$$
 (10)

According to Fig. 11, the maximum loop gain  $K_{max}$  is 65 in the case of a 12-pulse cycloconverter. Fig. 13 shows a Bode diagram of the open-loop transfer function for K = 50. As shown, the phase margin is positive and the gain margin is negative, which means that the system is stable.

On the one hand, the following requirements must be satisfied from a quick-response point of view:

- the gain margin must be approximately 10-20 dB, with a phase margin of approximately 40-65°;
- the slope of the gain curve as it crosses 0 dB line must be -1 (-20 dB/decade).

The system shown in Fig. 13 does not satisfy these requirements. Although the resistance and inductance of the feeder vary with the location of the vehicle, time constant  $T_{4}$  (=0.01128) is chiefly influenced by the resistance and inductance of the LSM armature coils and cannot be adjusted artificially.

If the static gain is decreased to approximately 24 dB (K = 15.85), then a gain margin of 10 dB and a phase margin of 63° are obtained. These values satisfy requirements 1) and 2). Method A is simple and convenient but has a weak point in that the gain is small in the low frequency band.

Compensation by Phase-Lag Controller (Methods B and C): An effective way of improving the quick-response characteristics without sacrificing the gain in the low frequency

band

 $G_{c^{\dagger}}$ 

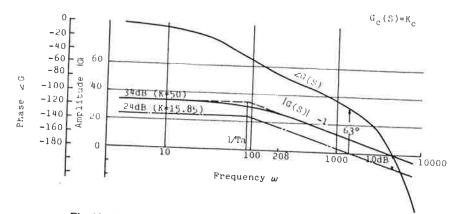
Then

G(:

Any r time ( assum-250 k: unfave Cou compe purpos based Fig obtain transfe  $T_1 = ($ In t

 $G_1($ 

### et al: LINEAR SYNCHRONOUS MOTOR DRIVE CYCLOCONVERTER





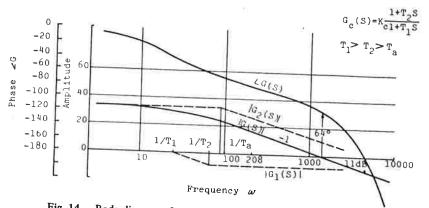


Fig. 14. Bode diagram of open-loop transfer function (Method B).

band is to use a phase-lag compensating element  $G_c(S)$ :

$$G_{c}(S) = K_{c} \frac{1 + T_{2}S}{1 + T_{1}S} (T_{1} > T_{2}).$$
(11)

hen the open-loop transfer function is

$$G(S) \left( \frac{ke^{-ST/2}}{1+T_a S} \cdot \frac{1+T_2 S}{1+T_1 S} \right)$$
(12)

ny relation between time constants  $T_1$ ,  $T_2$ , and LSM circuit me pstant  $T_a$  can be selected. But, if  $T_1 > T_a > T_2$  is sume . large phase lag will result in a high speed range of 50 km/h ( $\omega = 104$ ) to 500 km/h ( $\omega = 208$ ) which is rather favorable.

Compensation with  $T_1 > T_2 > T_a$  is called Method B and mpensation with  $T_a > T_1 > T_2$  is called Method C for the rposes of this paper. In either method, the design criteria sed on frequency response can be applied for synthesis.

Fig. 14 gives an example of compensation characteristics tained by Method B. A Bode diagram of the open-loop nsfer function G(S) is drawn for the time constants of  $= 0.04125, T_2 = 0.01486$ , and the loop gain of K = 48. In the curve,  $G_1(S)$  and  $G_2(S)$  are

$$G_1(S) = \frac{1 + T_2 S}{1 + T_1 S}, \quad G_2(S) = \frac{Ke^{-ST/2}}{1 + T_a S}$$
 (13)

The gain margin is 11 dB and the phase margin is 64 dB, which are equivalent to the values obtained in Method A. As shown, the gain in the low frequency band is as high as 33 dB.

In Figs. 13 and 14, the loop gain at 500 km/h ( $\omega = 208$ ) is 16.5 dB (K = 6.68), which is fairly small. Also, the tendency is that a large deviation of current peak value and lagging phase angle will result from the small loop gain in the high speed range. If time constants are selected as  $T_a > T_1 > T_2$ , it is possible to increase the gain in the low frequency band and prevent the gain at 500 km/h ( $\omega = 208$ ) from reducing.

Fig. 15 shows an example of compensation characteristics obtained by Method C, a Bode diagram of the open-loop transfer function with K = 67,  $T_1 = 0.00668$  and  $T_2 = 0.00143$ . The gain margin and phase margin are 11 dB and 47°, respectively, with a -22 dB/decade slope of the gain curve crossing the 0 dB line.

The static gain can be increased to more than the maximum loop gain achieved when the compensating element is a simple proportional element. The gain at 500 km/h ( $\omega = 208$ ) is also as high as 25 dB (K = 17.78), which is 2.66 times higher than the values given in Figs. 13 and 14. However, the damping coefficient  $\zeta$  is about 0.7, which means that the system is more likely to be oscillatory than that in Figs. 13 or 14. Compensating methods A, B, and C have different loop gains in the cycloconverter operating frequency range 0-34 Hz. The best characteristics of current peak value and phase lagging deviation relative to the current reference are obtained by Method C, followed by Methods B and A in that order.

539

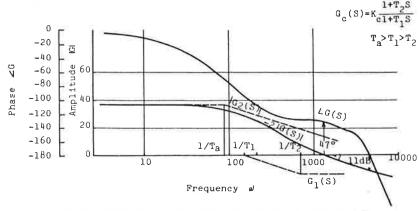


Fig. 15. Bode diagram of open-loop transfer function (Method C).

### B. Considerations on System Disturbance [6]

As mentioned previously, the output current can be given (9) if it is analyzed in the block diagram of Fig. 12 showing a system approximated as a continuous type. Since the output current  $I_m$  is affected by offset, electromotive force, and circuit time constant, its amplitude is small in motor operation arge in regenerative operation) compared with current crence  $I_R$ . At the same time, the phase of the output current is lagging. In order to obtain the same output current as the reference, it is effective to give an additional input for compensation  $E_{cm}(S)$  at point A of Fig. 12.

$$E_{cm}(S) = \frac{R + LS}{K_s} I_R(S) + \frac{E_m(S)}{K_s}.$$
 (14)

In other words, the output current can be made to accord with the reference by applying an additional input to point A, which was obtained by converting the voltage drop and electromotive force in the LSM circuit to the corresponding quantities of cycloconverter input circuit.

The actual armature coils for LSM are divided into 238 feeding sections (each 29.4-m long) and as the vehicle runs, sections fed by the cycloconverter go on one after another. one section is taken, the electromotive force increases with the entry of the vehicle into it. Once the vehicle has completely entered the section, the electromotive force becomes constant. As it goes out of the section, the force decreases dually. In other words, the electromotive force in the passage of time. The electromotive force waveforms can be plotted by position sensor signals and applied to the phase controller of the cycloconverter.

On the other hand, the zero current interval also affects the system as a disturbance. Phase-lead compensation is effective for protection against such a disturbance. (See Fig. 8.) the time  $t_0$  at which the gate is shifted is advanced by  $\delta$  (3 ms =  $36^{\circ}$  at 500 km/h), thus reducing the current to zero earlier than current reference  $i_R$ . Then the required zero current interval is taken, after which the cycloconverter output current is made to follow from zero or a small level of the reference current. This method of phase-lead compensation reduces the effect of electromotive force, improving the output current response.

Output voltage Electromotive force of LSM Current reference Output current Fig. 16. Simulated waveforms of LSM drive cycloconverter in 500

ig. 16. Simulated waveforms of LSM drive cycloconverter in 500 km/h motor operation.

Synthesis has been conducted on the response of the current control system, assuming that it is a continuous system. But the actual cycloconverter is a sort of the sampled data control system and involves portions that cannot be elucidated by the study on a continuous system, because the cycloconverter is in noncontrolled status during every two samplings. Therefore, it is necessary to confirm the response of the system by simulating cycloconverter operations faithfully. Fig. 16 shows the result of computer-aided simulation at 500 km/h.

### VI. TEST RESULTS

Much data have been obtained through the three years of testing. Fig. 17 shows a chart obtained at running test of maximum speed 517 km/h. Fig. 18 shows the cycloconverter output characteristics at 500 km/h. As shown in Fig. 18, when the vehicle goes into a feeding section, the electromotive force rises in approximately 100 ms after the current is applied to the armature coil. Approximately 300 ms later, the electromotive force decreases. Then, approximately 100 ms later, the current is interrupted by the thyristor gate. Despite such rigorous power conversion and control, excellent current control characteristics (as shown in Fig. 19) were obtained: less than 4 percent in deviation of current peak value, about 4° in leading phase deviation, and approximately 1.2 ms in zero current interval. Thus, it was possible to cause the vehicle to deliver a maximum propulsion of 54 000 N. A propulsion of

SAIJ

# IEEE TRANSACTIONS ON INDUSTRY APPLICATIONS, VOL. IA-17, NO. 5, SEPTEMBER/OCTOBER 1981

SA

[]

[2]

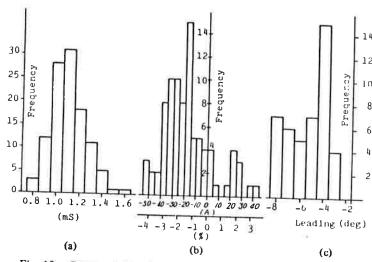
131

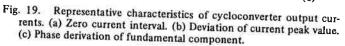
[4]

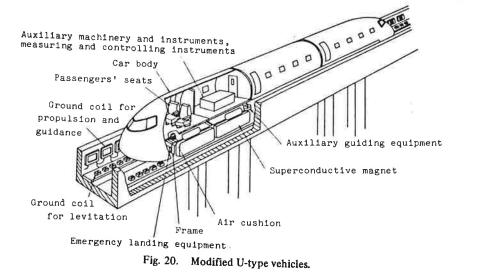
[5]

[6]

railw Dr







54 000 N (5.5 tons) means that acceleration of more than  $c^{255}$  g is applied to the test vehicle, weighing approximately tons. Fig. 19 shows the representative characteristics of cycloconverter output currents in the speed range 480-500 km/h, as statistical-processed by a minicomputer.

### VII. DISCUSSION AND CONCLUSION

4

The power conversion and control characteristics of a large capacity cycloconverter for the LSM drive levitated vehicle have been discussed. The LSM is a kind of synchronous machine, but is different from an ordinary rotating synchronous motor. Therefore, the cycloconverter for driving the LSM must meet very severe operation requirements: 1) it must be continuously stable at any speed from zero (zero frequency) to maximum (maximum frequency); 2) it must be subjected to many disturbances, such as those caused by a large amount of changes in electromotive forces and output circuit constants due to section switching; and 3) it must withstand frequent turn-on and turn-off caused by the entry and the exit of the vehicle, or section switching. For a system whose scale is near the actual track, such as the present test track, the accuracy and reliability of vehicle field position sensor signals are much worse than those in a rotating motor, and it is difficult to make the current reference for the cycloconverter in a correct form.

For these reasons, it was a great concern at the initial stage of development whether or not LSM propulsion would be possible at as high an acceleration as 0.5 g and at such a high speed as over 500 km/h. However, the test results almost satisfied the theoretical studies and the initial target speed could be reached at the Miyazaki test track.

At the test track, the vehicle will be modified into a shape with proposed reasonable housing as shown in Fig. 20. And a train consisting of three such new vehicles with passenger seats will run the track for further testing. The authors, aiming at more effective drive energy control systems, are making an effort to develop a new power supply system without reactive power variation and harmonics for the implementation of high power control for LSM drive.

# PREDIKTOR

# PREDIKTERING

C

1

C

C

PROJEKTRAPPORT

i systemteknik

Lund 850513

MATS JÖNSSON

### Innehållsförteckning

-

| I   | Bakgrund och förutsättningar. |     |   |              | . 1 |
|-----|-------------------------------|-----|---|--------------|-----|
| II  | Metod                         | •   | ٠ | ٠            | . 1 |
| III | Syfte                         | • • |   | ٠            | . 1 |
|     |                               |     |   |              |     |
| 1   | PREDIKTION                    | • • | • |              | . 2 |
| 1.1 | Inledning                     | • • | ٠ | •            | • 2 |
| 1.2 | Prognosmetoder                | • • | • |              | . 2 |
| 1.3 | Linjära stokastiska modeller, |     |   |              |     |
|     | ARIMA processor               | • • | • | ٠            | • 3 |
| 1.4 | Arbetsgång                    | • • | • | •            | . 4 |
|     |                               |     |   |              |     |
| 2   | PREDIKTIONSALGORITMER         | •   | ŝ | ٠            | • 5 |
| 2.1 | Prediktionsproblem            | •   | • | $\cdot$      | • 5 |
| 2.2 | Algoritm                      | •   | ٠ | 3 <b>•</b> 1 | . б |
| 2.3 | Noggrannhet                   | • • | ٠ | ۲            | . 7 |
|     |                               |     |   |              |     |
| 3   | LASTMODELLER                  | • • | ٠ | •            | • 8 |
|     |                               |     |   |              |     |
| 4   | EN GENERELL MODELL            | • • |   | ۲            | .10 |
|     |                               |     |   |              |     |
| 5   | KONKRET MODELL                | • • | ٠ |              | .11 |
|     |                               |     |   |              |     |
| IV  | Litteraturförteckning         | •   | ٠ | ۲            | .12 |

(

(

C

(

## I Bakgrund och förutsättningar.

I kursen systemteknik ingår det **«**en teknisk projektrapport. Möjligheten att själv välja ämnesinriktning har gjort att jag valt att fördjupa mig inom prediktion. Detta kommer jag senare att fortsätta med i mitt examensarbete. Eftersom examensarbetet ännu inte är påbörjat kan jag inte visa upp några konkreta resultat.

### II Metod

ſ

₫.

1

Genom erhållen litteratur av Björn Wittenmark fått ta del av problemställningen av prediktion.

### III Syfte

Syftet med rapporten är att få en inblick och kunskap om prediktion, hur man använder den och vilka möjligheter den har i samband med värmelaster.

### **1 PREDIKTION**

### 1.1 Inledning

Prediktering kan användas till att förutsäga vad som kan hända i ett system, exempelvis i ett fjärrvärmenät. Som det fungerar idag mäter man endast uteffekt m a p uttemperatur som ger en dålig värmelastfördelning.

För optimering av systemet kan man använda en prediktor som tar hänsyn till temperatur, solstrålning, vind,ackumulerad värme m m.

## 1.2 Prognosmetoder

C.

€

För prognosproblem finns det en mängd olika varianter som bygger på samma princip. Det kommer här framöver framför allt presentera en modell där man delar upp lasten i en residual och en nominell del.

Man kan indela prognosmetoderna enligt föjande:

| 1.      | Metoder      | baserade | på exponentiell utjäm-    |
|---------|--------------|----------|---------------------------|
|         | ning.        |          |                           |
| 2.      | Metoder      | baserade | på skaleringsanalys.      |
| 3.      | _ '' _       | _ !! _   | -"- spektralutveckling.   |
| 4.      | _ " _        | _ ** _   | -"- "pattern regognition. |
| 5.      | _ '' _       | _ '' _   | -"- regressionsanalys.    |
| 6.      | _ " _        | _ ** _   | -"- Box-Jenkins tids-     |
|         | räkneanalys. |          |                           |
| 7 \star | Metoder      | baserade | på tillståndsanalys.      |

1.3 Linjära stokastiska modeller, ARIMA processor.

> Linjära stokastiska modeller är baserade på en tidsserie y(t) med avseende på vitt brus (E=0 och  $\sigma^2$ ). I ARIMA (Autoregression integrated moring average) modellen transformeras e(t) serien till en stationär eller en ickestationär serie m h a följande processor.

1. Stationär autoregressiv (AR) process:  $A(q^{-1})y(t)=e(t), \text{ där } A(q^{-1})=\sum_{\substack{\Sigma \\ i=0}}^{p} a_{i}q^{-1},$   $q^{-1}=(t-1)$ 

Villkoret för stationäritet fås då rötterna till polynomen  $A(q^{-1})=0$  ligger utanför enhetscirkeln.

2. Stationär flytande medelvärde (MA) processor:  $y(t) = C(q^{-1}) e(t) \quad där C(q^{-1}) = \sum_{i=0}^{q} c_i q^{-1}$ 

Villkoret för stationäritet fås då rötterna till polynomen  $C(q^{-1})=0$  ligger utanför enhetscirkeln.

3, Icke-stationär summations (I)processor: Vid t ex drift eller säsongsvariationer i medelvärdet kan den eventuellt göras stationär genom differansoperatorn V.

 $\nabla = (1 - \sigma^{-1})$ 

C

£.

 $\nabla y(t) = y(t) - y(t-1)$ 

Därmed blir ARIMA uttrycket

 $A(q^{-1}) \nabla^{d} Y(t) = C(q^{-1}) e(t)$ 

Denna modell kan också generalliseras så

att den tar hänsyn till stationäritet över en längre period t ex dygnet eller veckan som är aktuellt vid korttidsprognoser.

Modellens parametrar kan skattas (on-line), alltså rekursivt eller (off-line) icke-rekursivt. Modellens skattningsfel blir

 $\varepsilon(t) = \gamma(t) - \hat{\gamma}(t \mid t-1)$ 

och förlustfaktorn  $V = \sum_{i=1}^{N} (\epsilon(i))^{2}$ 

Då man känner processen kan man jämföra prediktorn med en optimal prediktor som har förlustfaktorn V=1.

## 1.4 Arbetsgång

C

Arbetsgången för en rekursiv minsta-kvadrat uppdatering kan ges av följande:

- Beräkna ε (t)
- 2. Skatta modellens parametrar.
- Använd parameterskattningen till att beräkna k-stegs prediktorn.
- För fler prediktionsvärde, gå tillbaka till punkt 1.

Det finns två tillvägagångssätt antingen

- a) skatta en modell av lasten och beräkna därefter en k-stegs prediktor eller
- b) skatta prediktorparametrarna direkt

## 2 PREDITIONSALGORITMER

## 2.1 Prediktionsproblem

Prediktionsfelet ges av

£.

1

(

(

$$\varepsilon$$
 (t+k)= y(t+k) -  $\hat{y}$ (t+k | t)

Antag att ARMA- modellen gäller.

Х

$$\begin{array}{l} A(q^{-1}) \ y(t) = \ C(q^{-1}) \ e(t) \\ d\ddot{a}r \ C(q^{-1}) = \ A(q^{-1}) \ F(q^{-1}) \ + \ q^{-k} \ G(q^{-1}) \\ A(q^{-1}) 0 \ 1 \ + \ a_1 q^{-1} + \ldots + a_n q^{-n} \\ C(q^{-1}) = \ 1 \ + \ c_1 q^{-1} + \ldots + c_n q^{-n} \\ F(q^{-1}) = \ 1 \ + \ f_1 q^{-1} + \ldots + f_n q^{-k+1} \\ G(q^{-1}) = \ g_0 \ + \ g_1 q^{-1} + \ldots + g_n q^{-n} \\ \end{array}$$

Y är en funktion av e(t), e(t-1).... som kan beräknas utifrån tidigare observationer y(t), y(t-1)..., medan X är beroende på alla möjliga observationer och kan därför försummas. Den optimala blir således

Y

$$\hat{Y}(t+k \mid t) = \frac{G(q^{-1})}{A(q^{-1})} \quad e(t)$$

$$d\ddot{a}r \quad e(t) = \frac{A(q^{-1})}{C(q^{-1})} \quad y(t)$$

$$\hat{Y}(t+k \mid t) = \frac{G(q^{-1})}{C(q^{-1})} \quad y(t) \qquad \Rightarrow$$

$$\hat{y}(t+k) = (1-C(q^{-1})) y(t+k|t) + G(q^{-1}) y(t)$$

För att kunna lösa prediktionsproblemet när

≯

processparametrarna är okända, så får man skatta A och C polynomen och m h a skattningarna beräknaen k-stegsprediktor. Om detta görs rekursivt innebär detta att prediktorpolynomen måste beräknas varje gång en ny observation föreligger. Detta medför i sin tur stora beräkningsbehov.

En annan möjlighet är att skatta prediktorparametrarna direkt och därmed slipper man lösa identiteten C=  $AF+q^{-1}G$ . Det ger en datavektor  $\Phi$  (t) och en parametervektor  $\Theta$ (t).

## 2.2 Algoritm

C

C

För det enskilda fallet har man möjlighet till att välja på flera olika algoritmer.

$$0 \qquad 0_{0} (t) = (a_{1}(t), \dots, a_{n}(t), c_{1}(t), \dots c_{n}(t))^{T} \\ c_{n}(t(, b_{0}(t), \dots, b_{n}(t))^{T} \\ \phi_{0} (t) = (-y(t-1), \dots, -y(t-n), e_{0}(t-1), \dots e_{0}(t-n), w(t), \dots, w(t-n))^{T} \\ 0_{0} (t) = (c_{1}(t), \dots, c_{n}(t), g_{0}(t), \dots g_{n-1}(t), k_{0}(t), \dots, k_{n+k-1}(t))^{T} \\ \phi_{2} (t+k) = (-\hat{y}(t+k-1|t-1), \dots, -\hat{y}(t+k-n| t-n, y(t), \dots, y(t-n+1), w(t+k), \dots w(t-n+1))^{T} \\ \theta_{3} (t) = (h_{1}(t); \dots, h_{n+k-1}(t), g_{0}(t), \dots g_{n-1}(t), k_{0}(t), \dots, k_{n+k-1}(t))^{T} \\ \phi_{3} (t+k) = (-\hat{y}(t+k-1|t-1), \dots, -\hat{y}(t-n+1| t-k-n+1), e(t), \dots, e(t-n+1), w(t+k), \dots w(t+k), \dots, w(t-n+1))^{T} \\ \end{cases}$$

När man skattar parametrarna direkt kan prediktionen erhållas som

$$\hat{\mathbf{y}}(\mathbf{t}+\mathbf{k} \mid \mathbf{t}) = \Phi_{\mathbf{i}}^{\mathbf{T}}(\mathbf{t}+\mathbf{k}) \Theta_{\mathbf{i}}(\mathbf{t})$$

som m h a en minsta-kvadrat algoritm

$$\begin{array}{l} \circ_{i}(t) = \circ_{i}(t-1) + k_{i}(t) \quad (y(t) - \phi_{i}^{T}(t)) \\ \circ_{i}(t-1) \end{pmatrix} \\ k_{i}(t) = \frac{P_{i}(t-1) \quad \phi_{i}(t)}{\lambda + \phi_{i}^{T}(t) \quad P_{i}(t-1) \quad \phi_{i}(t)} \\ P(t) = (P(t-1) - \frac{P(t-1)\phi_{i}(t)\phi_{i}^{T}(t) \quad P(t-1)}{\lambda + \phi_{i}^{T}(t)P(t-1)\phi_{i}(t)}) \\ \hline \\ & \lambda \end{array}$$

 $\lambda$  är glömskefaktorn som "minns" vad som hänt innan i systemet.

## 2.3 Noggrannhet

C

1

(

Ć

Ett mått på hur bra prediktorn är dels relativa mått och dels absolut belopp av förlustfunktionen.

loss function: 
$$V = \sum_{n_0+1}^{n} (\epsilon(t))^2$$
$$V_{g} = \sum_{n_0+1}^{n} (\frac{\epsilon(t)}{Y(t)} 100)^2$$

Den skattade standardavvikelsen ger det absoluta beloppet

$$s = \sqrt{\frac{V}{n-n_0}}$$

....

### 3 LASTMODELLER

€

(

A) T ex kan profilmodellen under en vecka ges av

$$∇$$
 168  $∇$  24  $∇$  y(t)= (1-c<sub>1</sub>q<sup>-1</sup>)(1-c<sub>2</sub>q<sup>-24</sup>)  
(1-c<sub>3</sub>q<sup>-168</sup>) ε (t)

(168 anger antalet timmar /vecka)

B) Man kan också dela upp lasten i en nominell och en stokastisk del enligt följande prediktionsalgoritm

 $y(t) = y_s(t) + y_n(t) = \gamma w(t), \gamma = konst$ 

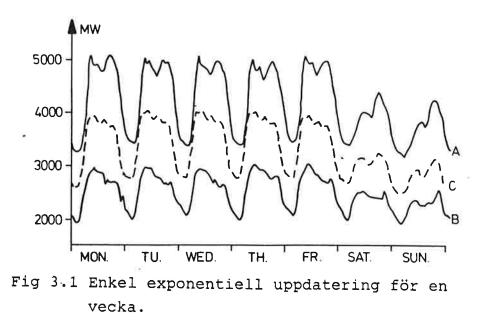
där  $w(t) = \alpha y(t) + (1-\alpha) w(t-168)$ 

Ju mindre  $\alpha$  är desto mer undertrycks det systematiska och de slumpmässiga variationerna i lasten.

Dă  $\alpha = 0 \stackrel{2}{\Rightarrow} y(t)$  har inget inflytande på profilen.

Då  $\alpha = 1 \stackrel{\Rightarrow}{\Rightarrow}$  profilen är lika med de sista 168 timmarna.

Exempel på hur värmelasten kan variera under en vecka, kan ses under fig. 3.1



Den nominella lasten kan beskrivas av

 $y_n(t) = Q(q^{-1}) W(t)$ 

och den stokastiska delen kan modelleras av en ARMA- modell. (Se sid 3 )

Den totala lasten kan då beskrivas av

$$y(t) = \frac{C(q^{-1})}{A(q^{-1})} e(t) + \gamma (\alpha y(t) + (1+\alpha))$$
  
w(t-168):

.

Veckoprofiluppdatering kan erhållas enligt följande

$$w_1 = \frac{1-c_3}{1-c_3q^{-168}} y(t)$$

pss

(

£

C

(

$$w_2 = \frac{1-c_2}{1-c_2q^{-24}}$$

### 4 EN GENERELL MODELL

F

E

Vid-eventuellt behov uppdelas lasten vid dygnstidspunkter t som

 $y(t) = x_{1}(t) + \delta_{2}(t)x_{2}(t) + \delta_{3}(t)x_{3}(t) + \delta_{4}(t)x_{4}(t) + e(t) ;$   $x_{1}(t) = \text{lasten på en helgdag}$   $x_{2}(t) = \text{extra last på arbetsdag}$   $x_{3}(t) = -"- -"- lördag$   $x_{4}(t) = -"- -"- "odd"dag^{*}$   $\delta_{2} = 1 på arbetsdag annars 0$   $\delta_{3} = 1 på lördag annars 0$   $\delta_{4} = 1 på odd-dag annars 0$  e(t) = residual komponenten i modellen.

Profilvariationerna antages ske enligt följande:

 $x_{i}(t+24) = x_{i}(t) + v_{i}(t)$ 

Uppdateringen sker m h a ett Kalman- filter. Vid starten varjedag m beräknas

$$\begin{split} & R_{YY}(m \mid m-1) = H(m) R_{XX}(m \mid m-1) H(m)^{T} + R_{2} \\ & K(m) = R_{XX}(m \mid m-1) H(m)^{T} / R_{YY}(m \mid m-1) \\ & R_{XX}(m+1 \mid m) = R_{1} + R_{XX}(m \mid m-1) - \\ & K(m) R_{YY}(m \mid m-1) - K(m)^{T} \\ & H(m) = (1, \delta_{2}, \delta_{3}, \delta_{4}) \\ & R_{XX} = \text{covariansmatris} \end{split}$$

\*/ helgdag som inte faller in under de övriga
punkterna

## 5 KONKRET MODELL

För att konkretisera modellen kan man anta att man känner t ex.

$$y(t) = \frac{1 - 0.35q^{-1}}{1 - 0.95q^{-1}} e(t) + s(t)$$

där  $\sigma=1$  och  $s(t)=5\sin 0.04 \pi t$ .

€

C

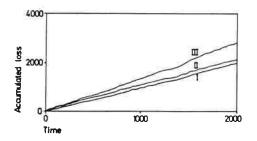
Ĩ

Med en tvåstegs prediktor erhålles skattningen som

$$y(t+2 | t) = \frac{0.57}{1 - 0.35q^{-1} - 0.57q^{-2}} e(t) +$$

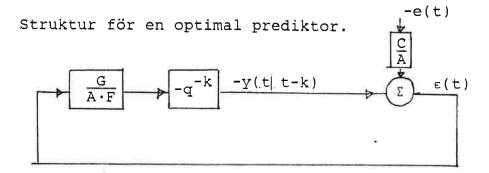
Denna förslustfaktor  $E \epsilon^2 = 1.36$ 

Ofta jämförs en självsvängande prediktor med en optimal prediktor som har förlustfaktor =1.



I: optimal prediktor

: självsvängade prediktor



## IV Litteraturförteckning

Computer controlled systems Karl J. Åström, Björn Wittenmark

Adaptive prediction and recursive estemation Jan Holst

Self-tuning Predictor Björn Wittenmark

٢

E

C

ζ

### PROJEKTARBETE I SYSTEMTEKNIK

#### \*\*\*\*\*

(

(

C

(

Utfört av: Erland Leide Anders Olsson

.

# PROJEKTARBETE I SYSTEMTEKNIK

1

Vi har tittat på hur de olika lederna hos en robot ska styras (ges för referensvärden) för att få t.ex ett verktyg att följa en viss föreskriven bana. Eftersom respektive leds rörelse kommer att vara beroende av hur de andra lederna uppför sig krävs det relativt stora matematiska formler för att beskriva dessa vridningar.

(

(

Målet med denna uppgiften var att få fram ett matematiskt verktyg för att kunna föreskriva delrörelserna i varje led eller länk. Det matematiska verktyget ska ange varje leds läge oberoende av de andra ledernas lägen för att ange en exakt punkt i den önskade banan för verktyget. Vid en snabb överblick på problemet ser man att en förflyttning av verktyget beror på en mängd rörelser och massor. Därför har vi valt att begränsa studien till endast ett två dimensionellt fall där vi endast tar med två armar på roboten och ser det som ett rent geometriskt problem. Vi försummar således de kinetiska krafterna. Om man ska styra ett system bestående av mer än två armar,i det två dimmensionella planet, måste man först införa regler och begränsningar hur denna tredje arm (t ex ett verktyg) ska röra sig i förhållande till de två andra armarna. Detta för att man ska kunna definiera positionerna och rörelserna med matematiska uttryck.

### NUVARANDE SYSTEM

De system som används nu bygger på förflyttning mellan punkter som tidigare lagrats in , antingen genom att man förflyttar verktyget manuelt den önskade banan eller att man off-line lägger in de punkter som man vill att verktyget skall gå igenom. Det finns i princip tre olika sorters styrsätt sekvensstyrning,point to point-(PTP)styrning och contolpoint-styrning.

### Sekvensstyrning

Här arbetar man i operationssekvenser, program med sekvensnät utnyttjar stopp eller gränsvärdes brytare för att styra armens rörelse. Vid sekvens styrning har man få frihetsgrader och en mycket tidsödande programering. Används för bl a materialhantering och maskinladdning.

### Point-To-Point Styrning

Alla axlar är servostyrdon och uppsöker då respektive position utan samordning. Rörelsen är här svår att förutsäga bl a beroende på kinematiken, drivdon,startpunkt,slutpunkt och hastighet.

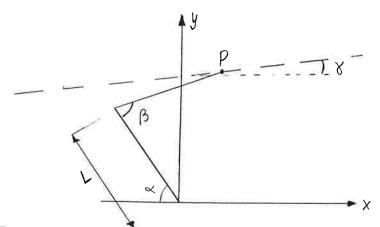
För att få en bättre förutbestämbarhet på rörelsen kan man använda så kallad Multi PTP, vilket innebär att man lägger in ett stort antal punkter längs den önskade linjen. Nackdelen med detta är att man behöver stort minnesutrymme.

### Continuous path styrning

Rörelserna är servostyrda och samordnade så att rörelsen mellan två punkter är väl definierad för hastighet och last. En diagonal rörelse mellan två punkter delas upp i förflyttning i x-och y-led, där i sin tur dessa axlar är uppdelade i små punkter. Eftersom man stegar fram motorerna i mycket små steg kan man få en relativt god följning av den önskade vägen och hastigheten. Denna metoden används främst till bågsvetsning och slipning.

### Vårt system

### Vi har utgått från nedanstående figur



För att välja ett enkelt exempel har vi valt att robotarmen ska följa en rät linje. Denna räta linjen kan beskrivas på följande sätt:

x=f(t) (k och l är konstanter)
y=kx+l

Robotens P kan beskrivas i planet på följande vis.

 $\begin{cases} X = -L \cos \alpha + L \cos (\beta - \alpha) \\ y = L \sin + L \sin (\beta - \alpha) \end{cases}$ 

6

För att få reda på vilka värden  $\propto \operatorname{och} \beta$  skall ha vid olika tidpunkter löser vi ut  $\propto$  och  $\beta$  som funktioner av x och y, vi säter  $\beta - \propto = \xi$ .

Vi sätter  $\begin{cases} A = \frac{X}{L} = -\cos x + \cos f \\ L = -\cos x + \cos f \end{cases}$  $B = \frac{1}{2} = \sin \alpha + \sin \beta$  $\begin{bmatrix} A = \cos{\frac{\beta}{2}} - \cos{\alpha} = -2\sin{\frac{\alpha+\beta}{2}} \cdot \sin{\frac{\beta-\alpha}{2}} \end{bmatrix}$  $B = \sin \xi + \sin \alpha = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\beta - \alpha}{2}$  $A^{2} + B^{2} = 4 \sin^{2}(\frac{\alpha + \xi}{2}) \sin^{2}(\frac{\xi - \alpha}{2}) + 4 \sin^{2}(\frac{\alpha - \xi}{2}) \cos^{2}(\frac{\xi - \alpha}{2}) =$  $= 4 \sin^2\left(\frac{5+\alpha}{2}\right) \left(\sin^2\left(\frac{5-\alpha}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{5-\alpha}{2}\right)\right) =$ =  $4 \sin^2(\frac{s}{2}+\alpha) = 4 \sin^2(\frac{3-\alpha+\alpha}{2}) = 4 \sin^2(\frac{3}{2})$  $\sqrt{\frac{A^2 + B^2}{44}} = \sin \frac{A^2}{2}$  $\beta = 2 \arcsin \sqrt{\frac{A^2 + B^2}{4}}$  $\frac{A}{B} = \frac{-2\sin\frac{\alpha+5}{2}\sin\frac{\beta-\alpha}{2}}{2\sin\frac{\alpha-5}{2}\cos\frac{\beta-\alpha}{2}} = -\tan\frac{\beta-2}{2} = -\tan\frac{\beta-2\alpha}{2}$  $\beta - 2\alpha = 2 \operatorname{arc} \tan\left(-\frac{A}{B}\right)$   $\ll = 2 \operatorname{arcsin} \sqrt{\frac{A^2 - B^2}{4}} - 2 \operatorname{arc} \tan\left(-\frac{A}{B}\right)$ 

C

Ĉ

2

 $\mathcal{L} = \operatorname{arcsin} \sqrt{\frac{A^2 + B^2}{4} - \operatorname{arctan} \left(-\frac{A}{B}\right)}$ 

15/and ár det öven önskvärt att styra  
Verktyget med en bestämd hastighet.  
Som exempel kan nämnas bägsvetsning där  
en bestämd hastighet på "Verktgget" är  
Viktig.  
Hastigheten i de två axelriktningarna kan  
då skrivas:  

$$\begin{pmatrix}
\dot{x} = \frac{d}{dt} (f(t)) = f(t) \\
\dot{y} = \frac{d}{dt} (k \cdot f(t) + L) = k f(t)
\end{cases}$$
 $V = \sqrt{k^2 - ij^2} = \sqrt{f(t)^2 + k^2 f(t)^2} = f(t) \sqrt{1 + k^2}$ 
För var "robot" gäller då följande:  
 $\begin{pmatrix}
\dot{x} = \dot{x} L \sin \alpha - (j^2 - \dot{x}) L \sin (j^2 - \alpha) \\
\dot{y} = \dot{\alpha} L \cos \alpha + (j^2 - \dot{\alpha}) L \cos(j^2 - \alpha)$ 
 $Vi sätter åter  $S = j - \alpha$ 
 $\begin{cases}
c = \frac{\lambda}{L} = \dot{\alpha} \sin \alpha - \dot{S} \sin \beta \\
D = \frac{V}{L} = \dot{\alpha} \cos \alpha + \dot{S} \cos \beta
\end{cases}$ 
 $\begin{pmatrix}
c = \frac{\lambda}{L} = \dot{\alpha} \sin \alpha - \dot{S} \sin \beta \\
D = \frac{\dot{\alpha} \cos \alpha}{\cos \beta} + \dot{S}
\end{cases}$$ 

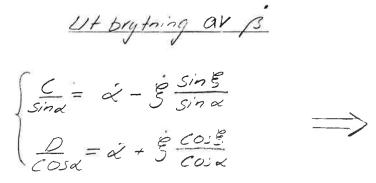
c c

2 2

Addering av de tva ekvationerna ger:  $\frac{C}{Sing} + \frac{D}{Cosg} = \mathcal{L}\left(\frac{Sin\alpha}{Sing} + \frac{Cos\alpha}{Cosg}\right)$  $\langle = \rangle$  $\frac{C \cos \xi + D \sin \xi}{\sin \xi \cos \xi} = \frac{\sin \alpha \cos \xi + \cos \alpha \sin \xi}{\sin \xi \cos \xi}$  $\langle = \rangle$  $\dot{\alpha} = \frac{C \cdot \cos \xi + D \cdot \sin \xi}{\sin \alpha \cos \xi + \cos \alpha \sin \xi}$ Omsterivning av nämnaren ger: Sind Cos & + Coasing = Sind Cos (B-a) + Cosasin (B-a) = Sind COSP COSK + SINd Sing' Sind + COSd Sing COSd - Cosd Casp sing = sin B (sin 2 + cos 2 ) = sin B  $\alpha' = \frac{C \cdot \cos(\beta - \alpha) + D \sin(\beta - \alpha)}{\sin \beta}$ 

6

5



$$= \frac{D}{\cos \alpha} - \frac{C}{\sin \alpha} = \frac{c}{2} \left( \frac{\cos \beta}{\cos \alpha} + \frac{\sin \beta}{\sin \alpha} \right) = >$$

$$= \frac{Dsin\alpha - C\cos \alpha}{\cos \alpha \sin \alpha} = \frac{c}{2} \left( \frac{\cos \beta \sin \alpha + \sin \beta \cos \alpha}{\cos \alpha \sin \alpha} \right) = >$$

$$= \frac{Dsin\alpha - C\cos \alpha}{\cos \beta \sin \alpha + \sin \beta \cos \alpha} = \begin{bmatrix} 0 \text{ Im skowing av nammeren} \\ enligt & side. \end{bmatrix} =$$

$$= \frac{Dsin\alpha - C\cos \alpha}{\sin \beta}$$

$$\frac{c}{\beta} = \frac{c}{\beta} - \frac{c}{\alpha} = >$$

$$\frac{\beta}{\beta} = \frac{D\sin \alpha - C\cos \alpha}{\sin \beta} + \frac{C\cos(\beta - \alpha) + D\sin(\beta - \alpha)}{\sin \beta} = >$$

$$= \frac{D(\sin \alpha + \sin(\beta - \alpha)) - C(\cos \alpha - \cos(\beta - \alpha))}{\sin \beta}$$

### RESULTAT

(

€

C

C

Nedan sammanfattar vi de styrsignaler som kan tänkas behövas för att styra en tvåarmad robot i ett plan uttryckt i x=f(t). Beräkningarna är gjorda för det allmänna fallet. Variablerna A,B,C och D kommer att bero på vilken kurva som man önskar beskriva med hjälp av roboten. Vi har för varje beräkning skrivit upp vad som gäller för en rät linje.

$$\alpha = \operatorname{arc\,sin}\left(\frac{A^2 + B^2}{4} - \operatorname{arc\,tan}\left(-\frac{A}{B}\right)\right)$$

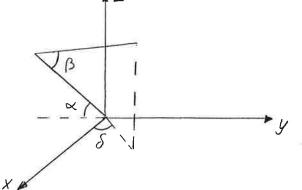
$$\beta = 2 \text{ arc sin} \sqrt{\frac{A^2 + B^2}{L_1}}$$

$$\alpha = \frac{C\cos(B-\alpha) + D\sin(B-\alpha)}{\sin\beta}$$

$$\beta = \frac{D(\sin\alpha + \sin(\beta - \alpha)) - C(\cos\alpha - \cos(\beta - \alpha))}{\sin\beta}$$

8.

Om man skulle önska sig att arbeta i rymden istället för i ett plan skulle det behövas ytterligare en led, t ex att man tillåter vridning kring den nedersta punkten av roboten.



Man får då ovanstående figur att utgå ifrån och den leder till nedanstående ekvationer för att beskriva läge.

$$X = \left(-L\cos (\beta - \alpha)\right) \cos \delta$$
  

$$Y = \left(-L\cos (\beta - \alpha)\right) \sin \delta$$
  

$$Z = L\sin \alpha + L\sin(\beta - \alpha)$$

Följande utgångs ekvationer fås för hastigheten.

1

(

1

$$\dot{x} = (-\dot{\delta}\sin\delta(-\cos\alpha + \cos(\beta - \alpha)) + \cos\delta(\dot{\alpha}\sin\alpha - (\dot{\beta} - \dot{\alpha})\sin(\beta - \alpha)))L$$
  
$$\dot{y} = \dot{\delta}\cos\delta(-\cos\alpha + \cos(\beta - \alpha)) + \sin\delta(\dot{\alpha}\sin\alpha - (\dot{\beta} - \dot{\alpha})\sin(\beta - \alpha)))L$$
  
$$\dot{z} = (\dot{\alpha}\cos\alpha + (\dot{\beta} - \dot{\alpha})\cos(\beta - \alpha))L$$

Med detta får man sedan gå till väga på samma sätt som i det två dimensionella fallet.

Den främsta fördelen med vårt system, som vi ser, är att man skulle kunna underlätta in programeringen av önskad väg för användaren. För detta behövs troligtvis att man i förväg lägger in ett antal kurvtyper i en databas t ex cirkelbågar,elipser etc.,dessa skall då användaren enkelt kunna ta fram och då enbart behöva lägga in startpunkt,slutpunkt och t ex radie. Detta skall då ge en mycket exakt följning av den önskade linjen.

Övriga fördelar

\*

Tar mindre minnes utrymme än de system som nu används. Vilket ger möjlighet till körning i långa sekvenser.

Man kan i högre grad använda sig av off-line programering vilket medför större utnyttjande grad på de kapitalkrävande robotarna.

En av de största nackdelarna med det system vi har tittat på är de stora problem man får med att hitta matematiska modeller för de önskade rörelsebanorna.

Övriga nackdelar

×

Långa ekvationer med flera trigonometriska utryck vilka kräver lång CPU-tid.

- \* Problem med att definera och hitta gränsövergångarna mellan ekvationerna.
- \* Svårt att korigera rörelser när man trimmar in en sekvens, nya ekvationer skall tas fram för varje ändrad bana.
- Programet kan troligtvis inte flyttas mellan olika robotar eftersom de referenspunkter som används skiljer sig mellan olika uppställningar.

När man tittar på ovanstående för- och nackdelar ter det sig troligt man i kommande system kommer att använda en kombination av det system vi har tittat på och de system som används nu.

## PROJEKT ARBETE

SYSTEMTERNIK

393 28

- k 190 v

× - 245 ×

C

C

VERA ROBOTARMAR

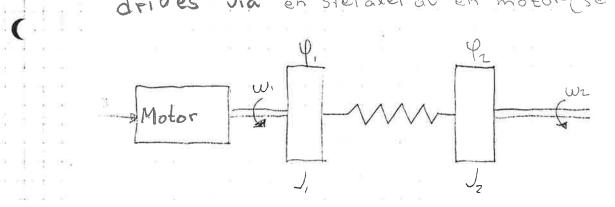
•11

.....

<u>UTFORT AV:</u> Peter Marbe Håkriv Möller

Vi har har valt att studera problem med veka robotarmar. Problem uppstår vid start ech stopp uid Por Plythning av robotorm. Armen vill garna svanga till lite grand på grund av dess vethet.

Systemet som sådant kan baskrivas av två stycken massor förbundna medvarandra med hjælp av en fjäder. Den första massam drives via en stelaxel av en motor (se fig),



Rörelsectuationon for systemat blir

 $\begin{cases} J_{i} \ddot{\Psi}_{i} = k (\Psi_{2} - \Psi_{i}) + d (\dot{\Psi}_{2} - \dot{\Psi}_{1}) + k I \cdot u + v \\ J_{2} \dot{\Psi}_{2} = k (\Psi_{i} - \Psi_{2}) + d (\dot{\Psi}_{1} - \dot{\Psi}_{2}) \end{cases}$ 

dar

a a v ganna -

a a an an an a reas 8 8 8 m

· · · · · · · · · · ----

(

. . . .

(a) (b) (b) a 1 k m

a ing asy

S 8 0

9.1.8 0

- 3 × (

<u>.</u> - 1 - i

C

v ž -. . .

a x 1

i e - Je de la a nin korres e

k = fjäderkonstant d = dampnings konstant ·Ψ = vinkel \$ - vintel hastighet = w J = masströghet U= insignal hill motory y = stårmomoment

"= - f { l ( R - H) + d ( R - P) + kr u + v } 1. f { k (9, -92) - d(1, -92)? Inför Hillständen  $x_i = q_i - q_2$  $X_2 = \frac{U_1}{U_0} =$  $\chi_3 = \frac{U}{U_0}$ ( dar Wo= K (Jit) (  $\Rightarrow \frac{dx}{dt} = w_1 = w_2$  $\frac{dx_i}{dt} = \frac{q}{w_0} \left\{ k \left( \frac{q_2}{2} - \frac{q_1}{4} \right) + d \left( \frac{q_1}{2} - \frac{q_1}{4} \right) + k_1 u - v \right\}$  $\frac{d_{K_{1}}}{dt} = \frac{q_{2}}{w_{0}} = \frac{1}{J_{1}w_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2}) + d(q_{1} - q_{2})}{J_{1}w_{0}} \right) - \frac{1}{J_{1}w_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} - q_{2})}{k(q_{1} - q_{2})} + \frac{1}{M_{0}} \right) - \frac{1}{M_{0}} \left( \frac{k(q_{1} -$ \_\_\_\_  $\frac{1}{\int_{2}} \left[ \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{\int_{1}} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{k} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{k} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{k} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \right) - \frac{1}{k} \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{k} \left($ ( Pss blir - (q.-q) - J2 (q2-q)wo dx - - Jall - 1/2 + d (W-w) + true + fue dt - - Jul + J2 + Jwo (W-w) + Jul + fue  $\frac{dx_2}{dt} = \frac{J_1}{J_1 + J_2} \left( \frac{q}{q} - \frac{q}{2} \right) - \frac{d}{J_2 \omega_1} \left( \omega_1 - \omega_2 \right)$ 

1 matris term  $y = [0 \ 0 \ 1] \times d\hat{a} man måter ug$ Om man miter a, intillet blir y= [0] 1 0] x dar  $\alpha_z = \frac{J_1}{J_1 + J_2}$  $\alpha_1 = \alpha_2 - 1$ B, - d J, W. B2 - A J. W. ъ •з  $\chi = \frac{k_T}{J, cv_o}$ 5 - <u>1</u> J, W, Över föringsfunktionen blir

Gilsle C{SI-AJ'B

- 1929-8-14 - 1921-8-16 - 192

and desired

Second All I

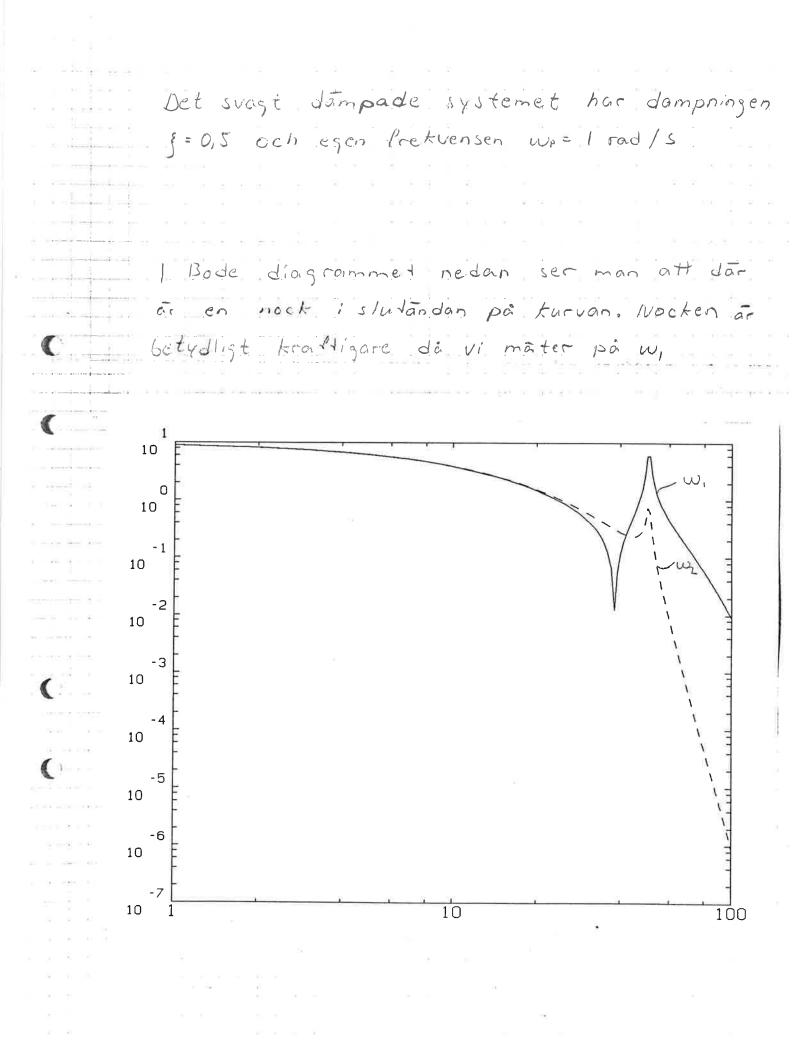
(

(

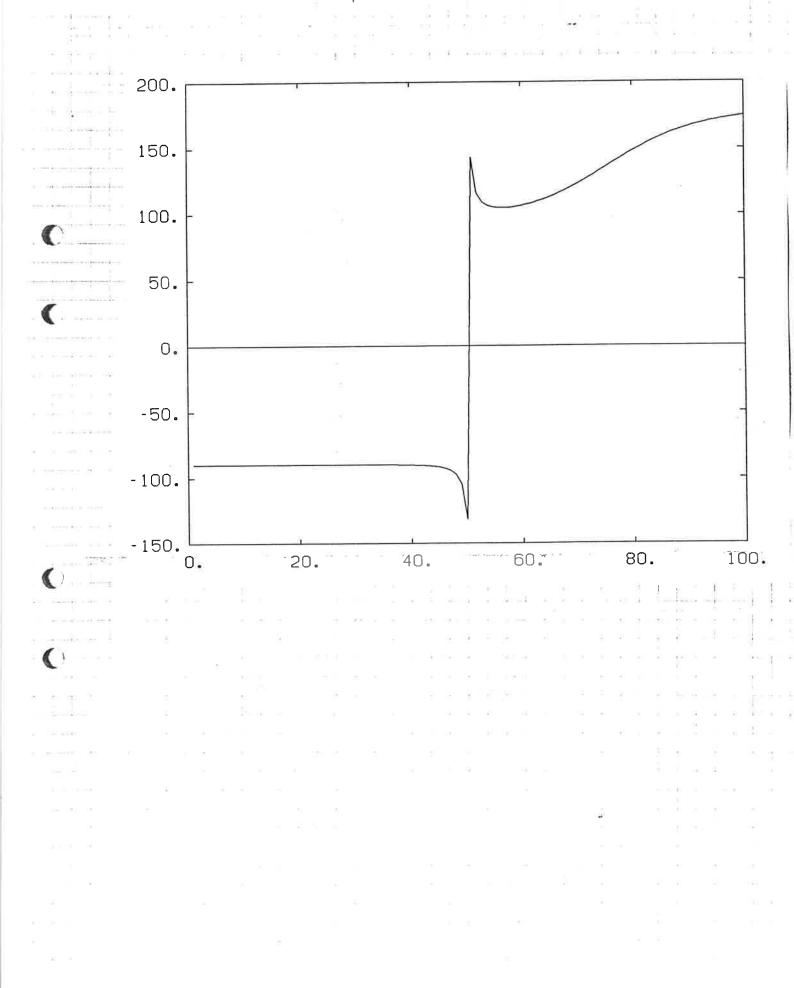
(

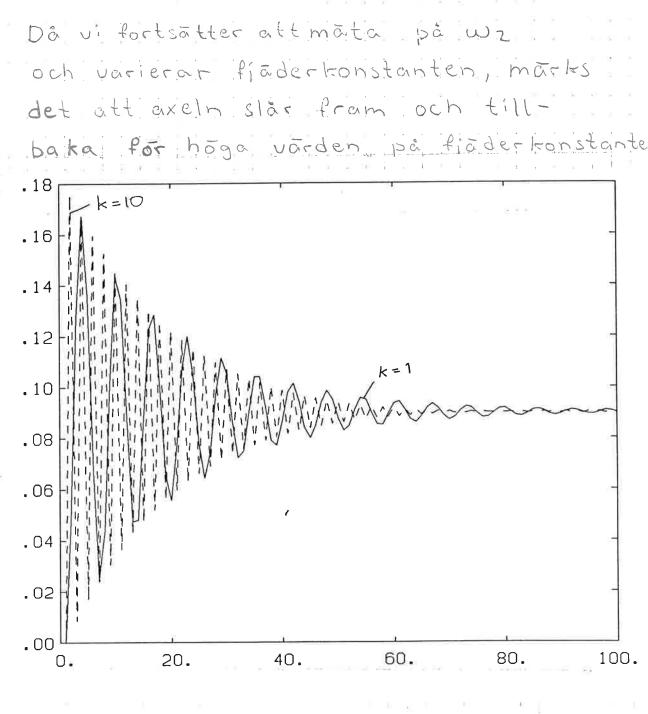
 $(SI-R) = \begin{cases} S & -W_0 & W_0 \\ -d_1W_0 & S+P_1W_0 & -P_1W_0 \\ -d_2W_0 & -P_2W_0 & S+P_2W_0 \end{cases}$  $(SI-R)^{-1} =$  $\begin{array}{c}
\left(\left(s+B_{1}w_{*}\right)\left(s+B_{2}w_{*}\right)-B_{1}B_{2}w_{*}^{2} & w_{0}\left(s+B_{2}w_{0}\right)-B_{2}w_{0}\right)\\ \left(s+B_{1}w_{*}\right)\left(s+B_{2}w_{0}\right)+\alpha_{2}B_{1}w_{*}^{2} & s\left(s+B_{2}w_{0}\right)+\alpha_{2}w_{0}\\ \left(u_{0}^{2}\alpha_{1}B_{2}+\alpha_{2}w_{0}\left(s+B_{1}w_{0}\right)\right) & sB_{2}w_{0}\alpha_{2}w_{0}^{2}\end{array}\right)$ B, Wo - W. (s+ B, Wo) s (s + Az Wo) + dz Wo2 shiwo-a, war s(s+ A, W, ) - a, Wo2 ((sI-h] = 1) da c= [0 0 wo]  $det h \left[ W_0^2 \left( \alpha_1 \beta_2 W_0 + \alpha_2 \left( s + \beta \right) \right) \quad W_0^2 \left( s \beta_2 + \alpha_2 W_0 \right) \right]$ Wo [s (s + B, Wo) - d, W2] z d'a c = [0 w, 0]Wo (S (S + B2 Wo) + d2 Wo2) Wo2 [SB2 + a2 Wo]  $\frac{1}{det(sI-R)} \left[ \mathcal{W}_{0}^{2}((s+B_{2}\mathcal{W}_{0})-B_{2}\mathcal{W}_{0}) \right]$ det (SI-A) = S'+ s' (B, Wo + B2Wo) + SWO (a2-a,) V' do C= (U O us) blir G(s) = <u>XW2<sup>2</sup> (SB2 + Q2W0)</u> S<sup>2</sup>+S<sup>2</sup>(B2W0 + B2W0) + SW2<sup>2</sup> 2/ dá c= [0 w. 0] blir G1(s) = Ywo(s(s+B2wo) + d2wo) s<sup>3</sup> + s<sup>2</sup>(B1+B2)wo + sw<sup>2</sup>

Salles J. = 10/9 Jz = 10 k= 1 kr 21 1 d = 0,1 for man ett system med svagt dämpade poler, dus poler nærer enhetscirkeln Systemet for ett nollställe i -10, ett polstalle i O, ett polstalle i -0,05+0,999 och ett i -0,05-0,9991 Dà man ser pà impulsuaret for givna varde och studerar det dels då man mater på we och dels på w, finner man att systemet svänger kraftigere da man mäter wi 1.0 0.8 0.6 0.4 0.2 0.0 -0.2 -0.4 -0.6 -0.8 80. 20. 100. Ο. 40. 60.

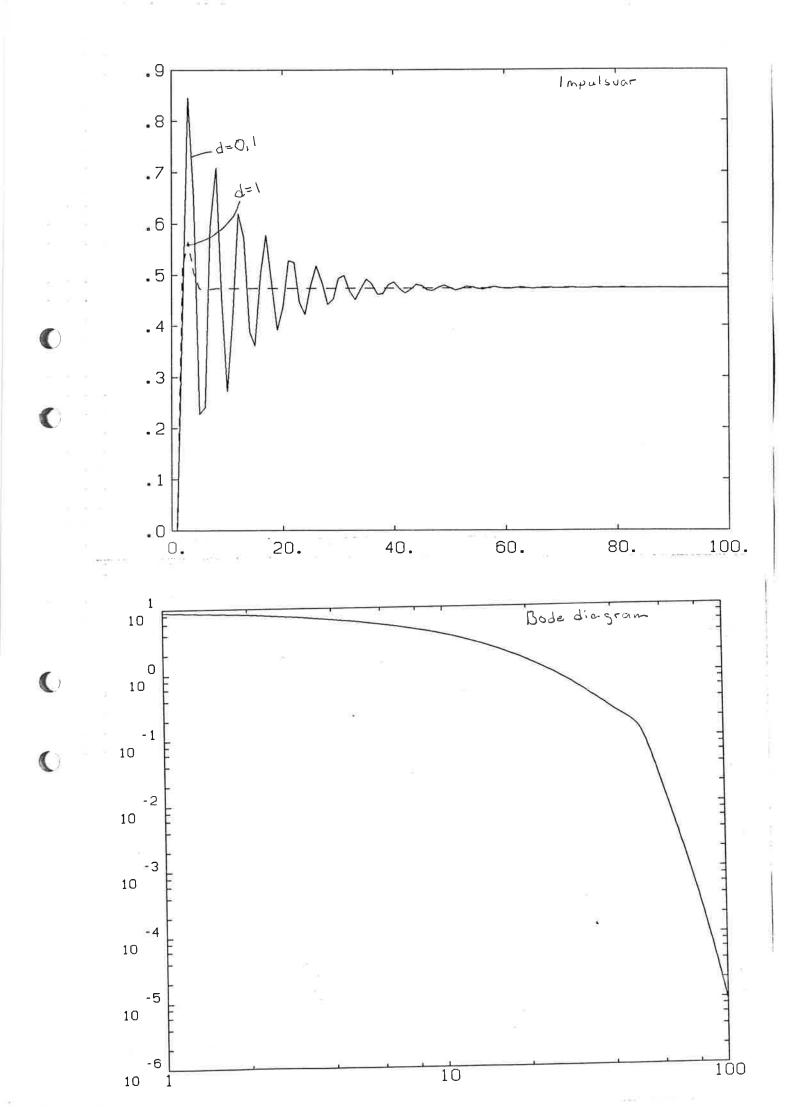


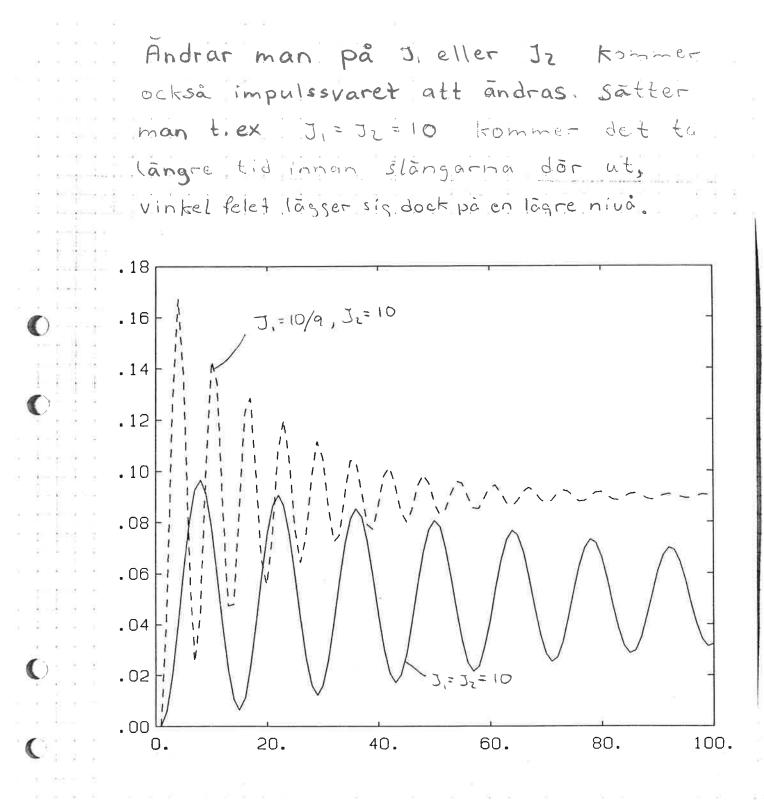






Om man vidare andrar på dämpningskonstanten J t.11 1 istallet for 0.1 dör svängningarna ut fortore, dessuton blir den första skängen ej så kraftig. (se fig nästa sida)





.

För att bli av med de kraftiga slängarna intopplas ett andra ordningens filter av typen

$$G_1 = \frac{w_{\ell^2}}{s^2 + 2Sws + w_{\ell^2}}$$

Detta medfor en total overforingsfuntion, da j=0,7

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0}^{3} x_{1}) w_{1}}{(S_{1} + S_{2}) - w_{0}^{2})(S_{1}^{2} + I_{1} (4 w_{1} S + w_{2}^{2})}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{b_{1}}{\gamma w_{0} \beta_{2} w_{2}^{2}} + \frac{b_{2}}{\gamma w_{0}^{3} x_{1} w_{2}^{2}}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{S_{2} + S_{1}^{4}(I_{1} + w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2})}{\alpha_{2}}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2})}{\alpha_{2}}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2})}{\alpha_{2}}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2})}{\alpha_{2}}$$

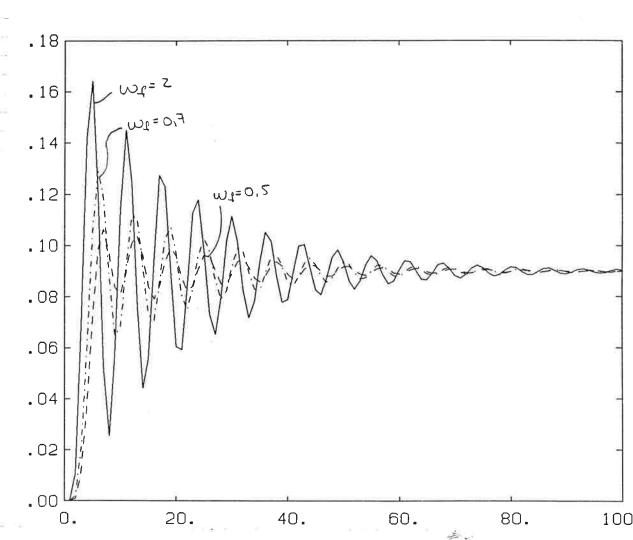
$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + I_{1} + w_{2}^{2})}{\alpha_{2}}$$

$$G_{1} \text{ tot} = \frac{(\gamma w_{0} \beta_{2} S + \gamma w_{0})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2})(\beta_{1} + \beta_{2})(\beta_{1} + \beta_{2})(\beta_{1} + \beta_{2}) + S_{1}^{2}(w_{0} w_{1}^{2})(\beta_{1} + \beta_{2})(\beta_{1} + \beta_{2$$

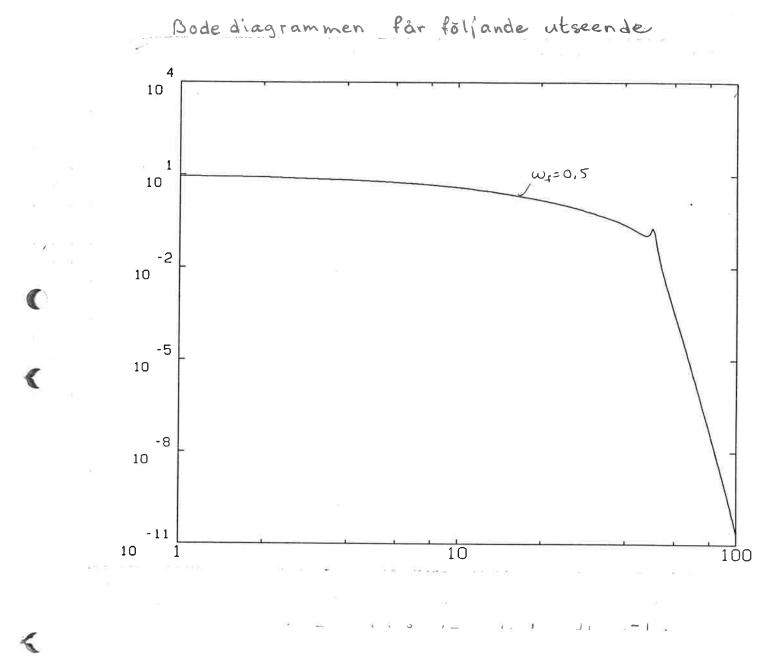
Överförings funktionen kan skrivas om till en observerbar tillståndsekvation

Dè vi varierar we och ser på impulsvaret ser vi att slängarna är kraittigast för wp=2 man we = 0,5 blir slängarna betydligt mindre. sätter

1 . .



100.



Vart fortsalta examensarbede kommer att beställ att placera polerna enligt den metad som stär bestriven i Computer Controled Systems kap 10. Vi kommer att analysera vad olika polylaceringar kommer alt innebara for soystemet

**(** )

C

(

Undersökning av regulatorer för reglering av process med kraftigt varierande mass trig hets moment

Ulfort (5%) av: Anders Wilsson MBI Kjell Peterson M87

Handledare: (95% av arbet) Rolf Johansson

Datum: Lund 850515

0

0

()

Innan vi gar vidare med rapporten ber vi atl fran vara intresserade lasare och (framförallt) rapportskrivarna framföra värt varma tack till handledaren Rolf Johansson, utan vars hjälp och ideer undertechuade ej hade kunnat utföra detta projekt.

.

Kjell Polense

Anders Wosson

(

0

ž

C

(

Sid 1 av åtskilliga

Sammanfattning

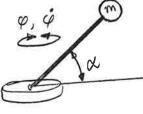
€

ſ

(

(

I denna rapport har undersökts olika sätt att lösa Servoproblemet för processer med kraftigt varierande tröghetsmoment. Den simulerade processen kan tänkas vara en robot, där armens rörelse orsakar variation i tröghetsmomentet. Variationen är i storleksordning 100.



Adaptiv reglering av såväl Gain-Scheduling typ som modell-referens-metoden har undersökts. Dubbla reglerboopar har använts, en för hastighet och en för läge. I hastighetsloopan ör en konstant (hög) förstärkning att före draga, då den eliminerar modoms dynamik till stor del. I lägesloopen bör en PID-regulator användas. En konstant installd regulator reglear hjälpligt upp till Imme 20. Vid större variationer krävs en adaptiv regulator.

Sid 1.5 av några farre.

Ett annat sätt att få ned variationen i tröghetsmoment, är att förse motorns utgående axel med en växellåda. Är växellådans utväxling N kommer motorn att "känna av" tröghetsmomenket  $\frac{1}{N^2}$  J. Används då en överdimensionerad motor (vilket är vanligt i dagens robotor bla) inverkar variationen i J éj märkbart.

(

(

(

ÖVERDIMENSIONERADE ST

<

(

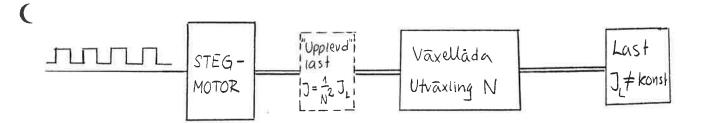
STEGMOTORER

sid

2 osu

On en tillräckligt "stark "stegnotor används och man aldrig överbelastar densamma eller överskrider maximalt tillåten acceleration, kan (rent principiellt sett) behovet av reglening helt bortfalla.

Genom att ha kontroll över pulsningen till motorn vet man samtidigt dess position. Ett sätt att få en tillräckligt "stark" stegmotor är att förse den med en växellåda. Om växellådan har utväxling N minskar fröghetsmomentet av lasten "sett" från motorn proportionellt mot  $\frac{1}{N^2}$ .



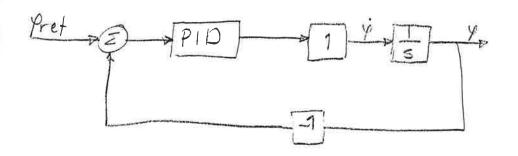
Denna typ av styrning används (autayligen) inte alls i praktiken för robotar, då det är svårt att grantern motorns fölgsamhet. Dessutom bör, som bekant, ett styrt tillständ alltid matas, vilket är lätt just i detta fall.

PID-reglering

(

(

Motorn med variabett tröghets morneuit regleras med en inre och en ystere Joop. Jinner Loopen finns en P-regulator. Om man ålerkopplar härt så försvinner Hynamiken i motorn och vi fär överföringsfunktionen för den återkopplade kretsen G = 1. Jessa samman hang visade del sig att det räcker med förstärkningen Mp = 10 för att få andaga G = 1. Vi fär da följande system:



Villet visar att någon ändring av PIDparametrama i regulatorn ej är nödvändigt efter det att man ställt in regulatorn en gang. Nägon adaptiv regulator eller dess variant är då ej nödvändig.

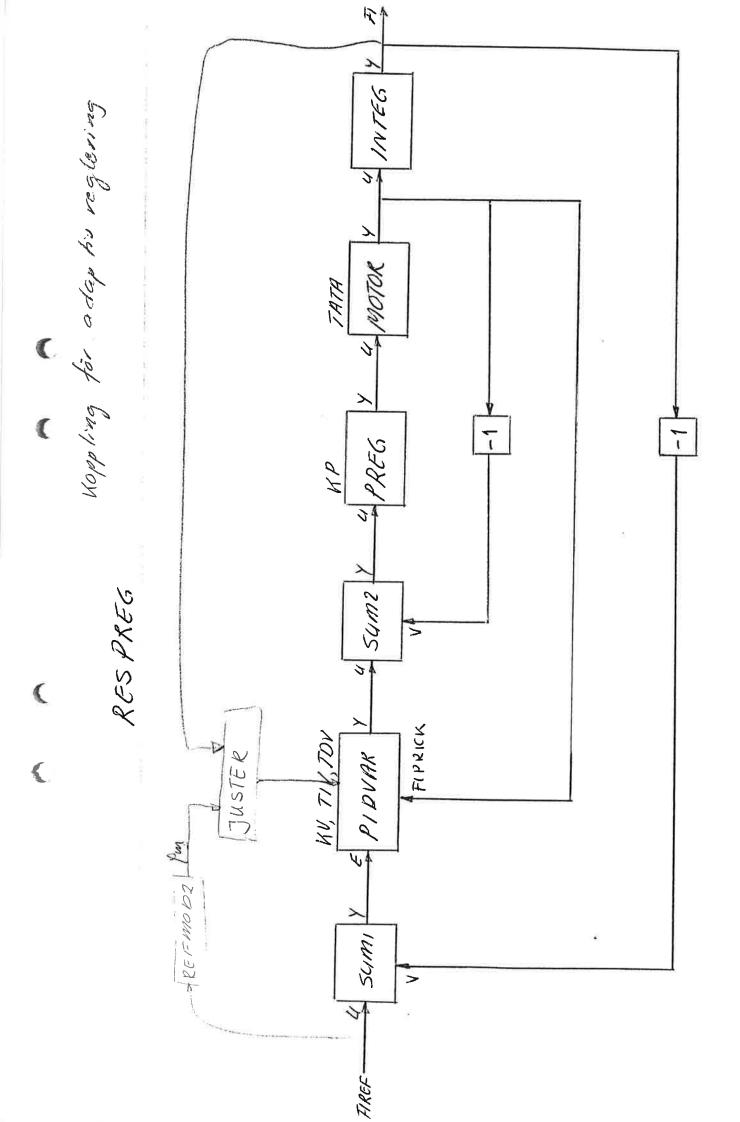
Men

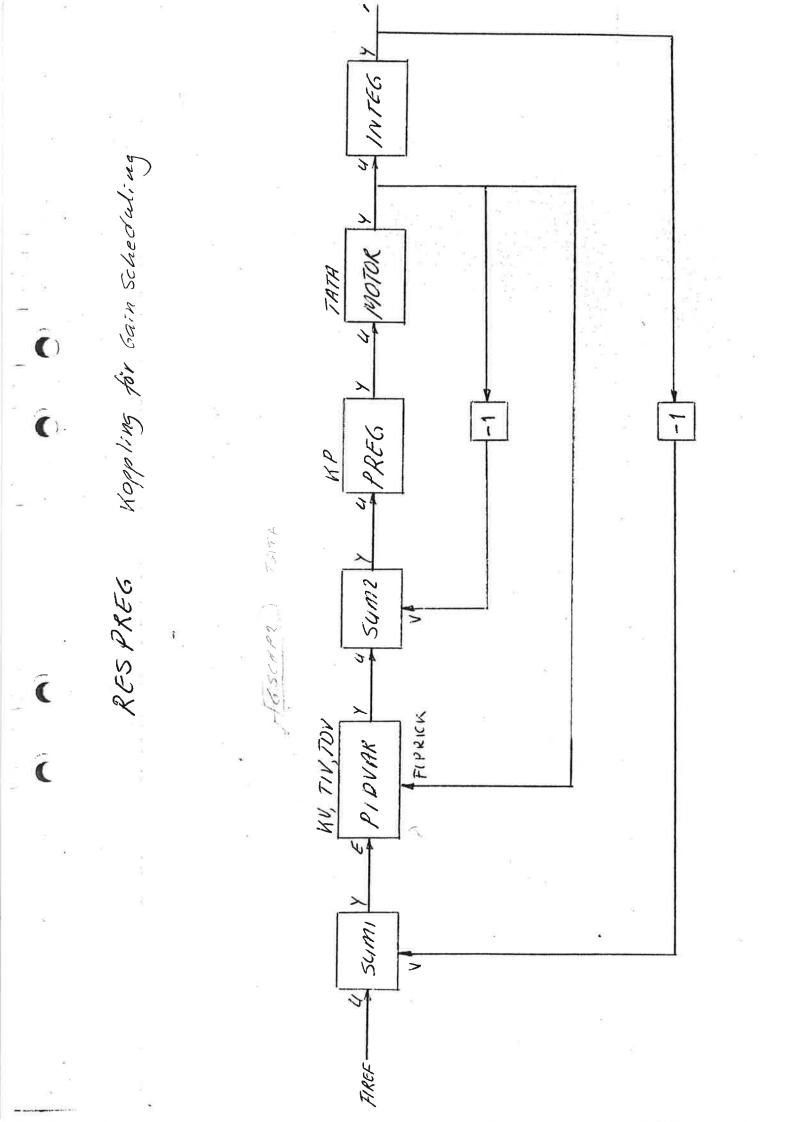
nu till verhlighten. Om nagon a daptiv regulator ej skulle vara nodvandig med for detta all vart projekt skulle auslitas här. Detta skulle ur arbetssynpunlet vara orattvist mot övriga projekt i kurson. Enligt lagen om alla tåraves djåvlig het och illdådiga baktanke kan så ej vara fallet. Var stud lednings förmåga (200) söger oss all en adaptiv regulator maste inga i systemet. Sadeles: Vi har gatt tillväga på två sätl: dels justera paramétern k; i inre regulatorloopen, dels justera parametern les i yttre regulator loopen. Vidare har vifor uppshattning ar parametern k auvant en tabellmetod "Gain Scheduling" dels en adaptiv regulator MRAS

C

C

O

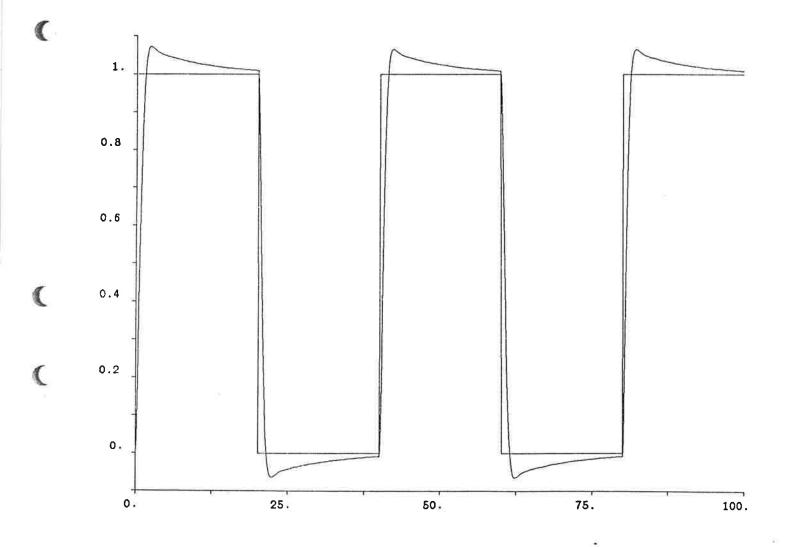




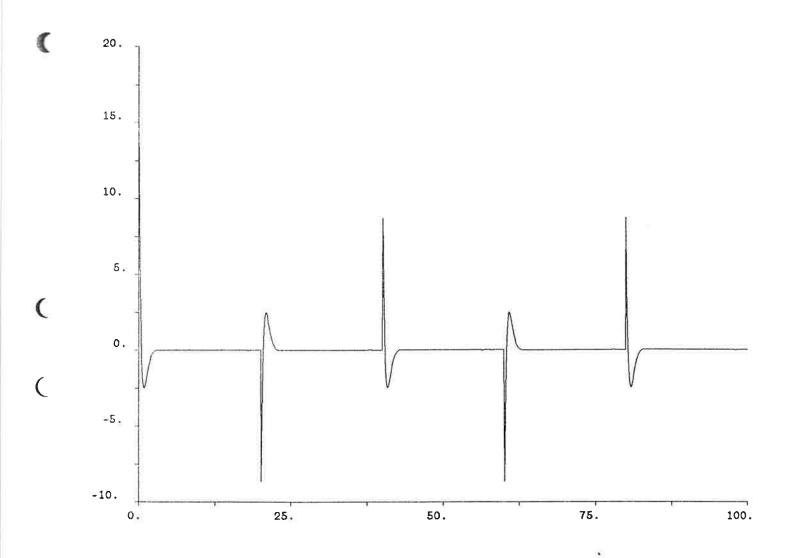
Har behandlas forst justering au forstartingsparametern i ytterloopen med hig förstärkning i innerloopen. Tabell metod: Det visade sig att samma installing på den yttre regulatorn och med förstårkningen Ki=10 ger samma stegsvar vid säval stort som litet massträg hedsmoment på motorn. Del som skiljer sig markant är insignalen till matorn, Styrsignalen är mychet rychig da vi har lagt tragivels moment på motorn. Den a daptiva regulatorn behaudlas euligt "MIT" regela dus de = k.e.grade dar 0 = regulatorns variable parametrar c = regler felet k = konstant I vart fall har vi bara en variabel parameter Kr. Vi far att Kv = k. c. pom där Ym = utsignalen från antagen referensmodell. I foljande diagram Visas stegsvar och insignaler till motorn vid alika masstroglictsmoment for adaptiv reglering resp. uid PID-reglering. Darefler följer program för kärning i SIMNON for adaptiv regulator resp Plo-reglering.

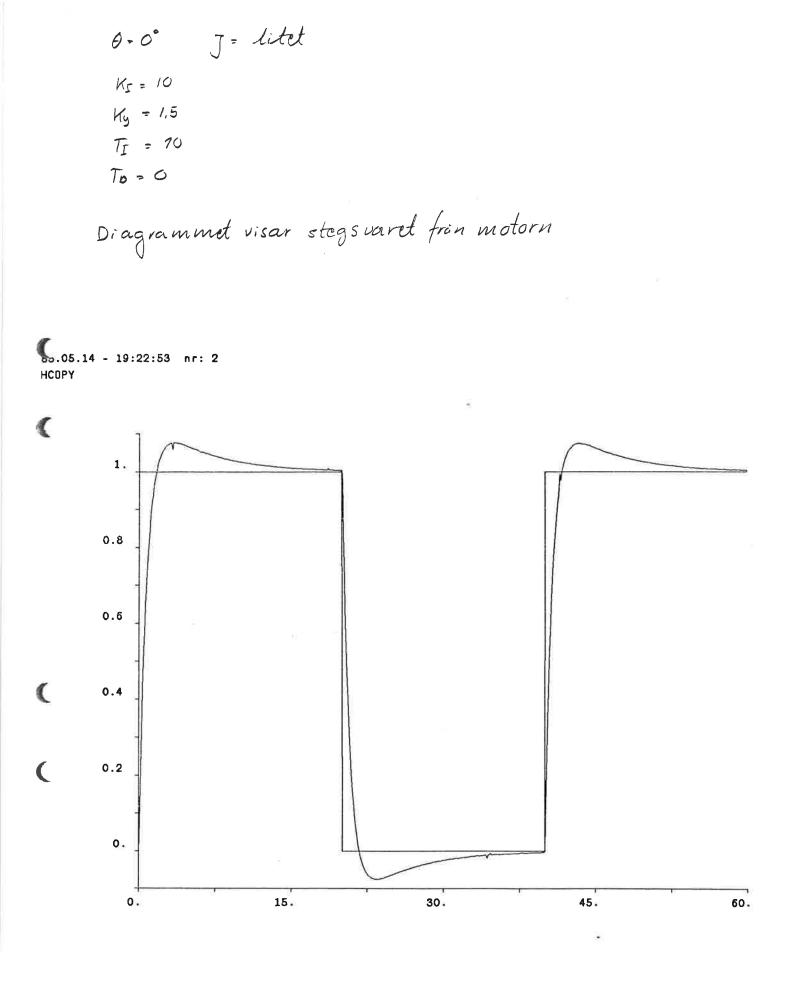
0

C.05.14 - 19:28:30 nr: 2 HCOPY



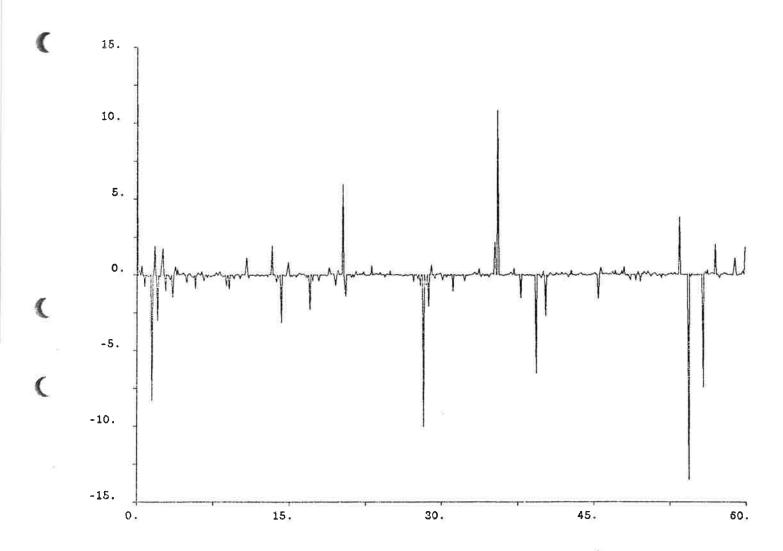
C.05.14 - 19:28:02 nr: 1 HCOPY





Diagrammet visar insignalen till motorn vid pålagt stegsvar

**C**.05.14 - 19:21:18 nr: 1 HCOPY



5. Simulation & Model Analysis
DETER - Deterministic Simulation
DSIM - Simulation with noise
FILT - Compute a filter system
RANPA - Compute a system with random coefficients
RESID - Compute residuals with statistical tests
SPTRF - Compute the frequency response of a transfer function

6. Identification

£.

€

LS - Least Squares identification ML - Maximum Likelihood identification SQR - Least Squares data reduction STRUC - Least Squares structure definition

7. Miscellaneous

DELET - Delete a file FHEAD - Inspect and change file parameters FTEST - Check existence of a file TURN - Change program switch settings

8. Alphabetical Command List

4

forts. toilaga 1

## Identifiering

Av de insamlade måtdata ska mu framtagas en matematisk modell för processen. Först skall man bestämma sig för vilken typ av modell man skall använda. Man kan ha parametriska eller icke parametriska modeller.

Om vi har följande systemmodell  

$$\begin{cases} \ddot{x} = \Delta x + Bu \\ y = C x \end{cases}$$
  
gäller det att skatta parametranna  
i matriserna A, B och C.

(

(

(

Speldralaualys: Beräkua korsspeletrum mellem ut- och insignal  $\phi_{uy}(w)$  och speletrum för insignal  $\phi_{u}(w)$ . Överföringsfunktionen för ur  $H(e^{iw}) = \phi_{yu}(w) / \phi_{u}(w)$ 

C

(

(

(

För denna identifirring har använts programpaketet IDPAC. IDPAC ger möjlighet att beräkna en mängd olika funktioner av sima mätserier. I biloga 1 ges en översikt av kommandona och dess innebörd.

Jog hor valt att använda parametrisk modell, vilket kan göras antingen med Minsta- kvadralmetoden (LS) eller Maximum-Likelihood-metoden (ML

Då man inte vet hur brus och störningar ser ut i sina måtsesier, kan LS-metoden ge gjova felskattningar då den far stor hänsyn till kraftigt avvikande måtvärde. Dessa måtdata kanske berodde på tiex. måtfel. LS-metoden passar dårför bäst iom kurvanpassning. IIL-metoden har däremot inte dessa egenskaper utom ger an båttre systemanpassning. Dårför har jag valt att omvända ML-skattning.

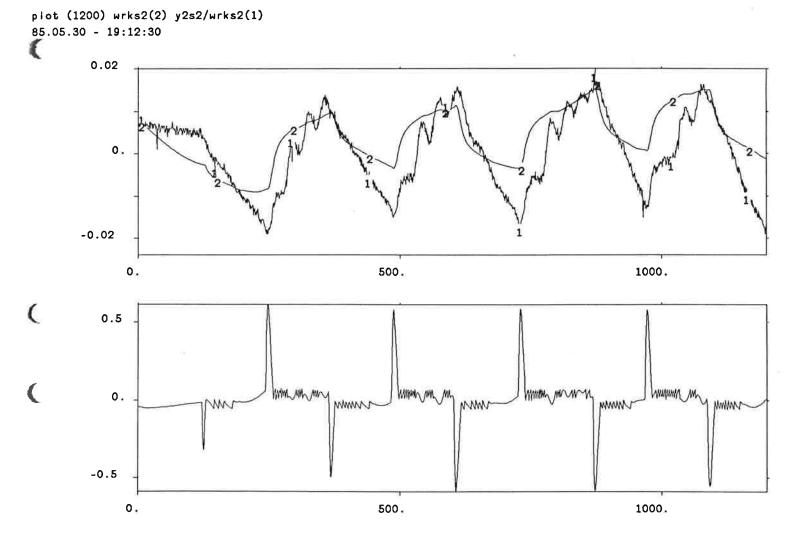
Vid ML-skattning användes foljande modell:  
A(q')·y(t) = B(q')·u(t) + 
$$\lambda \cdot C(q') \cdot e(t)$$
  
d'ar  
A, B och C är polynom i bakat-  
opriodern q'.  
Sista termen är en skattning av felet (brus).

För att mu hitta en bra modell får man mu prova olika modellordningar och dittar då på hur förlustfunktioner artar sig vid växande ordningstal. För de olika ordnings = talen kan man studera olika funktioner, bl.a. följande:

Misstäuker man att det förekommer tidsfördröjningar provas att göra ett olika antal förskjutningar i samplingssteg.

Det jag har funnit ge bast resultat är en modell av andra ordningen och fidsforskjutning toa steg. (1s.). Nedan ses ~ öure figuren modelleus utsignal (2) och den registrerade utsignalen (1), nedre figuren ar insignal till systemet.

<



142-

## Alternativ identifiering

Med hjulp av felsignal och utsignal kan referenssignalen till systemet beräknas. Av detta kan en my identifiering göras enligt samma procedur som tidigare. Nu fär man en modell som innehåller både systemet och regulator. Regulatorn är känd och kan uttryckas i fidsdiskret form.

$$u(t) = K_{R}\left[1 + \frac{1}{T_{i}} - q^{2}\right] / \left[1 - q^{2}\right]$$
(PI-regulator, D-delen var uoll)

Av detta kan systemet beråknas  
Ho= 
$$\frac{1}{H_R}$$
  $\frac{2^2 B(q^2)}{A(q^2)}$ 

T

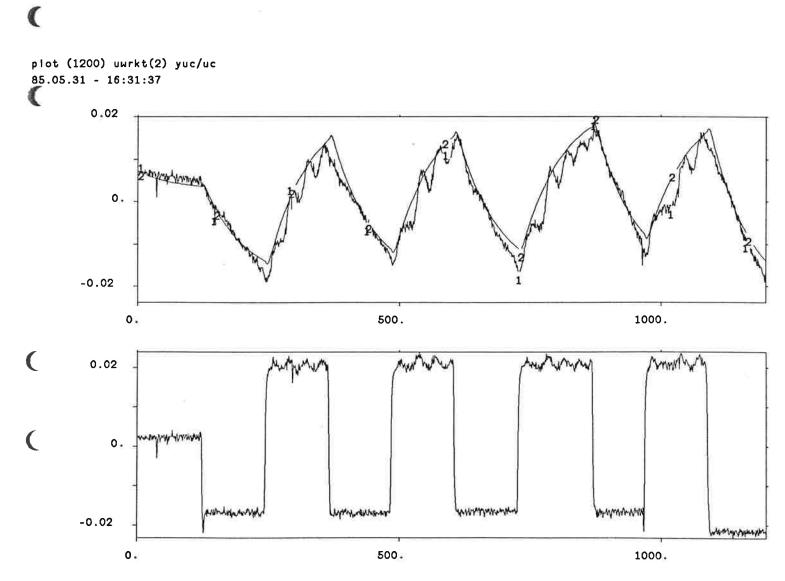
30

Berähming av lämpliga regulatorparametrar. Vå kan mu sätta dit "den riktiga" regulatorn.



Systemet kan nu simuleras i SIMNON. Genom att variera regulatorparametrarna kan om möjligt önskade egenskaper erhållas.

Nedau ses ett battre resultat da identifiering gjorts mellan referenssional och utsignal. Övre figuren visar modelleus utsignal (2) och den registrerade utsignalen (1). Nedre figuren visar insignalen.



Bilaga 1 3

## Commands Available in Idpac

The following is a structured list of the commands available in Idpac, together with a short indication of their use.

1. Input & Output

CONV - Conversion of data into internal standard form EDIT - Symbolic text editor FORMAT - Conversion of data into symbolic (external) form LIST - Output of data on user readable form MOVE - Moving data in the data base

2. Graphic Output

€

(

(

| BODE  | - | Draw | curves in a | diagram with logarithmic scales |
|-------|---|------|-------------|---------------------------------|
| HCOPY | - | Take | a hard copy | of the last graphic output      |
| PLMAG | = | Draw | a magnified | plot and allow changes          |
| PLOT  | - | Draw | curves with | linear scales                   |

3. Time Series Operations

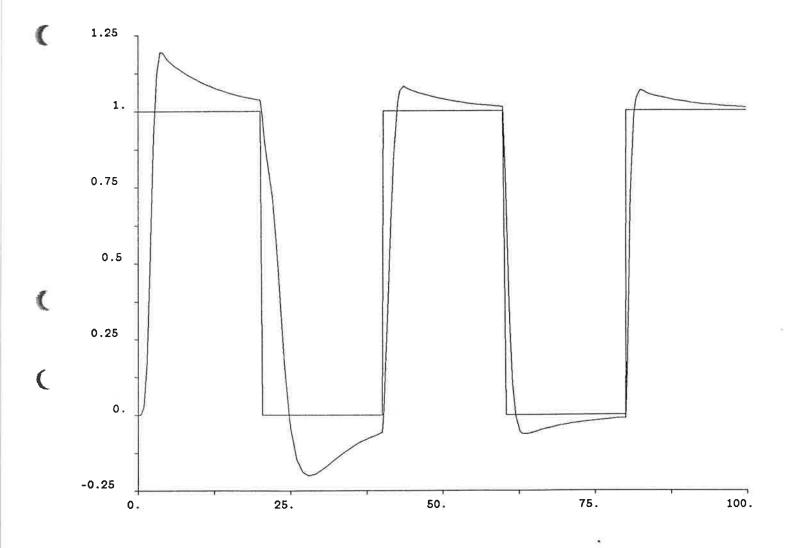
| ACOF  | - Compute autocorrelation functions             |
|-------|---|
| CCOF  | - Compute crosscorrelation functions            |
| CONC  | - Concatenate time series                       |
| CUT   | = Extract a part of a time series               |
| INSI  | - Generate time series                          |
| PICK  | 🖂 Pick equidistant time points                  |
| SCLOP | 🖃 Do scalar operations on a time series         |
| SLIDE | - Introduce relative delays between time series |
| STAT  | - Compute some statistical numbers              |
| TREND | - Remove a trend                                |
| VECOP | - Do vector operations on a time series         |

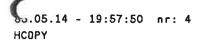
4. Frequency Response Operations

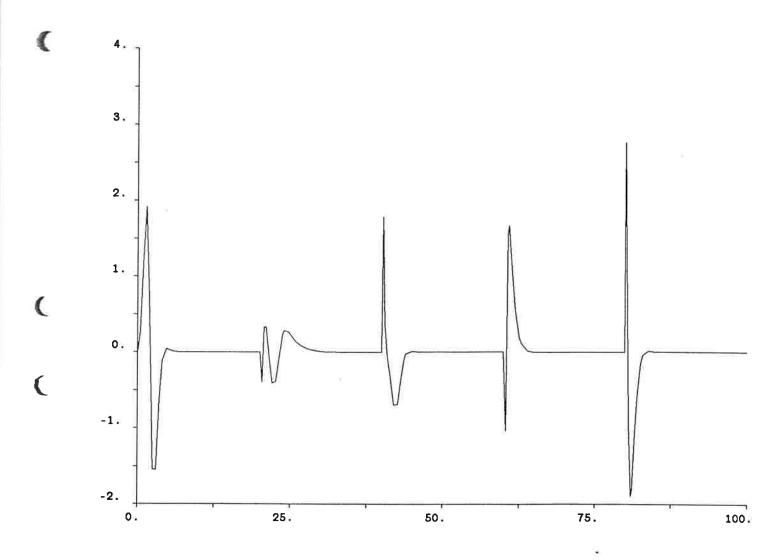
| ASPEC | 🚍 Compute an auto spectrum           |
|-------|--------------------------------------|
| CSPEC | - Compute a cross spectrum           |
| DFT   | - Discrete Fourier Transform         |
| FROP  | - Operate on frequency responses     |
| IDFT  | - Inverse Discrete Fourier Transform |

6=96 J= stort Adaptiv reglering an Ky  $K_{I} = 10$ Trv = 10 (yttire loop) Tou = 0 ( \_ " - ) Stegsvar från motorn

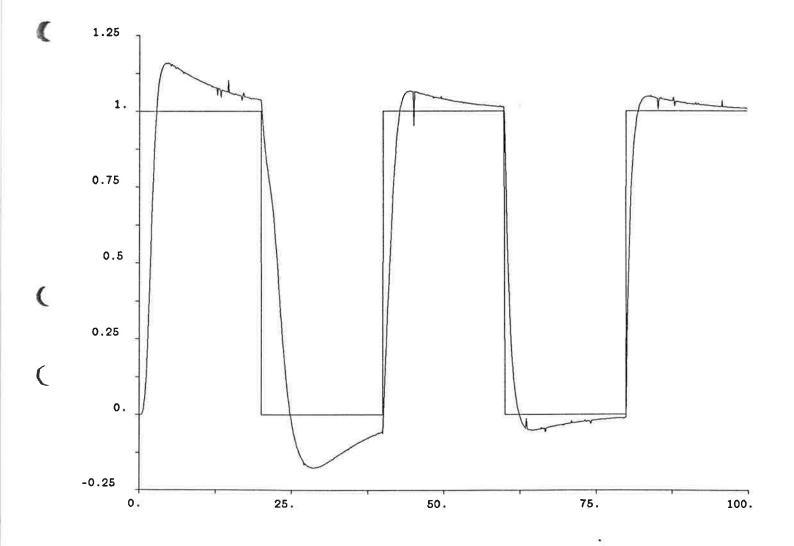
C.05.14 - 19:51:34 nr: 1 HCOPY

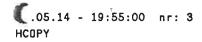


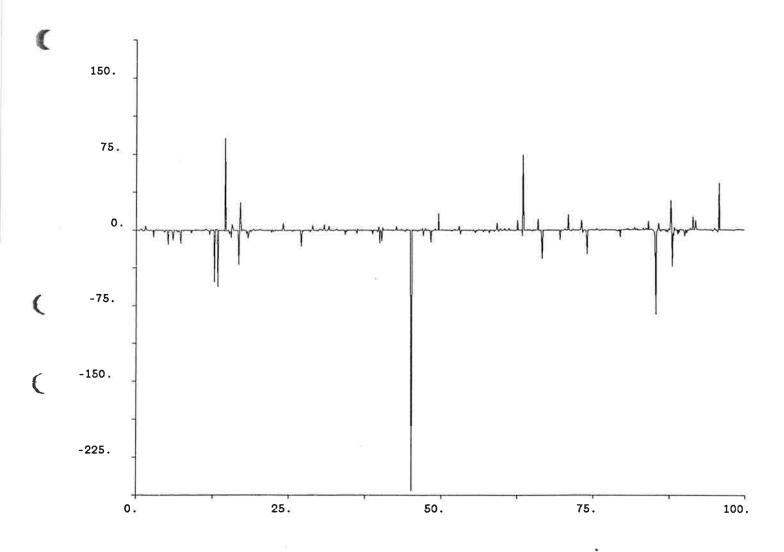


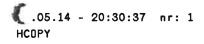


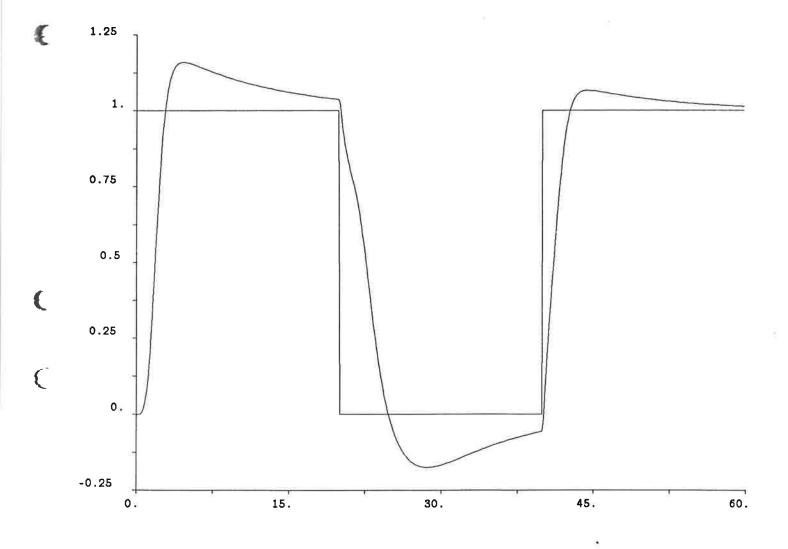
C.05.14 - 19:54:03 nr: 2 HCOPY





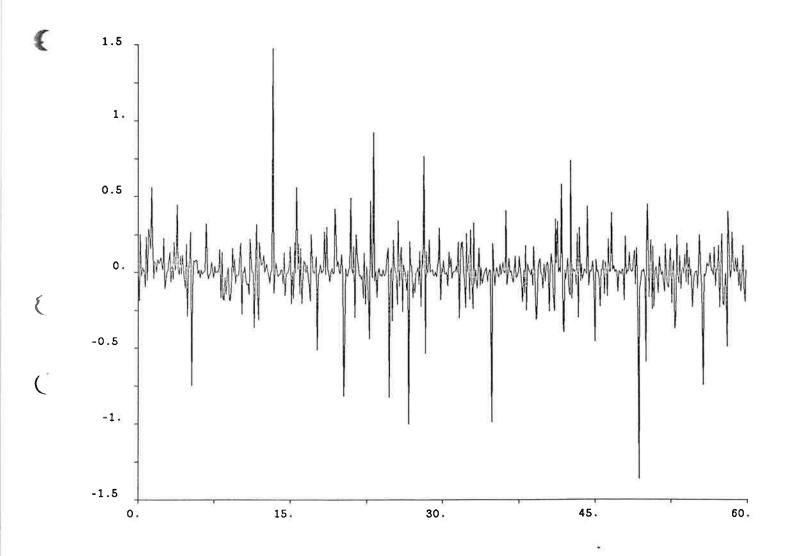






0=0° J=litet Adaptiv reglering on Ky Insignal till motor begränsad  $H_{I} = 10$  $T_{IV} = 10$ Tor = 0 Insignal till motor vid pålagt stegsvar

√J.05.14 - 20:31:19 nr: 2 HCOPY



Program för PID-reglering

(

(

DISCRETE SYSTEM FIREF OUTPUT FIREFER TIME T TSAMP TS TS=T+H Y=MOD(TS,2\*H)FIREFER=IF Y(20 THEN -1 ELSE 1 H:20 END CONTINUOUS SYSTEM SUM1 INPUT U V OUTPUT Y Y=U+V END CONTINUOUS SYSTEM PIDVAR INPUT E FIPRICK KS OUTPUT Y STATE X DER DX DX=E Y=KV/TIV\*X+KV\*E-KV\*TDV\*FIPRICK TIV:10 TDV:10 END KU: 10 CONTINUOUS SYSTEM SUM2 INPUT U V OUTPUT Y Y=U+V END CONTINUOUS SYSTEM PREG INPUT U OUTPUT Y Y=KP\*U KP=1 0 END CONTINUOUS SYSTEM MOTOR INPUT U . OUTPUT Y STATE X DER DX DX = -1/JO \* X + UY=10.1/JO\*X JO=794.4\*J J=JM+JSTANG+JKLOT JSTANG=MS\*(RS+2/2+(L\*SIN(VINKEL))+2/3)

JKLOT=MK\*(2/5\*RK+2+((L+RK)\*SIN(VINKEL))+2) VINKEL=TATA\*PI/180 TATA:90 JM:0.0004714 MS:0.2 L:0.25 MK:0.35 RK:0.025 RS:0.003 PI:3.141592654 END

۰.

\_\_\_\_\_

C

CONTINUOUS SYSTEM INTEG INPUT U OUTPUT Y STATE X DER DX DX=U Y=X END

CONNECTING SYSTEM RESPREG2 U[SUM1]=FIREFER[FIREF] V[SUM1]=-Y[INTEG] E[PIDVAR]=Y[SUM1] FIPRICK[PIDVAR]=Y[MOTOR] U[SUM2]=-Y[PIDVAR] V[SUM2]=-Y[MOTOR] U[INTEG]=Y[MOTOR] FI=Y[INTEG] U[PREG]=Y[SUM2] U[MOTOR]=Y[PREG] KV[PIDVAR]=KV[GSCHEP2] END

Program for adaptiv reglering

•

€.

1

DISCRETE SYSTEM FIREF OUTPUT FIREFER TIME T TSAMP TS TS=T+H Y=MOD(TS,2\*H) FIREFER=IF Y(20 THEN -1 ELSE 1 H:20 END CONTINUOUS SYSTEM SUM1 INPUT U V OUTPUT Y Y≃U+V END CONTINUOUS SYSTEM PIDVAR INPUT E FIPRICK KV OUTPUT Y STATE X DER DX DX=E Y=KV/TIV\*X+KV\*E-KV\*TDV\*FIPRICK TIV:1 TDV:1 END CONTINUOUS SYSTEM SUM2 INPUT U V OUTPUT Y Y=U+V END CONTINUOUS SYSTEM PREG INPUT U OUTPUT Y Y=KP\*U KP:1 END CONTINUOUS SYSTEM MOTOR INPUT U OUTPUT Y STATE X DER DX DX = -1/JO + X + UY=10.1/JO\*X J0=794.4\*J

J=JM+JSTANG+JKLOT JSTANG=MS\*(RS42/2+(L\*SIN(VINKEL))42/3)

JKLOT=MK\*(2/5\*RK↑2+((L+RK)\*SIN(VINKEL))↑2) VINKEL=TATA\*PI/180 TATA: 90 JM:0.0004714 MS:0.2 L:0.25 MK:0.35 RK:0.025 R5:0.003 PI:3.141592654 END CONTINUOUS SYSTEM INTEG INPUT U OUTPUT Y STATE X DER DX DX=U Y = XEND CONTINUOUS SYSTEM JUSTER INPUT E FIMOD OUTPUT KV STATE X DER DX DX=-K1\*E\*FIMOD KV=X K1 # 1 END \_\_\_\_\_\_ CONTINUOUS SYSTEM SUM3 INPUT U V OUTPUT E E=U+V END CONTINUOUS SYSTEM REFMOD2 INPUT U OUTPUT FIMOD STATE X1 X2 DER DX1 DX2 DX1=-A1\*X1-A2\*X2+U DX2=X1FIMOD=B1\*X1+B2\*X2 A1:1 A2:1 B1:1 B2:1 END . . . . . . . . . . . . . .

ſ

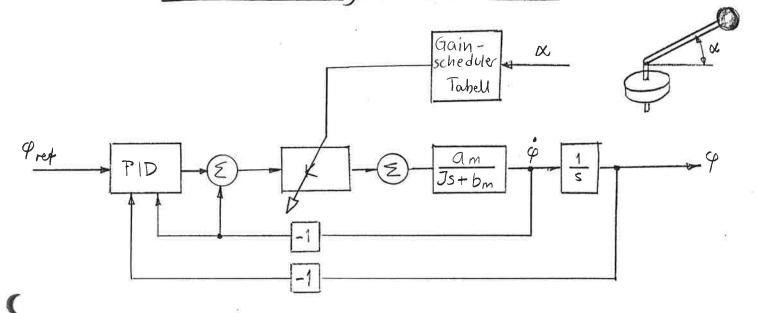
Κ.

CONNECTING SYSTEM RESPREG4 U[SUM1]=FIREFER[FIREF] V[SUM1]=-Y[INTEG] ECPIDVARJ=YCSUM1] FIPRICK[PIDVAR]=Y[MOTOR] U[SUM2]=Y[PIDVAR] VCSUM2] =-YCMOTOR] UCINTEG] = Y [MOTOR] FI=YEINTEG] U[PREG]=Y[SUM2] U[MOTOR]=Y[PREG] UCREFMOD2]=FIREFER(FIREF] UCSUM3]=FIMODCREFMOD2] V[SUM3]=-Y[INTEG] ECJUSTER]=ECSUM3] FIMOD[JUSTER] = FIMOD[REFMOD2] KV[PIDVAR]=KV[JUSTER] END

1

Ł

Gain-Scheduling på hastighetsloopen



Robotens trêghetsmoment J kan bealwas som flen av  $\alpha$ .  $J = J_0 + J_{z'} \cos^2 \alpha$ 

Fotjande rakning is ar att  $\frac{K}{J} = konst ger en (ungefar)$ konstant dynamik åt systemet.  $(a_m = b_m = 1)$ 

$$\varphi(s) = \frac{K(1 + \frac{1}{s \cdot T_{i}} + s \cdot T_{d}) \frac{1}{s(Js+1)}}{1 + K(1 + \frac{1}{sT_{i}} + s \cdot T_{d}) \frac{1}{s(Js+1)}} \varphi_{ref}(s) = \frac{K(1 + \frac{1}{sT_{i}} + s \cdot T_{d})}{s(Js+1)} \varphi_{ref}(s) = \dots =$$

C

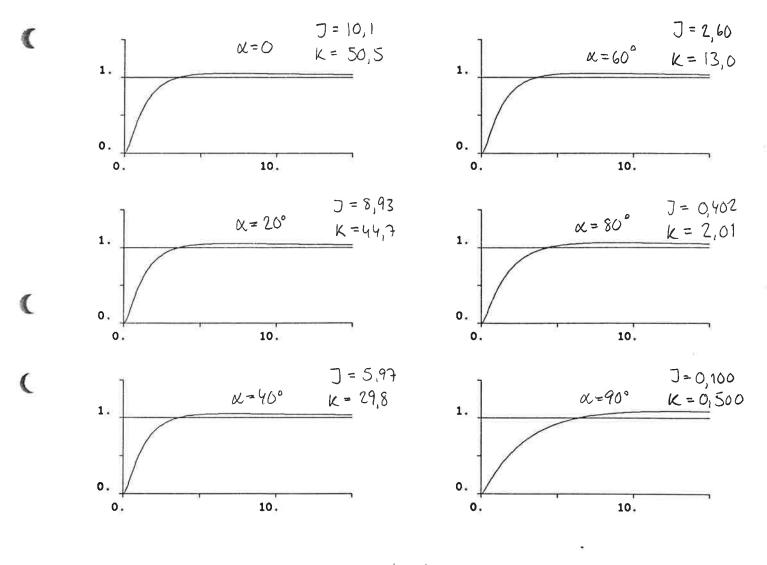
(

$$= \frac{\frac{K}{J}(\frac{1}{T_{i}} + S + S^{2} T_{d})}{S^{3} + S^{2} \frac{K}{J}(T_{d} + \frac{1}{K}) + S\frac{K}{J} + \frac{K}{J} \cdot \frac{1}{T_{i}}} \varphi_{ref}(S)$$

Endast termen  $\frac{1}{K}$  i taktorn framför s<sup>2</sup> i nämnaren kommer att vanera. Dock är K "stort" (storl.ordn 5), varför  $\frac{1}{K}$  ej vanerar speciellt mychet. Gain-Scheduling på hastighetsloopen

 $P: \quad K0 = 5$   $PID: \quad K1 = 3 \quad TI = 20 \quad TD = 1 \qquad \frac{Dmax}{Dmin} = 100$ 

C.04.29 - 21:34:10 nr: 1 HCOPY



Gain-Schedulern ger orimligt högn förstärkningar vid små «....

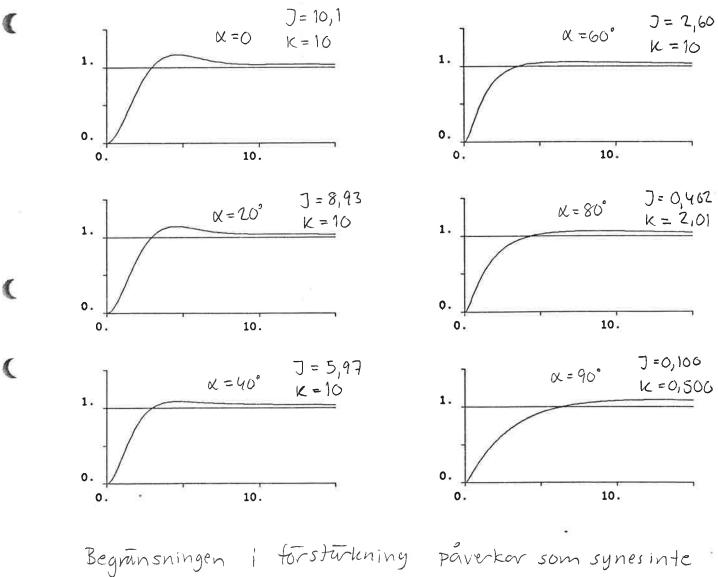
 $\mathbf{P}$ 

simuleades.

P:
 
$$KO = 5$$
 $Kmax = 10$ 
 $Jmax$ 
 $Jmax$ 
 $= 100$ 

 PID:
  $K1 = 3$ 
 $TI = 20$ 
 $TD = 1$ 
 $Jmin$ 
 $= 100$ 

So.04.29 - 21:38:18 nr: 2 HCOPY

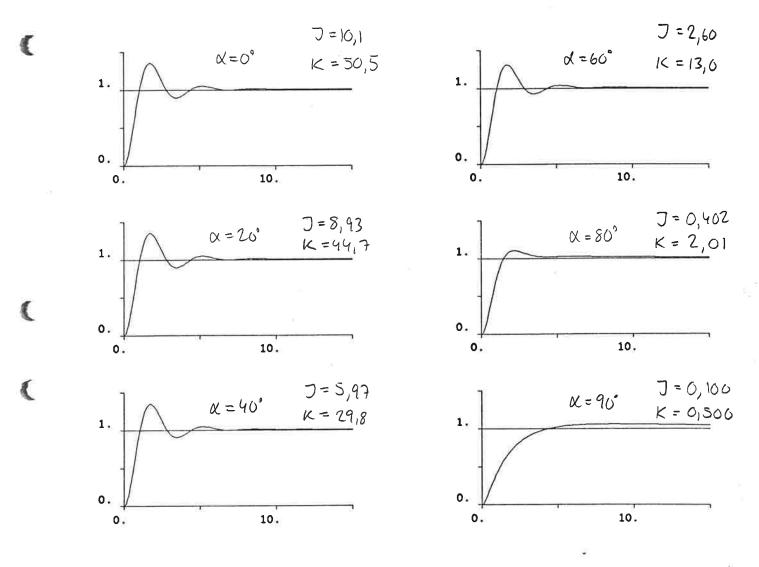


stigtiden nämnvart, dock fas storre overslang.

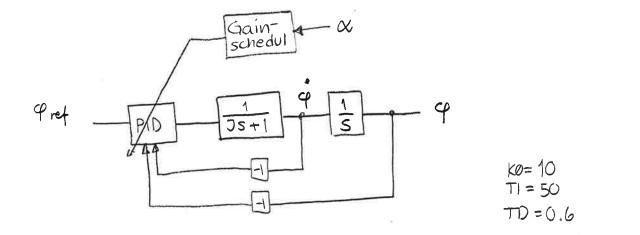
Simularing med yttre regulatorns D-del borthopplad gjordes också. Resultatet är inte vad man kan kära av ett servo. P: KO=5 Jmm

P: K0=5PID: K1=3 TI=20 TD=0  $\frac{J_{max}}{J_{max}}=100$ 

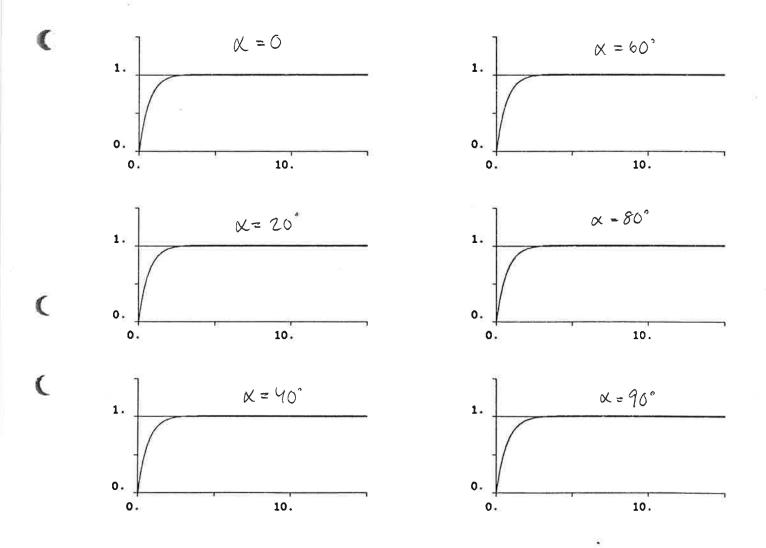
65.04.29 - 21:46:45 nr: 2 HCOPY



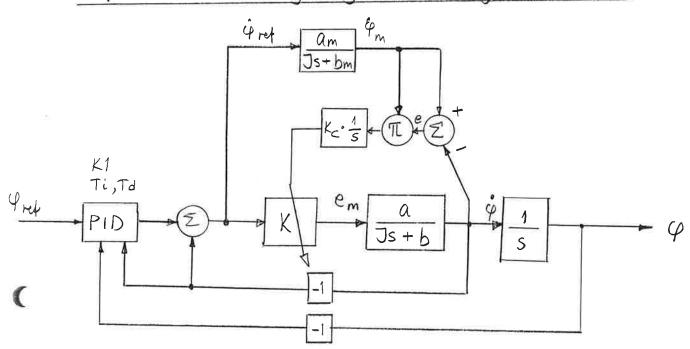
Även en simulering dar hastighetsloopen uteslots har gjorts.



(:05.09 - 11:09:30 nr: 1 OBS  $\frac{J_{max}}{J_{min}} = 20$ . Storre knot gick ej att ha.



Adaphiv MRAS-reglering av hastighetsloopen



MIT-regeln:

(

C

(

$$\frac{\partial K}{\partial t} = -K_c \frac{\partial e}{\partial K} \cdot e$$

$$d\bar{a}r \quad e = \dot{\varphi}_{m} - \dot{\varphi} = \left(\frac{a_{m}}{J_{s} + b_{m}} - \frac{K \cdot a}{J_{s} + b}\right) \dot{\varphi}_{ref}$$

$$\Rightarrow \frac{\partial e}{\partial K} = -\frac{a}{J_{s} + b} \cdot \dot{\varphi}_{ref} = -\dot{\varphi}_{m}$$

$$\overset{\circ}{=} \frac{\partial K}{\partial t} = K_{c} \cdot \dot{\varphi}_{m} \cdot e$$

Samma grindliggande tanke som vid motsværande Gain-Scheduling, att hålla kroten <u>K</u> konstant, tilllämpades.

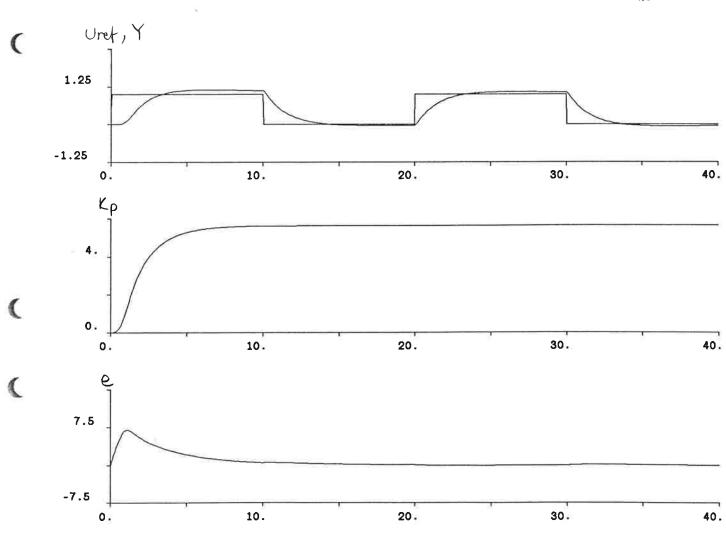
Resultaten visar att en konstant (hög) förstörkning i hastighetsloopen, för att "ta bort" motorns dynamik, lika garna kan användas. Även hör galler att  $\frac{1}{2}max = 100$ .

CONTINUOUS SYSTEM PIDTACH "Simulation of an ordinary PID-regulator with tachometersignal. INPUT UREFPID YPID DYPID KPID TIPID TDPID OUTPUT UPID STATE XO DER DXO UPID=KPID\*((UREFPID-YPID)+X0/TIPID-DYPID\*TDPID) DXO=IF INTLIMIT (.5 THEN UREFPID-YPID ELSE DXOLIM DXOLIM=IF ABS(UPID-UREFPID))(1-LIMIT)\*UREFPID THEN O ELSE UREFPID-YPID LIMIT:.8 "Limit gives the starting point for the integrator. INTLIMIT:0 "Intlimit is a logical variable. 1 means a delayed integrator, O a normal P END CONTINUOUS SYSTEM PREGU "Simulation of an ordinary variable gain proportional regulator. "Written by Anders Nilsson. INPUT XP KP OUTPUT UP UP=XP\*KP END CONTINUOUS SYSTEM MAXON "Simulation of a servoengine MAXON-DC (Philips 4322 010 78013). INPUT EM MS JMOTOR OUTPUT RPM FI STATE X1 X2 DER DX1 DX2 DX1=(EM-XONE)\*KM\*KM/JM/R+KM/JM\*MS DX2=XONE/KM XONE=IF X1>X1MAX THEN X1MAX ELSE IF X1>-X1MAX THEN X1 ELSE -X1MAX RPM=DX2 FI=X2 JM=JMOTOR+JOWN JOWN=.0000214 KM:.094 R:7.8 X1MAX:40 END CONTINUOUS SYSTEM MODEL "Simulation of a model of the Philips engine used in the robot. INPUT UREFMOD JMOD KMOD OUTPUT UMOD STATE X1 DER DX1 DX1=KM/JMOD/RMOD\*(UREFMOD\*KMOD-KM\*X1) UMOD=X1 KM: 094 RMOD:7.8 END

CONTINUOUS SYSTEM ADJUSTK "Simulation of the adjusting link used in the MIT-rule. INPUT DFIM E C OUTPUT K STATE X1 DER DX1 DX1=C\*DFIM\*E K=X1 END CONNECTING SYSTEM MIT "Simulation of an adaptive regulator using the MIT-rule. TIME TID UREF=AMPL/2\*SIGN(SIN(W\*TID))+AMPL/2 AMPL:1 W:.3141592654 "Determination of the moment of inertia for a given angle alfa. J=IF A(90 THEN J0+JZ\*(COS(A\*.01745329252)) 12 ELSE J0 A:0 JO:.0004 JZ:.02 UREFPID[PIDTACH]=UREF YPID[PIDTACH]=FI[MAXON] DYPID[PIDTACH]=RPM[MAXON] KPID[PIDTACH]=K1 K1:3 TIPID[PIDTACH]=TI TI:10 TDPID[PIDTACH]=TD TD:1 XPCPREGUJ=UPIDCPIDTACHJ-RPMCMAXONJ KP[PREGU]=IF K[ADJUSTK] (KPMAX THEN K[ADJUSTK] ELSE KPMAX KPMAX:100 EMEMAXON] = UPEPREGUI MSEMAXON] = M M:O JMOTOR [MAXON] = J Y=FIEMAXON] UREFMOD[MODEL]=UPID[PIDTACH]-RPM[MAXON] JMOD [MODEL] = JREF "JREF is the specified J which places the pole in the desired point. JREF: .0038 KMOD[MODEL]=K2 K2:5 DFIM[ADJUSTK]=UMOD[MODEL] E[ADJUSTK]=UMOD[MODEL]-RPM[MAXON] C[ADJUSTK]=KC "KC is the factor in the MIT-rule. KC:.5 END

(

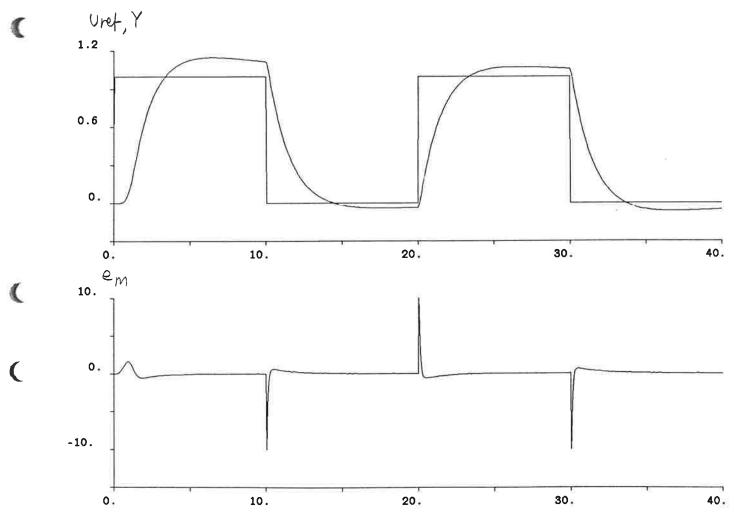
(



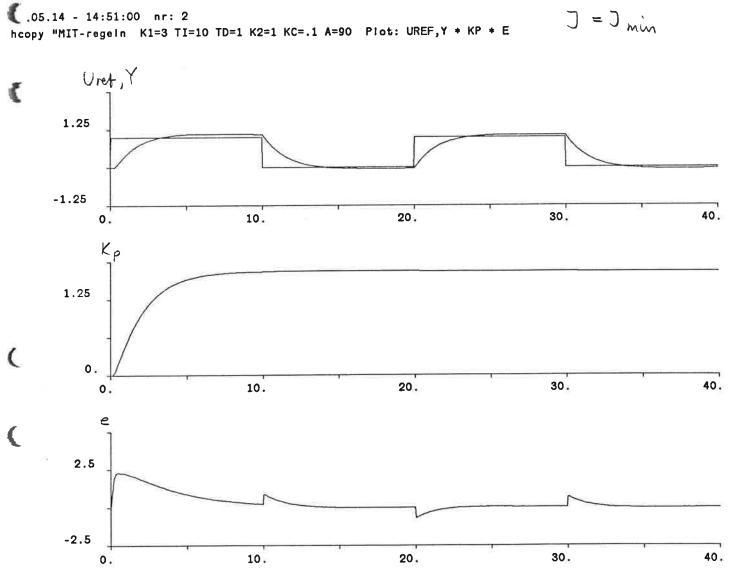
6.05.14 - 15:25:07 nr: 1 hcopy "MIT-regein K1=3 TI=10 TD=1 K2=1 KC=.05 A=0 Plot: UREF,Y \* KP \* E

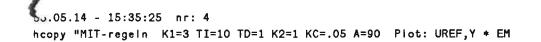
J = Jmax

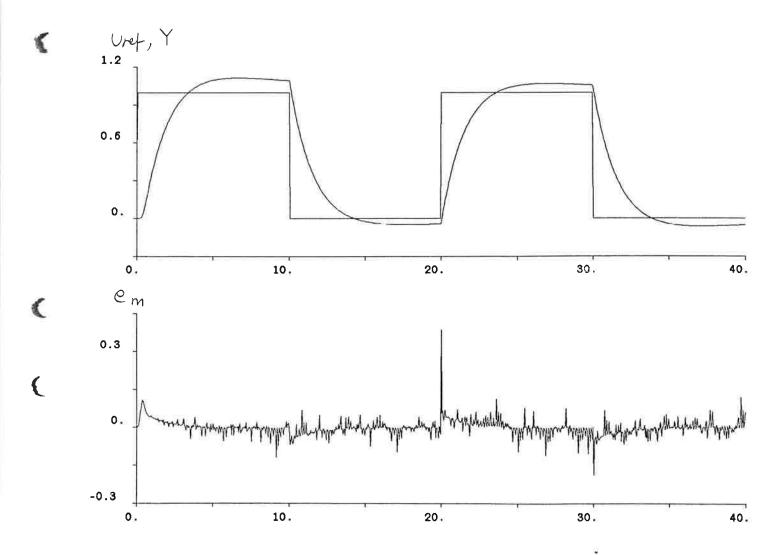




.







.....

#### PROJEKT. SYSTEMTEKNIK

IDENTIFIERING

(

(

(

(

AV HYPOTERMJENHET

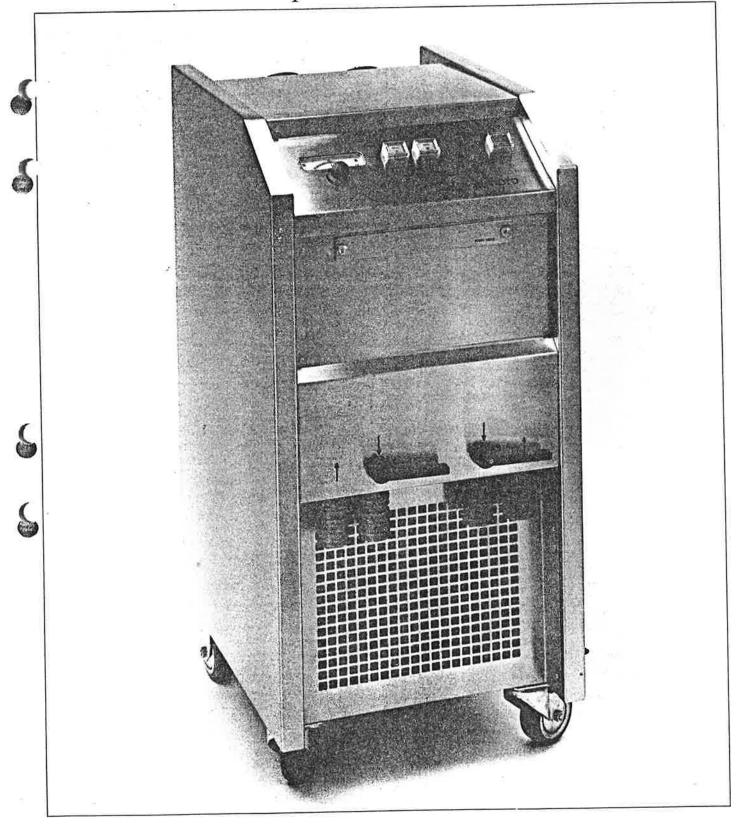
Handledare: Rolf Johansson

Luna 85.05.15



# Hyper–Hypothermia unit HYP 10–200

Operator's manual



## Kort beskrivning av Hypotermienhet

Då operationer utföres på t.ex. hjärtat ersättes detta och lungorna av en hjärt-lung-maskin. Denna maskin upprätthäller blodcirkulation och syretillförsel. Kroppstemperaturen på patienten sänks också, och detta sköts av hypotermienheten.

Hypotermienheten skall, via en värmeväxlare, hålla konstant demperatur på patienten under operationen. Mediet som temperaturregleras i hypotermienheten är vatten. Hypotermienheten fungenar i princip enligt figur på nästa sida.

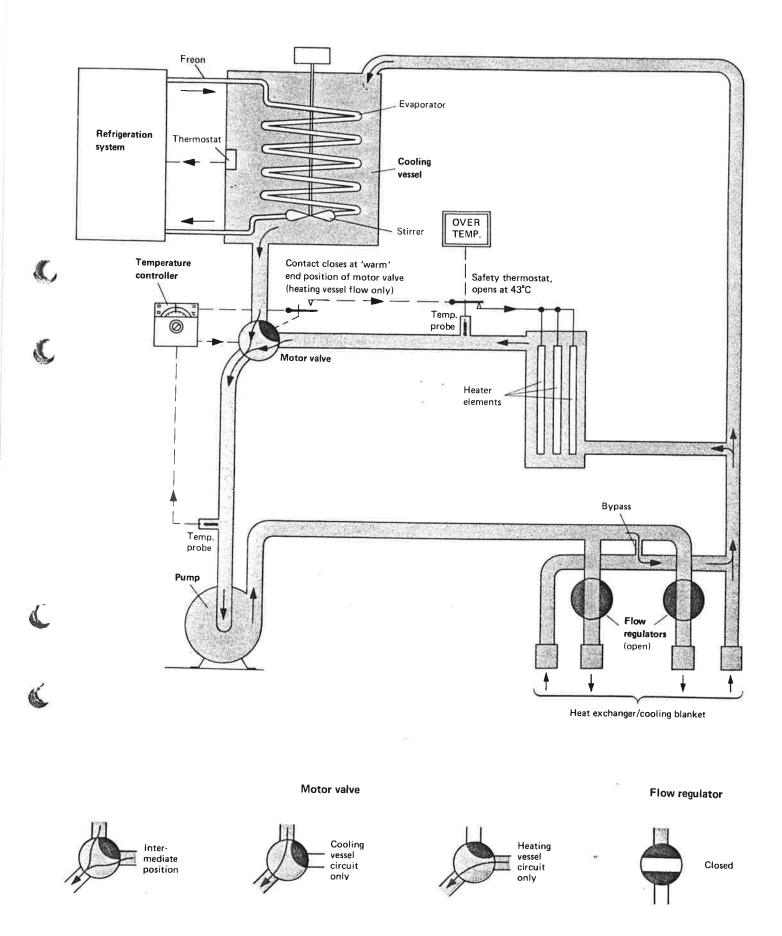
(

(

( '

dypolermientulen kan beskrivas i blockschema enligt medaustanede figur. yref - E HR Ho Y

Da motorventilen mår ändläge och värmning enfordras går regulatorns signal till värmeelementen som aletiveras. PTD- regulatorn ör en s.k. flerläges stegregulator. Den har tvä reländgångar vilka t.ex kan styra en motorventil i vardera rikningen Regulatorn pulsar sin utsignal och en ventil han röra sig enligt nedan vid stegöndring. Verlit löge Regulator



#### Insamling au matdata

(

(

(

Da insamling av måldata skall göras måter man alla erfenderliga otorheter för kommande identificring. Ofta kan måtproceduren vara omståndig med uppriggning av måtutanstning, dator för insamling av data och information m.m Av detta skål kan det vara bra att måta så mänga signaler som möjligt även om man inte direkt ser mågon användning av alla just dö. Vid val av samplingsfrekvensen bör man tänka igenom vilka frekvenser som kan vara av intresse. Frekvenser högre öm halva samplingsfrekvensen kan som bekant ej unskiljas i mätserierna den s.k. aliaseffekten.

För nim uppgift har följande signaler inspelats, med samplingsintervall 0.5 s.

Styrsignal, U Arvarde (temp), y Felsignal, e

## Hur skall systemet peverhas?

(

(

(

(

För alt undersöka ett systems dynamiska ogenskaper kan olika metoder användas. Vilken som är bäst beror på processen, och möjligheter att påverka denna med önskade signaler. Nedan mågra exempel.

<u>Stegsvor</u>: En ofta använd metod, där man gör en stegändring och registrevar utsignalen. Av detta kan man utläsa bl.a tidskomstanter och fidsfördröjningar. Tilläter systemt att sättas i självsvängning kan Ziegler -Nichols-metod användas till att göra en inställning av PID-negulatorer.

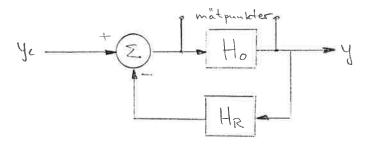
Impulsevar: Detta är främst intressant för system med kovta tidskonstander, Ett drögt system hinner inte reagera på en kort singnal. En impuls kan också vara svärt att realisera.

Frekvensanalys: Ex ren sinnssignal användes som insignal. Utsignalen blir en sinnssignal med samma frekvens. Amplituden blir en annan och en fasförskjutning uppstär. Följande utsignal mådes.

> y(t) = u°(G(iw) | · sin[wt + ang G(iw)] + transienter dår u° - insignalens amplitud G(iw) = systemets överföringsfunktion

Man väntar tills transienterna dött ut innan måtningar utföres. Experimentet utföres för ett antal olika frekvenser, varefter ett Bodediagram kan uppritas.

Alebst skall identifiering ske på det öppna systemet så att inga återkopplingar påverkar systemet. År man inte observant och vi har en konfiguration enligt medan, kan om ye är konstant en identifiering göras av regulatorn (HR) istället för processen (Ha).



(

(

(

För hypotermienlieten har jag auvänt stegsvar och "slumpmässig" variation av insignalen för att prova med olika frekvenser.